







B. Provi 2631

NOUVEAU TRAITÉ

SUPPLÉMENT THEORIQUE ET PRATIQUE

DE LA

TRIGONOMÉTRIE RECTILIGNE.

Par M. DUPAIN DE MONTESSON, Capitaine d'Infanterie, Penfonnaire du Roi & Ingénieur de fes Camps & Armées.

A PARIS,
DE L'IMPRIMERIE ROYALE.

M. DCCLXXIII.



ABRÉGÉ DU CONTENU

DE CE SUPPLÉMENT.

LE Titre que l'on a donné à cet Ouvrage lui convient d'autant mieux que son objet est de conduire à la précission dans la pratique de la Trigonométrie Rectiligne: on suppose que le Lecteur a puisé des connoissances préliminaires dans les excellens Trajtés de cette science, qui sont honneur à leurs Auteurs: ce qu'on lui présente ici en est la suite divisée en trois parties.

La première supposant un peu d'acquit dans le cabinet & d'expérience sur le terrein, on s'est déterminé à passer légèrement sur la manière de procéder à la mesure de la longueur fondamentale, & fur les observations qui la suivent; mais on s'étend beaucoup sur l'usage que l'on fait des Tables de logarithmes des sinus & des nombres, quand on ne veut rien négliger des mesures réelles & déterminées contenues dans les côtés d'un triangle, & des mesures indéterminées qui fixent l'ouverture de ses angles.

La feconde contient le principe de la réduction des angles au centre d'un lieu d'observation; on explique tous les cas qui peuvent se rencontrer, chacun comme s'il étoit unique, on en déduit des règles dont on fait des applications, n'omettant rien de ce qui peut instruire ou satisfaire le Lecteur.

La *trossème* renferme différentes Tables calculées avec soin; la première

contient les logarithmes des sinus des angles de seconde en seconde, depuis une seconde jusqu'à trente-deux minutes. Pour la dresser, on s'est servi de la Table in-folio d'Wlacq: la seconde est . utile pour réduire à un centre des angles observés hors de ce centre; on l'explique & on en donne l'usage en faisant différentes suppositions: la troisième sert à distribuer en proportion des degrés, compris dans un angle, l'excès ou le deficit qui pouroit se trouver sur la valeur réelle de la somme des angles de tous triangles rectilignes; on enseigne à faire usage de cette Table comme si elle étoit détaillée de seconde en seconde pour répartir des quantités qui iroient jusqu'à 10 minutes, & aussi comme si elle l'étoit de degré

en degré & même en partie de degré jusqu'à 180.

Enfin cet Ouvrage est terminé par un Modèle d'appréciation qui mettra sous les yeux tout le travail de cabinet qui se fait d'après des Observations.



NOUVEAU



TRIGONOMÉTRIE RECTILIGNE.

PREMIÈRE PARTIE.

Des premières opérations sur le terrain & de l'usage des Tables de logarithmes pour ne rien négliger de la valeur des angles & de la longueur des côtés d'un triangle.

De ce qu'il faut connoître d'un triangle pour en faire le calcul trigonométrique.

1. ON fait que l'ouverture de chaque angle d'un triangle, ne suffit pas pour déterminer la longueur de chacun de

fes côtés, qu'il faut encore pour cela connoître la valeur d'un des côtés de ce triangle pour découvrir celle des deux autres, & que c'est alors une comparaison de nombres qui se fait à l'aide du côté connu & de l'ouverture des angles, en se servant d'une Table des sinus.

2. Si l'on considère que chaque côté du premier triangle que l'on forme sur le terrain (lorsqu'on entreprend le fond d'une carie) peut également être le côté d'un autre triangle, & les côtés de celui-ci être communs à d'autres triangles, & ainsi successivement; on comprendra que de triangle en triangle on parviendra à trouver la longueur de leurs côtés relative à une longueur primitive. Ce raisonnement fait sentir que pour mettre la Trigonométrie théorique en pratique, il faut commencer par mesurer une ligne droite sur le terrain, laquelle sera un côté commun aux premiers triangles formés par des rayons visuels (49) joignant les extrémités de cette ligne droite à différens objets remarquables & choisis: cette étendue linéaire qui est comme

la pierre fondamentale du travail que l'on entreprend, se nomme base.

3. On emploie la toile, la double-toile; la chaîne ou autre mesure réglée, pour savoir combien il s'en trouve dans l'étendue linéaire que l'on choisit pour base; sur quoi on doit pourtant préférer de se servir de la plus grande mesure, parce que si en la faisant courir selon un alignement, il y a de petites erreurs à craindre, il n'y en aura qu'à proportion de la quantité de sois qu'elle sera répétée, & par conséquent moins que si on sait usage de la plus petite mesure.

4. On ne peut disconvenir que les chaînes sont sujettes à changer de longueur par une cause à laquelle on peut aisement remédier en supprimant les S qui sont de pied en pied, & les anneaux qui sont de toile en toile, lesquels s'alongeant facilement alongent d'autant la chaîne, ce qui fait dire, en passant, qu'il conviendroit que les pieds composant une chaîne, sufficient faits en sourche, percée par un trou à chaque bout, & à douze pouces

TRICONOMÉTRIE

du centre de l'un au centre de l'autre trou; pour recevoir une forte goupille qui retiendroit la queue d'une fourche dans la tête ou la fente de la fourche fuivante, de manière que de pied en pied cela formât une channère: une chaîne de cette espèce ne changeroit pas de longueur, (faifant abstraction des causes physiques) & n'auroit que l'inconvénient de faire un plus gros volume & d'assujettir, comme les chaînes ordinaires, à redresser ses divisions si l'usage les faisoit courber.

Précautions pour bien aligner & mesurer une base.

5. Quoique dans l'art de lever les plans; I. Partie, chapitre 11, on se soit assez étendu sur la manière de procéder à la mesure d'une base, on pense devoir ajouter ici que quand on a chois sa position, il convient de la jalonner, c'est-à-dire qu'il faut y planter des perches ou des jalons, si serupuleusement bien alignés qu'ayant l'oeil dans leurs directions, ils semblent n'en faire qu'un, se premier couyrant les autres; outre cela, il faut tendre un cordeau le long des premiers jalons afin de guider la chaîne & les chaîneurs, & dans cette vue le tranfporter successivement jusqu'au bout de l'alignement.

Deux premières Observations.

'6. Après avoir choisi s'emplacement de la base & avoir mesuré sa longueur, on établit le graphomètre à un de-ses bouts, & ensuite à son autre bout, pour découvrir par son usage s'ouverture des angles que cette base fait avec chacun des rayons visuels dirigés sur différens objets.

Par exemple, étant au bout A (figure 1) on met la lunette inférieure dans la direction de la base AB, qui est alors le premier objet ou le premier Pointé, (48) sur lequel on la fixe immuable; on dirige après la lunette supérieure ou mobile, sur le premier objet que l'on aperçoit à droite de la base, & successivement sur ceux qui se voyent ensuite, écrivant à mesure & en ordre sur un

6 TRICONOMÉTRIE

registre, la valeur de chacun de ces angles.

7. Lorsqu'il convient de mettre la lunette insérieure dans une nouvelle direction, on chositi un des objets qui a été pointé, lequel devient alors le premier pointé à gauche de ceux que l'on fait & que l'on nomme après: & ainsi dans chaque partie d'une flation (44), tous les angles que l'on observe entre un premier pointé & un autre premier pointé suivant, ont à gauche un côté commun d'où l'on compte leur ouverture; c'est dans cet ordre que l'on enregistre le détail d'une observation, comme on le verra (art. 10).

Observations qui suivent les deux premières.

8. Quand on a observé à chaque extrémité de la base, comme on vient de le dire, on va faire la même chose à un des endroits que l'on a vu des bouts de cette base; on chojsit celui qui est situe vis-à-vis sa longueur & dont les rayons visuels, qui en détermineront la position, ne sont point un angle ou fort petit ou fort ouvert. Établi dans ce lieu, on

prend pour premier pointé l'un ou l'autre bout de la base, & quand après on change de premier pointé, on choist dans les objets qu'on a vus, celui qui est le mieux situé, le plus remarquable & le plus éloigné; comme une stèche, une tour, &c. C'est ainsi que l'on observe par-tout.

Registre d'Observations.

9. On recueille sur un registre le détait de chaque observation que l'on fait, on la titre du nom du lieu où on opère, écrivant le prenier pointé en marge ou en tête de la colonne composée du nom des objets sur lesquels on dirige successivement la lunette mobile de gauche à droite; & à côté de chacun de ces noms, on y marque la valeur de l'angle compris ou compté depuis le premier pointé jusqu'à cet endroit.

Cette manière de conferver un côté commun à plusieurs angles observés, détruit les petites erreurs qui auroient lieu, si l'on observoit séparément chaque angle pour en avoir

A iv

la valeur en particulier; quand on en a besoin on la trouve aisément en ôtant du nombre de degrés contenus entre le premier pointé & le côté droit de l'angle, le nombre de degrés qui précède son côté gauche, ce qui reste de cette soutraction est évidemment l'ouverture de l'angle.

Modèle d'une Observation enregistrée.

10. Les observations que l'on fait pour connoître des ouvertures d'angles le doivent être avec soin, ordre & netteté, ainsi qu'il suit:

Observation faite à l'extrémité A de la base.

PREMIÈRE PARTIE DE L'OBSERVATION.

La lunette inférieure étant située dans l'alignement

de la base.

(la Tour des Bois..... 32^d 10'.

Onarrouvé le clocher de Saint-Pierre. 68. 6.

entre
te base & le Château de....... 87. 15-

une Flèche à cinq lieues. 109. 9.

DEÙXIÈME PARTIE.

La lunette immobile étant fixée sur la Flèche à cinq lieues.

Il y a entre le Mo	njon d'Urbin 28ª ulin de 78. itage de 8 3. elle Saint-Leu 92.	4 20.
acinglieues l'Herm	itage de 8 3.	7.
& la chap	elle Saint-Leu 92.	11.

TROISIÈME PARTIE.

La lunette immobile est fixée sur la chapelle Saint-Leu.

. 4	l'Arbre noir	21d 25'
Entre	une pointe de Rocher	40. 45.
La Chapelle	la Cathédrale de	50. 30.
Saint-Leu	l'Arbre noirune pointe de Rocher la Cathédrale de l'abbaye de l'Eau	88. 40.
(la ferme de l'Eau	89. 20.

QUATRIÈME PARTIE.

La lunette inférieure étant arrêtée sur l'abbaye de l'Eau.

Entre	(l'église du Chêne	584	20
l'Abbaye	l'église du Chêne un Arbre isolé l'extrémité B de la base	42.	15.
de l'Eau	l'extrémité B de la base	70.	Q.
-		_	_

10 TRIGONOMÉTRIE

	(109ª	9"
Tour de l'Horizon	92. 88. 70.	1 į.
Your de monzon	70.	0.
	360.	٥.

Station faite dans le clocher de Saint-Pierre,

PREMIÈRE PARTIE.

La lunette immobile étant située sur l'extrémité A de la base.

	l'abbaye de l'Eau	22ª	15'
Il v. a.entre	la ferme de l'Ean.	2.4	т о
cette	l'église du Chêne	47.	30.
extremité	l'églife du Chêne l'extrémité de la base	51.	5.
л ч	la Tour des Bois,	90.	35.

& ainsi des autres parties de cette station & de toutes les autres observations, dans chacune desquelles il saut saire le tour de l'horizon & assembler en une somme les nombres de degrés compris entre les premiers; pointés (48) pour voir s'ils composent un total de 360 degrés ou à très-peu près, ou s' l'on s'est trompé sur le limbe de l'instrument.

En dire davantage seroit répéter inutilement ce que l'on trouve dans l'Art de sever les Plans (1.º Partie, chap. 111); on verra (40 & 41) ce qu'il faut observer à chaque statitude dans la pratique de la Trigonométrie rectiligne; c'est ce que l'on s'est proposé en donnant ce petit Traité; mais pour y réussir il est nécessaire de donner d'abord l'avertissement & les remarques qui suivent.

Averissement sur le Parallélisme.

On croit devoir prévenir ici, que le transport d'un inftrument pouvant le déranger, on examine cela une seule fois en chaque lieu, c'est-à-dire que l'on observe le Parallélisme pour en tenir compte sur le registre, au bas ou à la tête de l'observation que l'on fait.

On nomme Parallenme la fituation parallèle des lunettes d'un instrument, dirigées sur le même objet, le petit arc qu'elles renserment est sa valeur qui s'ajoute ou se retranche de l'angle compris entre deux premiers pointés (48) T2 TRIGONOMÉTRIE

fuccessifis, selon qu'on le trouve en plus ou en moins.

Usage des Tables de logarithmes, pour arriver à la précision.

Remarque fur les logarithmes des ouvertures d'angles qui comprenient des secondes.

On n'a pas dans les Tables les logarithmes finus, tangentes & lécantes des nombres de degrés accompagnés de fecondes; pour cela il auroit fallu interpoler cinquante-neuf logarithmes entre une minute, & une minute de plus, ç'eût été un travail confidérable, qui auroit produit plufieurs volumes embarrassa quand il faut les porter avec foi; on en peut juger par les Tables in-folio d'Wlacq, où l'on trouve les logarithmes de dix en dix fecondes.

D'autre part, dans le calcul ordinaire on néglige affez communément les fecondes, si ce n'est dans les cas où les moindres choses

RECTILIGNE. 13

conduiroient insensiblement à des différences toujours trop considérables, même dans leur principe, & c'est pour cela que les Auteurs des Tables de sinus, nous ont appris à nous en servir, asin de trouver les logarithmes des sinus, des tangentes & des sécantes de tous les nombres de degrés accompagnés de secondes, qui ne sont pas contenus dans ces Tables; & à nous en servir aussi pour découvrir à combien de secondes au-delà des degrés, ou des degrés & minutes, répond un logarithme résultant du calcul d'un triangle: voici sur ce sujet ce qu'ils nous apprennent.

Trouver le logarithme d'une ouverture d'angle accompagnée de secondes.

11. Confidérez qu'entre deux nombres de degrés, dont l'un est plus grand que l'autre, d'une minute feulement, la différence entre les logarithmes de ces nombres prochains d'une minute, appartient nécessairement à 60 secondes comprises entre ces nombres: ainsi voici ce que l'on fait.

14 TRICONOMÉTRIE

Règle générale.

12. 1.º On cherche dans la Table des finus le logarithme qui répond au nombre de degrés connu; on ôte ce logarithme du logarithme qui appartient au nombre de degré fuivant & plus grand d'une minute; ce qui donne pour refle la différence entre ces prochains logarithmes.

2.º On fait une règle de trois, disant:

Si pour une minute ou si pour 6 o secondes, on a la quantité de parties, qui est la différence entre ces logarithmes,

pour le nombre de secondes dont il s'agit, combien aura-t-on de ces parties!

Et 3.º la règle de trois étan? faite, on ajoute son quatrième terme au logarithme répondant dans la Table au nombre de degrés connus, & cette addition faite, on a le logarithme du nombre accompagné de secondes dont il est question.

PREMIER EXEMPLE.

13. On a besoin du logarithme sinus de

RECTILIGNE.

42^d 12' 20", on voit dans la Table que le logarithme finus répondant à 42^d 20', est 9,8271887; on sent que ce logarithme est trop petit pour 20 secondes de plus, & que le logarithme 9,8273279 qui le suit, & qui répond à 42^d 13' est trop grand; c'est donc entre l'un & l'autre de ces prochains logarithmes qu'est celui de 42^d 12' 20". Si du plus grand logarithme 9,8273279

on ôte le plus petit logarithme 9,8273279

il restera 1 392 parties

pour leur différence; & par conféquent pour les 60 fecondes qui font entre 42^d 12' & 42^d 13'. Ayant cette différence, on fait cette règle de trois:

Si 60 secondes sont représentées par 1392 parties; par combien 20 secondes le seront-elles!

La règle de trois étant faite, on trouvera

6 TRIGONOMETRIE

Ainsi ajoutant
ce quatrième terme ou ces....464 parties
au logarithme..... 9,8271887 de 42^d 12'
on aura au total.... 9,8272351

pour le logarithme finus de 42d 12' 20".

DEUXIÈME EXEMPLE.

14. On a befoin du logarithme finus de 28^d o' 35".

On voit dans la Table 9,674 8468 log. de 28^d 1, d'où ôtant...... 9,6716093 log. de 28.0,

reste..... 2 375 parties

pour leur différence ou pour les 60 fecondes qui sont entre 28 degrés & 28^d 1'. On dira donc:

Si 60 secondes sont représentées par 2375 parties; par combien

35 fecondes le feront-elles! On trouvers.

Alors

Alors ajoutant te quatrième terme 1385 au logarithme 9.6716093 de 28 degrés on aura après l'addit. 9.6717478 pour le logarithme sinus de 28d o' 35".

TROISIÈME EXEMPLE.

'15. On veut le logarithme de la tangenté de 61^d 38' 25"; on trouve dans la Table peur le logarithme de la tangente de 61^d 38'. 10,2676494; & pour le logarithme immédiatement après, on voit ce nombre 10,2679516, pour le logarithme tangente de 61^d 39'; lesquelles quantités diffèrent de 3022 parties. On établira donc cette règle de trois:

Si 60 secondes (comprises entre 6,12,38) sont repré-

3022 parties, par combien 25 secondes le seront-elles!

On trouvera pour quatrième terme

18 TRICONOMÉTRIE

Ajoutant ce quatrième terme 1259. au moindre logarithme 10,2676494. on aura au total
pour le logarithme tangente de 61d 38' 25".
QUATRIÈME EXEMPLE.
16. On demande le logarithme de la tangente de 68 ^d o' 32".
On voit dans la Table & vis-à-vis 68° o',
ce nombre 10,3935904 Qui diffère de celui qui
le suit, & qui répond
à684 1', de 3639 parties:
De sorte que faisant comme ci-dessus
une règle de proportion; on trouve 1940 parties pour son quatrième terme ou pour 32
fecondes.
Ajoutant ce quatrième terme 1940. au logarithme 10,3935904.
on aura au total 10,3937844,

pour le logarithme de la tangente de 68⁴0'32".

RECTILICNE.

On trouvera de même le logarithme de la Jécamte d'une ouverture d'angle qui comprendra des secondes.

Remarque sur les logarithmes des sinus & des tangentes dissers de ceux d'une Table.

Loríque le calcul donne un logarithme qui n'est pas précisément le même que dans une Table, c'est une marque que ce logarithme répond à des sécondes ou des tierces, &c. de plus que les degrés & minutes qui répondent au logarithme le plus approchant du logarithme résultant: pour trouver la quantité de ces sécondes; voici ce que l'on fait.

Règle générale.

17. On cherche dans la Table les deux logarithmes prochainement moindres & plus grands que le logarithme réfultant; on ôte l'un de l'autre pour avoir leur différence (si on ne la trouve pas dans la Table), on ôte aussi du logarithme résultant, le logarithme

20 TRIGONOMÉTRIE

prochainement moindre pour avoir aussi leur différence. Alors ayant ces deux différences, on établit une règle de trois, disant:

Si la grande différence ou

fi la différence ... { entre les logarithmes }
efl pour 6 o fecondes :
combien la moindre différence ou
combien l'excès ... { du legarithme réfutant sur }
donnera-t-il de fecondes !

Le quatrième terme de cette proportion en indiquera la quantité qui devra fuivre le nombre de degrés & de minutes répondant au logarithme prochainement moindre que le réfultant & qui alors répondra à ce logarithme réfultant. Appliquons cette règle afin qu'on la retienne bien pour s'en servir dans l'occasion.

PREMIER EXEMPLE.

18. Imaginons que pour le logarithme du finus d'un angle, il est venu 9,7718437; on verra dans la Table que le logarithme prochainement moindre 9,7718150 répond

à 36^d 15', & que le logarithme prochainement plus grand indique 36^d 16': l'ouverture de l'angle indiqué par le logarithme réfultant, ou la valeur de cet angle est donc entre 36^d 15' & 36^d 16'.

La différence entre les logarithmes finus de 36^d 15′ & 36^d 16′ prochainement plus & moins grands que le réfultant, est de 1722 parties.

Ayant ces différences on dira:

Si 1722 parties sont pour

60 secondes comprises entre 364 154 et 364 164 287 parties, combien donneront-elles de

fecondes! On trouvera

10 fecondes pour quatrième terme de cette proportion.

D'où l'on conclura que le logarithme réfultant 9.7718437 indique une ouverture d'angle de 36d 15' 10".

22 TRICONOMÉTRIE

DEUXIÈME EXEMPLE.

19. Supposons qu'il est venu 9,9078964 pour le logarithme d'un finus Le logarithme que l'on trouve dans la Table, & prochainement moindre, 9,9078658, qui répond à 53d 59'; fa différence avec celui.... 9,9079576 qui le suit, est de...... 918 parties, Et l'excès du logarithme réfultant..... 9,9078964 fur le moindre..... 9,9078658 cft de...... 306 parties. Connoissant ces deux différences, on dira: Si 918 parties Sont pour

Si 9 18 parties sont pour

60 secondes comprises entre 5 3d 5 9' & 5 4d,

pour combien de secondes seront 306 parties! On trouvera pour 4.º terme 20 secondes.

D'où il réfulte que le logarithme 9,9078964, est celui du sinus de 53^d 51' 20".

TROISIÈME EXEMPLE.

20. Imaginons que pour le logarithme

d'une tangente, il est venu 10,2929122; on trouve dans la Table, que le logarithme prochainement moindre 10,2928341, appartient à la tangente de 63 degrés, & que ce logarithme dissere de celui de 63^d 1', prochainement plus grand que le résultant, de 3124 parties. D'autre part, la disserence entre le logarithme résultant 10,2929122 & le logarithme moindre 10,2928341, est de 781 parties; ainsi on établira cette règle de trois:

Si.... 3124 parties
'donnent... 60 fecondes;
combien... 781 parties endonneront-elles!
On trouvera 15 fecondes.

Donc le logarithme 10,2929122, appartient à la tangente de 63d o' 15".

On trouvera de même à quel nombre de degrés, minutes & secondes, répondra le logarithme d'une sécante.

24 TRICONOMETRIE

Averissement sur les logaruhmes des nombres naturels.

21. Lorque le calcul donne le logarithme d'un nombre naturel, & que ce logarithme réfultant n'a pas précifément son semblable dans la Table de ces nombres artificiels, il en faut conclure que le nombre qui répond à ce logarithme, est accompagné de parties d'unité; ainsi soit qu'on ait égard à ces parties d'unité ou qu'on les néglige; on se sert toujours du logarithme réfultant quand la distance qu'il indique entre dans le calcul, alors les parties d'unité ou la fraction en apparence négligée, ne l'est pas réellement: la remarque & la règle suivantes apprennent à trouver cette fraction.

Remarque sur les logarithmes des nombres naturels accompagnés de parties d'unités.

La Table des logarithmes des nombres naturels ne contient pas ceux des nombres fuivis d'une fraction ou de parties de mesures

RECTILIENE. 25

ufitées dans la pratique, on en sent les raisons; mais cette Table sert elle-même à les trouver, & voici comment.

Trouver le logarithme d'un nombre accompagné d'une fraction.

2.2. Le logarithme d'un nombre entier & fuivi d'une fraction doit nécessairement être un peu dissérent du logarithme de ce nombre entier & sans fraction qui l'accompagne; & si l'on considère que les nombres naturels d'une Table de logarithmes se succèdent en augmentant d'une unité, on concevra aisément que la dissérence entre deux logarithmes prochains, représente l'unité dont l'un de ces nombres naturels est plus grand que celui qui le précède immédiatement. De cette considération, on déduit que

Règle générale.

23. Pour avoir le logarithme d'un nombre fuivi d'une fraction, il faut 1.º chercher dans la Table le logarithme de ce nombre entier;

2.° ôter ce logarithme de celui qui le fuit, afin d'avoir leur différence qui repréfente l'unité; 3.° établir une règle de proportion, dont

Le premier terme soit le dénominateur de la fraction;

Le second terme, le numérateur de tette fraction;

Le trossième terme, la différence entre le logarithme du nombre entier & le logarithme inunédiatement après;

Et 4.° chercher le quatrième terme de cette proportion & l'ajouter au logarithme du nombre entier, pour avoir au total le logarithme du nombre & de la fraction qui l'accompagne; ce qui est évident, puisque le trossème, ou la différence des logarithmes, représente l'unité, & que le quatrième terme en représente la portion (22).

PREMIER EXEMPLE.

24. On veut connoître le logarithme du nombre naturel 8039 & plus la fraction $\frac{7}{9.005}$.

On voit dans la 'Table que le logarithme du mombre entier 8039 contient 3,9052020 parties; que le logarithme

de 8040 entiers contient.... 3,9052560

à qu'ils diffèrent l'un de l'autre de 540 parties. Ainsi on établira cette règle de proportion:

9 Dénominateur de la fraction est à

7 numérateur de cette fraction, comme 540 parties différence des logarithmes des est est annumers entiers 8039 & 8040, est à

420 parties,

que l'on trouve pour quatrième terme.

Alors ajoutant ces...420 parties, au logarithme 3,9052020 du nombre entier 8039,

onauraautotal 3,9052440,

pour le logarithme de 8039 7 9.mes

DEUXIÈME EXEMPLE.

25. On a besoin du logarithme de 6139 ¹³/_{59.^{max}}; on voit dans la Table, pour le logarithme de 6139 entiers, la quantité 3,7880976; on y voit aussi, ou l'on trouve, 708 parties pour sa différence avec le loga-

rithme immédiatement après, 3,7881684 & qui appartient au nombre entier 6140; on dira donc:

Le dénominateur 59 est au numérateur 13,

comme.....708, différence des logarithmes est à.....156 parties,

que l'on trouve pour quatrième terme, & par conséquent pour la fraction 13 59 mes : cela étant, Si au logar. 3,7880976 du nombre entier 6139,

onajoute... 156 parties que l'on trouve pour 13 pour 13 comes

on aura au total 3.788 1132, pour le logarithme de..... 6139 13

TROISIÈME EXEMPLE.

26. On demande le logarithme de 806 î toises 2 pieds 9 pouces; on voit dans la Table 3,9063 889, pour le logarithme du nombre 8061; on trouve entre ce logarithme & celui qui le suit 3,9064428, qu'il est plus grand

que lui de 539 parties. Cela étant on établira cette proportion:

Si pour 6 pieds
on a 539 parties;
pour 2 pieds 9 pouces,
combien en aura-t-on!

La règle étant faite, on trouvera 2 1 3 parties pour son quatrième terme.

Ajoutant ces......213 parties, au Iogarithme... 3,9063889 du nombre 8061,

donnent au total 3,9064102, {pour le logarithme qui répond }

Trouver la partie d'une mesure qui accompagne un nombre indiqué par un logarithme résultant.

27. On a dit (21) que lorsqu'un logarithme résultant diffère dans ses derniers chiffres de celui d'une Table; cela vient de ce qu'une fraction doit accompagner le nombre entier; qui répond au logarithme prochainement moindre que le réfultant, & (22) que la différence qui est entre deux logarithmes qui se suivent, exprime l'unité dont un nombre naturel est plus grand que celui qui le précède dans la colonne des quantités simples d'une Table de logarithmes; c'est sur quoi est sondée la règle suivante qui indique ce qu'il faut faire pour trouver la fraction qui accompagne un nombre annoncé par un logarithme résultant.

Règle générale.

28. Pour trouver la fraction qui accompagne un nombre répondant à un logarithme; de ce logarithme il faut en ôter le prochainement moindre que l'on verra dans la Table, l'excès de l'un fur l'autre fera le numérateur de la fraction; & la différence entre le logarithme prochainement moindre & le logarithme prochainement plus grand que le logarithme réfultant, fera le dénominateur de cette fraction: cela ett évident.

Mais s'il faut changer la fraction en mesure usitée, comme en pieds ou en pouces, en . heures ou en minutes de temps: alors on établit une règle de trois, dont:

Le premier terme est la différence entre les logarithmes prochainement au-dessons & audessus du logarithme résultant, où est le dénominateur de la fraction.

Le fecond terme, la différence entre le logarithme réfultant, & le logarithme moindre que lui où est le numérateur de la fraction.

Et le troissème terme la mesure usitée ou ses divisions.

Ayant trouvé le quatrième terme de cette proportion, ou la quantité des parties de cette mefure que ce terme doit donner, on l'ajoute au nombre naturel qui répond au logarithme prochainement moindre que le réfultant; alors on a au total le nombre d'unités & de parties d'unités indiquées par ce logarithme.

PREMIER EXEMPLE.

29. Imaginons qu'il est résulté 3,5661240 pour le logarithme d'un nombre réel.

D'autre part on a 1179 parties pour son dénominateur, cette quantité étant la différence entre les logarithmes prochainement plus & moins grands que le logarithme résultant.

De forte, qu'ajoutant la fraction $\frac{+62}{172}$, au nombre 3682, qui répond au logarithme prochainement moindre que le réfultant, on a 3682 $\frac{+62}{172}$, pour le nombre réel qui répond au logarithme réfultant 3,5661240.

Si au lieu de la fraction 402 on veut des parties de toife, il faut confidérer comme on l'a dit (22), que le Ténominateur 1179 repréfente ici la toife, & que l'on aura la quantité de ses parties qui sont représentes par le numérateur 402, en faisant la règle de trois suivante,

Le dénominateur 1179 est au numérateur... 402, comme la toise, ou 6 pieds. est à un quatrième terme, toifes, pieds, pouc, lignes; pour lequel on trouvera..... o. 2. o. 6. ce qui étant joint au nombre 3682. donne au total..... 3682. 2. 0. 6. pour la quantité qui répond au logarithme réfultant 3,5661240. DEUXIÈME EXEMPLE. 3 o. Supposons que pour le logarithme d'un nombre inconnu de pieds, Onatrouvé... 3,9289888; on voit dans la-Table que le 3,9289588 prochainement moindre ôtant ce logarithme parties pour leur différence. du précédent,

on a

D'autre part,

Si du logarithme 3,9290100 Sprochainement plus grand que le résult. onôtelemoindre 3,9289588,

ilrestera... 512 parties, {pour leur différence, laquelle différence représente un pied, tandis que la première dissérence 300 parties, n'en représente qu'une portion (22), & sachant qu'un pied vaut 12 pouces, on fera cette règle de trois:

5	12 .
eft à 30	00;
comme	I piedou I 2 pouc.
sont à un quatrième terme,	
pour lequel il vient	7 pouces $\frac{1}{3^2 \cdot mes}$
ce qui étant mis à la suite	
du nombre 84	91,
donne 84	91 pi. 7 po. 1
pour la quantité qui répor	nd au logarithme
réfultant 3,9289888.	7

Remarque fur les logaruhmes des nombres récls plus grands que le dernier nombre réel d'une Table de logaruhmes.

31. La Table des logarithmes des nombres naturels ne contient pas les logarithmes des nombres au-dessus de dix ou de vingt mille, mais comme si elles les contenoit réellement, elle sert à les trouver; en considérant:

1.° Que les nombres réels de cette fone de Table font en progression arithmétique, tandis que les nombres artificiels ou leurs logarithmes sont en progression géométrique.

2.º Que pour faire une multiplication par les logarithmes, on ajoute le logarithme du multiplicande à celui du multiplicateur, ce qui donne de total le logarithme du produit de deux nombres fimples.

3.º Que pour divifer un nombre naturel par un autre nombre naturel, & en se servant de la Table des logarithmes, on ôte le logarithme du diviseur du logarithme du dividende,

6 TRICONOMETRIE

ce qui donne un reste qui est le logarithme du quotient de la division.

Trouver le logarithme d'un nombre naturel, plus grand que le dernier d'une Table.

Règle générale.

3 2. 1.º On lépare par un trait quelquesuns des derniers caractères de ce nombre, de manière que ce qui est à gauche du trait, est la plus grande portion de ce nombre qui soit dans la colonne des unités de la Table.

Sur quoi, remarqué en passant, que s'il ne reste qu'un chisse à droite du trait, c'est avoir divissé ce nombre par 10; s'il en reste deux, c'est l'avoir divissé par 100, que s'il en reste trois, quatre, cinq; c'est s'avoir divissé par 1000, par 10000, par 10000, &c.

2.º On cherche dans la Table le logarithme du nombre qui est à gauche du trait, & à ce logarithme on y joint celui du diviseur 10, 100 ou 1000, qui est 1,0000000.

RECTILIGNE.

2,0000000 ou 3,0000000, & on a au total le logarithme dont on a besoin.

Cette addition se fait tout simplement en augmentant le premier chiffre (ou la carallé-ristique) du logarithme du nombre restant à gauche du trait, d'autant d'unités qu'il y a de caractères à droite du trait.

Si les caractères qui fuivent le trait ne sont qu'un ou plusieurs zéros, cette caractéristique, ainsi augmentée ou changée, donnera l'addition des deux logarithmes, & par conséquent le logarithme du nombre réel plus grand que le dernier d'une Table.

Mais si après le trait, les caractères sont autres qu'un ou plusieurs zéros, on augmente ce logarithme (que nous nommons logarithme composé) à proportion de la quantité qui reste à droite du trait.

Pour cela on établit une règle de trois, dont: Le premier terme est le diviseur 10 ou 100 eu 1000, &c.

Le second terme est la différence qu'il y a entre le logarithme du nombre qui précède le C iii

8 TRICONOMETRIE

trait & le logarithme du nombre qui est après

Le troissème terme est la quantité à droite du trait.

Ayant trouvé le quatrième terme de cette proportion, on l'ajoute au logarithme compolé, & par cette addition on a au total le logarithme du nombre réel plus grand que 10, ou que 20000.

PREMIER EXEMPLE.

33. On veut le logarithme du nombre naturel 1898,0 qui n'est pas exprimé dans une Table qui ne ya qu'à 10000.

On interpose une virgule entre 8 & a pour ne considérer que la quantité 1898, qui précède cette virgule:

Et dont le logarithme est.... 3,2782962. Auquel ajoutant celui de 10 qui est 1,0000000.

Donne le logarithme composé.... 4,2782962, qui est celui de 18980 ou du nombre réel qui ne se trouve pas dans la Table.

On doit remarquer dans cet exemple que

Pon a employé le logarithme de 10, parce que la virgule ne laisse qu'un caractère à sa droite, & que la caractéristique 3 est au total changée en 4, ou augmentée d'une unité par la même raison.

DEUXIÈME EXEMPLE.

34. On a besoin du logarithme de la quantité réelle 1204 09, ayant mis une séparation entre 4 & 09, il reste à sa gauché le nombre ... 1204,

Dont le logarithme est...... 3,0806265. Auquel ajoutant celui de 100 qui est 2,0000000.

Ou en faisant

de la caractéristique 3 un 5, on a.... 5,0806265, pour le logarithme composé ou pour le logarithme du nombre réel 120400.

Mais comme les caractères qui fuivent la féparation ne font pas deux zéros, & qu'il y a 9 unités, il faut y avoir égard & augmenter à proportion le logarithme composé. On trouvera cette augmentation, en disant:

Si le diviseur 100

donne 3605 de logarithme de 1204 de celui de 1205,

combien 09 unités { donneront-elles } de parties !

On en trouvera 324 { qui étant ajoutées au } logarithme composé }

qui est... 5,0806265 donne... 5,0806589, pour le logarithme du nombre naturel.....120409.

TROISIÈME EXEMPLE.

35. On demande le logarithme de 6408,604; la virgule placée entre 8 & 6, laisse trois chiffres à droite, c'est donc comme si on avoit divisé ce nombre par 1000; ainsi on ajoutera au logarithme de 6408, qui est 3,8067225, le logarithme de 1000 qui est 3,0000000, & on aura le logarithme composé 6,8067225 qui sera le logarithme unombre réel 6408000, mais puisqu'à droite de la virgule il y a 604 unités de plus, on

RECTILIGNE.

cherchera l'augmentation proportionnelle qu'il faut faire au logarithme compolé, en disant: Si le diviseur 1000

donne 678 parties 6408 & le logorithme du nombre 6409.

combien le nombre 604 en donnera-t-il! { réponse : }

On en trouvera 409 {qui étant jointes au {logarithme composé}

ou à... 6,8067225 donne 6,8067634. pour le logarithme du nombre réel6408604.

Et c'est ainsi que l'on trouve les logarithmes des nombres au-dessus du plus grand nombre naturel d'une Table.

Remarque sur les enombres arisficiels plus grands que le dernier d'une Table.

36. Lorsqu'il résulte pour le logarithme d'un nombre réel, un logarithme plus grand que le dernier d'une Table, on trouve le nombre qui répond à ce logarithme résultant,

par le moyen d'une divission & d'une multiplication faite avec le secours des nombres artificiels (31) ou des logarithmes.

Trouver le nombre réel qui répond à un logarithme plus grand que le dernier logarithme d'une Table.

Règle générale.

37. 1.° Du logarithme réfultant, on ôte le logarithme d'un petit nombre tel que celui de 2 ou de 3 ou de 4, afin que le refte se trouve dans la Table où l'on cherche à quel nombre naturel répond ce refte [sur quoi il faut remarquer que c'est comme si on avoit divisé le nombre inconnu par 2 ou par 3 ou par 4 (31)].

2. On multiplie ce nombre, répondant à ce refle de logarithme par le nombre 2 ou 3 ou 4, dont le logarithme à été foufrait du logarithme réfultant [c'eft rétablir le nombre incomu qu'on a divifé (31)] & le produit de cette multiplication est le nombre effectif

RECTILICNE

qui répond à un logarithme plus grand que le dernier d'une Table.

PREMIER EXEMPLE.

39. Soit ce logarithme 4,0000964 plus grand que le dernier d'une Table qui se termine à 10000.

Decelogarith.4,0000964, on ôtera le

logarith. du o,3010300,

il restera le 3,6990664 qui répond à 5001,951 logarithme

qui étant multiplié par le diviseur.... 2,

donne pour le nombre qui répond
21 logarithme 4,0006964 10002, 21

DEUXIÈME EXEMPLE.

39. Supposons qu'on a trouvé 47602620 pour le logarithme d'une distance, lequel logarithme est plus grand que le dernier d'une Table poussée jusqu'à 20000.

44	TRIGONOMÉTRIE
fi de ce	7
logarith.	} 4,7602620,
on ôte le	7
logarith.	0,4771213 du nombre 3,
cet autre	4,2831407 {qui répond au nombre réel} 19192205
logarith.	nombre reel
lequel no	ombre étant multiplié par 3,
donne	57578,161
pour la di	stance indiquée
par le log	arithme 4,7602620.

De toutes les Règles & des Exemples précédens sur l'usage des Tables de logarithmes, il en faut conclure que ces Tables renferment en elles-mêmes toute l'étendue qu'on auroit pur leur donner en les rendant volumineuses.



SUPPLÉMENT THÉORIQUE ET PRATIQUE

TRIGONOMÉTRIE RECTILIGNE.

SECONDE PARTIE.

Du principe de la réduction des angles au centre dans tous les cas, de la règle qu'on en déduit, & de son application.

40. Lorsque l'on se porte dans un édifice pour observer des ouvertures d'angles, il est aussi rare de pouvoir établir l'instrument au milieu, qu'il est commun d'être obligé de le placer aux fenêtres

ou à des trouées que l'on fait exprès pour voir les objets intéressans; dans ce cas on conçoit que les angles observés n'ont pas la même ouverture qu'au centre du lieu, & l'exactitude demande qu'on les réduise à ce point; c'est ce que l'on enseignera dans cette seconde partie, après avoir parlé de ce qui est nécessaire pour cela.

De ce qu'il faut connoître pour réduire des angles à un centre.

41. Quand on observe, il faut faire attention à deux choses qui donnent ensemble le moyen de réduire les angles; la première est d'examiner à chaque partie d'une Observation, la valeur de l'angle sait par le premier Pointé & par la direction; la feconde est de messurer ce qu'il y a depuis entre le centre de l'instrument & celui de l'édifice, & de faire mention de ces deux quantités sur le Registre comme on le voit ci-après, où l'on suppose que c'est la seconde partie de l'Observation faite au clocher, de Saint-Pierre, & suivie de la troisième.

RECTILIGNE.	47
Saint-Gervais	20
La direction, ou à droite ou à gauche. 83. La distance au centre est de	0.
Entre (le moulin de	40. 15.
La direction à droite ou à gauche 78. La distance au centre est de	_

42. C'est avec le secours de l'angle à la airection & de la dissance au centre que l'on parvient à réduire à un milieu des angles observés à une circonsérence; ceux à qui on parle de faire cette réduction n'osent l'entreprendre, s'étant laissés épouvanter par des personnes qui ne se sont, ans doute, pas prêtées à les mettre dans la route; c'est pourquoi on va la tracer ici, l'éclaireir & en marquer tous les pas, en s'arrêtant yolontiers sur chaque

cas comme s'il étoit feul, afin qu'on la puiffe fuivre quand on le voudra ou qu'il le faudra; dans cette vue & par condefcendance on s'est livré à des répétitions fatigantes & à beaucoup d'exemples; mais auparavant il convient de donner les définitions suivantes aux perfonnes qui débutent dans l'étude de la Trigonométrie rectiligne.

Définitions.

- 43. Observer, c'est découvrir avec le secours d'un instrument, la valeur des angles formés par des lignes imaginaires qui iroient du point où l'on opère, à différens objets, ce travail s'appelle Observation.
- 44. Le lieu où l'on examine des ouvertures d'angles, se nomme lieu d'Observation; tels sont les clochers, les tours, les moulinsà-vents, &c. toute observation se titre du nom de l'endroit où on la fait.
- 45. Le point où l'on établit l'instrument pour observer l'ouverture des angles, se nomme Point de station, de sorte qu'en un même lieu

OII

RECTILIGNE.

on peut avoir plusieurs points de station, comme lorsque l'on place l'instrument à différentes senètres d'un clocher, d'une tour, &c.

- 46. L'intervalle entre le point de station & le milieu de l'endroit où l'on observe, se nomme Dissance au centre.
- 47. Le prolongement direct & indéfini de la distance au centre, ou ce qui est la même chose, la ligne droite & imaginaire passant par le centre du lieu d'observation & par le point de station, s'appelle la Direction.
- 48. L'alignement ou l'objet sur lequel est fixée la lunette inférieure d'un instrument; tandis que l'autre lunette est successivement dirigée sur d'autres objets, se nomme Premier, pointé.
- 49. Chaque alignement allant du point de flation fur différens objets, s'appelle Rayon visuel ou pointé; ces rayons visuels ou ces pointés sont les situations successives où se trouve la lunette mobile ou supérieure.
 - 50. La ligne droite ou la distance qu'it

SO TRIGONOMÉTRIE

y a du centre d'un lieu d'observation au centre d'un autre lieu, se nomme Rayon central, afin de le distinguer du rayon visuel qui part toujours du point de station ou du centre de l'instrument.

- 51. L'angle fait par deux lignes venant du même point, l'une aboutifant au point de flation, & l'autre au centre du lieu d'obfervation; ou l'angle opposé à l'intervalle qui sépare ces deux points, se nomme Angle à la distance au centre.
- 52. L'angle fait au point de station pour chaque pointé (49) & par la direction (47), s'appelle Angle à la direction.
- 53. Le triangle formé par un rayon visuel, par un rayon central & par la distance au centre, se nomme Triangle sur la distance.

De la position du point de station à l'égard du ceutre du lieu d'observation èr de la situation de la direction par rapport au premier pointé.

54. Le point de station (45) & le centr

RECTILIGNE. 5

de l'édifice font toujours dans l'alignement de la direction (47) dont ils déterminent la position par rapport à tous les premiers pointés (48) d'une observation; le point de station peut être en avant ou en arrière du centre du lieu d'opération; la direction peut avoir quatre situations disférentes relativement à un premier pointé & à un angle.

- 55. La direction (2. & 3. figures) & le premier pointé, peuvent ne faire qu'une feule & même ligne droite sur laquelle le centre du lieu d'observation sera ou en avant ou en arrière du point de station.
- 56. La direction (4. & 5. figures) peut diviser l'angle observé, & le centre du lieu sera ou dans l'angle ou hors de l'angle.
- 57. La direction (6. & 7. figures) peut être à droite du premier pointé & auffi des autres pointés, & le centre du lieu d'obfervation en-deçà ou en-delà du point de station.
 - 58. La direction (8.º & 9.º figures) peut D ij

fe trouver à gauche du premier pointé, & le centre du lieu fera toujours ou en arrière ou en avant du point de station.

Ces quatre fituations différentes de la direction à l'égard du premier pointé, renferment chacune deux cas qui naiffent de l'emplacement du point de flation par rapport au centre de l'objet; nous les examinerons chacun léparément & comme s'il étoit feul, afin d'en tirer la manière de réduire dans tous les cas des angles observés autour d'un centre, à leur valeur à ce centre.

On fera succéder la pratique à la théorie par des exemples sur chaque cas; on suppoposera la longueur du rayon central (50) déterminée, & aussi que la distance du point de station (45) au centre, a été mesurée; puisque, comme on l'a dit (42), c'est avec le secours de ces deux longueurs que s'on réduit au centre d'un lieu, des angles observés à sa circonsérence.

Principe qui conduit à réduire au centre d'un lieu, les angles observés à sa circonsèrence.

59. La réduction des angles au centre d'un lieu d'obfervations (44) est fondée sur une des plus simples propositions de la Géométrie élémentaire, où l'on prouve que l'angle extérieur d'un triangle, ou le supplément d'un de se angles est égal à la valeur des deux autres angles du même triangle, & conséquemment que ce supplément, moins s'un de ces deux angles, est égal à l'autre; c'est sur ce principe qu'est établie la théorie & la pratique dont il s'agit ici, & que l'on va mettre dans tout son jour.

Théorie & pratique de la réduction des angles au centre d'un lieu d'observation.

Nous examinerons les uns après les autres; tous les cas expolés (art. 55, 56, 57 & 58) afin d'avoir pour chacun une règle particulière dont nous déduirons une règle générale.

PREMIER CAS.

60. On suppose (2. sigure) que la direction SY & le premier pointé SA, composent la même ligne droite; que le point de slation S est entre le centre C & l'objet A. Dans ce cas, examinons comment on peut réduire à être au centre C les angles observés en S.

Soit tiré (2.º figure) le rayon central (50) CB, alors on verra que le premier angle oblevé BSA, est extérieur (59) au triangle BSC, conséquemment il est égal à la valeur des deux angles SCB, CBS; & cet angle extérieur BSA moins l'angle SBC est égal à l'angle SCB qui a son sommet au centre C; dans ce cas on aura donc le premier angle observé ASB réduit à être au centre l'angle ACB, si de ce premier angle observé on en ôte le premier angle B opposé à la distance au centre (46).

Soit tiré le rayon central CD, le second angle observé ASD est extérieur au second triangle CSD, & conséquemment équivalant

RECTILIGNE. 55

aux deux angles SDC, SCD, par conséquent si de ce second angle observé ASD, on ôte le second angle D opposé à la distance SC, on aura au lieu de l'angle observé ASD, l'angle ACD réduit au centre C.

Pareillement, fi on tire le rayon central CE, le troisième angle observé ASE sera extérieur au triangle CSE, & cet angle ASE moins le troisième angle E opposé à la distance SC, sera égal à l'angle ACE qui est fa réduction au centre C.

Le même raisonnement pouvant se faire à l'égard des autres angles observés ASF, ASG, &c. voici la règle que l'on en déduit.

Règle pour ce premier cas.

61. Lorsque la direction & le premier pointé font la même ligne droite, & que le centre du lieu d'observation est en arrière du sommet des angles observés; pour les réduire chacun à sa valeur à ce centre, il faut de leur ouverture observée, en ôter l'ouverture de l'angle opposé à la distance au centre, fait D iv

par le fecond côté de l'angle observé & par, le rayon central venant du même objet, c'està-dire que du premier angle observé il en faut ôter le premier angle opposé à la dislance au centre; que du second angle observé il en faut retrancher le second angle opposé à la dislance au centre; que du troisième angle observé, il en faut souftraire le troisième angle opposé à la dislance au centre, & ainsi du quatrième, du cinquième, du sixième angle observé, il en faut retrancher le quatrième, le cinquième, le sixième angle opposé à la dislance au centre, afin d'avoir pour reste la valeur de chacun de ces angles réduits au centre du lieu d'observation.

Application de ce premier cas.

62. Imaginons, premièrement, que

L'angle
$$ASB$$
 ASD
 ASE
 ASF
 AS

Secondement, que

Et troisièmement, que la distance au centre

63. Cela supposé, on connoît dans chaque triangle SBC, SDC, SEC, SFC, &c. deux côtés qui sont un rayon central & la distance au centre, on connoît aussi l'angle observé S, & par conséquent son supplément; ainsi on trouvera la valeur de chaque angle B, D, E, F, &c. opposé à la distance SC au centre en établissant les règles de trois fuivantes.

(Le logarithme de la longueur du rayon central CB ou le logarithme de 3 1 38 pieds qui est 3,4966529. Cest au logarithme de la distance SC au centre ou au logarithme de ... spieds qui est 0,9542425;

Comme le logarithme du finus de l'angle BSC

ou comme le logarithme du finus de fon fupplément ASB

observé de 25d 30'qui est 9,6339844,

Sest au logarithme du sinus de l'angle B

Pour lequel quatrième terme on trouve 7,091 5740, qui répond à 4' 15" ou environ, valeur du premier angle B opposé à la distance SC au centre.

Le logarithme de la longueur du rayon central CD

ou le logar. de 3840 pieds qui est 3,5843312,

Sest au logarithme de la distance SC au centre

ou est au logar. de 9 pieds qui est 0,9542425,

Comme le logarithme du finus de l'angle DSC

ou comme le logarithme de son supplément ASD

Observé de 40d 15' qui est.... 9,8103159,

est au logarithme du sinus de l'angle D pour lequel quatrième terme on trouve 7,1302272, qui répond à 5' 12", valeur du second angle D

ui répond à 5' 12", valeur du fecond angle *E* opposé à la distance SC au centre. Le logarithme de la longueur du rayon central CE ou le logar. de 5472 pieds qui est 3,7381461, Sest au logar. de la distance SC aucentre ou est au logarithme de 9 pieds qui est 0,9542425.

Comme le logarithme du sinus de

l'angle ESC

ou comme le logarithme de son supplément ASE observé de 52^d 12' qui est.... 9,9034868,

est au logarithme du sinus de l'angle E pour lequel quatrième terme on trouve 7,1 195832, qui répond à 4' 31", valeur du troisième angle E

opposé à la distance SC au centre.

Le logarithme de la longueur du

rayon central CF

ou le logarithme de 4824 pieds qui est 3,6834073,

Cest au logarit. de la distance SCau centre

ou est au logarit. de 9 pieds qui est 0,9542425,

comme le logar. du finus de l'angle FSC ou comme le logarithme de fon sup-

plément ASF

(observé de 67d 16' qui est. . . . 9,9648785

est au logarithme du sinus de l'angle F pour lequel quatrième terme on trouve 7,2 3571 37, qui répond à 5'55", valeur du quatrième angle F

opposé à la distance SC au centre.

64. Ces angles B, D, E, F,	&c.	oppo	ſés
à la distance SC au centre, étar	it coi	nus.	
Si du premier angle observé ASB ou d	e 25ª	20'	•
on ôte le premier angle B opposé à i	a		
distance au centre, ou	٥.	4- 1	5.
il reflera pour la valeur de l'angle			
au centre ACB	258	25'4	-5"
Si du l e cond angle oblervé <i>ASD</i> ou de	40ª	15'	0"
on ôte le second angle D opposé à la			
distance au centre, ou	Og	5' 1	2"
il restera pour la valeur de l'angle			_
au centre ACD	40 ^d	9'4	8"
Si du troisième angle observé ASE			_
ou de	53ª	12'	۰"
on ôte le troisième angle E opposé			
à la distance au centre, ou	Oq	4 3	1"
i restera pour la valeur de l'angle ACE			_
au centre	53 ^d	7' 4	9"
Enfin, si du quatrième angle observé			_
ASF ou de	679	16'	٥"
on ôte le quatrième angle F opposé			
à la distance au centre, ou	Oq	5'5	5
l restera pour la valeur de l'angle			_

RECTILICNE. 6

Et ainsi les angles ASB, ASD, ASE, ASF, &c. observés au point S, seront réduits chacun à sa valeur au centre C du lieu d'observation, après quoi on sera ce qui est dis (article 61).

DEUXIÈME CAS.

65. On suppose encore (3. figure) que la direction SY & le premier pointé SA, composent une même ligne droite, mais que le centre C du lieu d'observation est entre le point de station S & l'objet A: dans ce eccond cas, cherchons ce qu'il faut faire pour réduire chacun des angles observés en S, à sa valeur en C.

Tirons les rayons centraux CB, CD, CE, &c. & remarquons que le premier angle observé ASB ou CSB, plus le premier angle B opposé à la distance SC au centre font ensemble égaux à l'angle ACB, extérieur au triangle BCS, qui a son sommet au point milieu C.

Que le fecond angle observé ASD, plus

Je fecond angle D opposé à la distance SC au centre sont ensemble égaux à l'angle ACD qui est extérieur au triangle DCS.

Que le troisième angle observé ASE, plus le troisième angle E, opposé à la distance au centre, équivalent l'angle extérieur ACE; & ainsi d'un plus grand nombre d'angles, d'où l'on tire la règle suivante.

Règle pour ce deuxième cas.

66. Que dans le cas supposé, il faut au premier angle observé, ajouter le premier angle opposé à la distance au centre; au second angle observé, ajouter le second angle opposé à la distance au centre; au trossième; au quatrième le quatrième, & ainsi des autres, pour avoir après ces additions particulières, les valeurs particulières ou l'ouverture de chacun des angles réduits au centre.

Application de ce deuxième cas.

67. Suppolons, premièrement, que l'on a observé

Secondement, que

Et troisièmement, que la distance SC au centre, est de 1 1 pieds.

68. Cela étant, pour avoir la valeur de chacun des angles B, D, E, &c. confidérons qu'ils appartiennent à des triangles SCB, SCD, SCE, &c. dont on connoît l'angle en S, &c deux côtés qui font la diflance SC au centre, & le rayon central CB, ou CD, ou CE, ou &c. on aura donc l'ouverture de ces angles, en faisant les règles de trois suivantes.

•
64 TRIGONOMETRIE
(Le logarithme du rayon central CB
ou le logarit. de 6012 pieds, qui est 3,7790190,
Cest au logarithme de la distance SC
ou est au
(logarithme de 1 1 pieds, qui est 1,0413927,
(comme le logarithme du finus de
l'angle observé ASB
ou le logarithme finus de 32d 8'
qui est
est au logarithme du sinus de l'angle B
pour lequel on trouve 6,9881966,
qui répond à 0 ^d 3' 2 1", valeur du premier angle B opposé à la distance SC au
centre:
(Le logarithme du rayon central CD
ou le logarit. de 5820 pieds, qui est 3,7649230,
Cest au logar, de la distance SC au centre
ou au logarit. de 11 picds, qui est 1,0413927,
Comme le logarithme du finus de
l'angle observé ASD
Ou le log. du sinus de 49ª 18', qui est 9,8797462,
est au logarithme du sinus de l'angleD
nour leguel il vient 7.1562150

qui indique od 4' 56" pour l'ouverture du second angle D opposé à la distance SC

au centre.

RECTILICNE. 65

69. Connoissant l'ouverture de chacun de ces angles B, D, E, &c. opposé à la distance au centre,

troisième angle E opposé à la distance SC au centre.

Au premier angle ASB observé de.. 30d 8' o on ajoutera le premier angle B, opposé

à la distance au centre, & qui est de od 3'21"

on aura pour sa réduction à être au

au second angle ASD observé de... 49d 18' o"

on ajoutera le second angle D opposé
à la distance au centre, & trouvé de od 4'56"

& on aura pour sa réduction à être au centre l'angle ACD....... 49^d 22' 56^e

& ainsi d'un plus grand nombre d'angles.

De la différence entre ces deux cas.

70. La différence entre ces deux cas, consiste en ce que dans le premier on soustrait de l'angle observé, l'angle du même numéro opposé à la distance au centre; & dans le second, au contraire, on ajoute ces deux angles ensemble.

TROISIÈME CAS.

71. Étant dans un édifice & n'ayant pu placer l'instrument dans son milieu, on a été obligé d'observer l'angle ASB (4.º figure) au lieu de l'angle ACB, le point de station S se trouvant en avant du centre, & la direction SY divisant l'angle; dans ce cas, cherchons

RECTILIGNE. 6

la route qu'il faut suivre pour réduire l'angle observé 'ASB à être au centre l'angle ACB.

Confidérez d'une part que l'angle ASY, compris entre le premier pointé SA & la direction SY, est extérieur au triangle CSA, par conféquent égal aux deux angles ensemble SAC, SCA, & que ce même angle ASY, moins l'angle SAC opposé à la distance au centre est égal à l'angle ACS.

D'autre part, l'angle BSY, fait par la direction & par le fecond pointé ou le fecond côté SB de l'angle ASB, est aussi extérieur au triangle BSC, & conséquemment égal à la valeur totale des deux angles SBC, SCB, & le même angle BSY moins l'angle SBC fitué vis-à-vis la distance au centre, est égal à l'angle SCB; donc la somme des deux angles extérieurs ASY, YSB moins l'angle SAC, moins encore SBC est égale à la somme des deux angles ACS, BCS ou à tout l'angle ACB au centre, & de-là on déduit la règle suivante.

Règle pour ce troisième cas.

72. Pour réduire au milieu d'un édifice un angle observé à sa circonférence, le centre du lieu étant en arrière de son sommet & la direction passant dans l'angle, il en faut soustraire la valeur de chacun ou la somme des deux angles opposés à la distance au centre, ce qui restera sera la valeur réduite au centre de l'angle qu'on aura observé.

Application de ce troisième cas.

73. Supposons que l'angle ASB a été observé de . . 654 55' que l'ouverture entre le premier pointé SA & la direction SY, s'est trouvée de . . 20. 0. L'ouverture entre la direction SY & le second pointé SB, sera de 45.55. Supposons aussi que la distance SC au centre C est de 1 6 piede. que le rayon central CA a 1450 toiles ou 8700. Et que l'autre rayon central CB a 1511 ou 9066.

74. Servons-nous de ces connoissances

pour découvrir à quoi le réduira au centre l'angle observé ASB; considérons d'une part que du triangle ASC on connoît le côté CA, le côté CS & l'angle ASC, supplément de ASY; ainsi on trouvera la valeur de l'angle A en faisant cette règle de proportion,

SLe logarithme du rayon central CA

ou le logarit, de 8720 pieds, qui est 3,9395193,

sest au logarithme de la distance SC

au centre

ou au logarit. de 16 pieds, qui est 1,2041200, comme le logarithme du sinus de l'angle ASC

ou comme le logarithme de fon supplément-ASY observé de 2000'...9,5340517,

est au logarit, du sinus de l'angle SAC

& pour lequel on trouve...... 6,7986524,
qui répond à 042' 10° pour l'ouverture de l'angle A

opposé à la distance au centre.

Confidérons d'autre part, que du triangle CSB, on connoît le côté CB, le côté CS & l'angle BSC supplément de l'angle YSB; ainsi on cherchera l'ouverture de l'angle B en faisant cette règle de proportion-

E iij

TRIGONOMÉTRIE Le logarithme du rayon central CB ou le logar. de 1511 pieds, qui est 3,9574157. Cest au logarithme de la distance SC au centre Cou au logarit. de 16 pieds, qui est 1,2041200. comme le logarithme du finus de l'angle BSC ou comme le logarithme de son supplément YSB conclu de 45d 55"...9,8 56 32 32, est au logarit. du sinus de l'angle SBC pour lequel il vient 7,1030275, qui indique od 4' 21" pour l'ouverture de l'angle B opposé à la distance SC au centre. 75. Ayant trouvé Pour la valeur de l'angle A od 2' 10" Pour la valeur de l'angle B..... On aura pour les deux ensemble... od 6' 31". Ce qui étant fouffrait de la valeur de l'angle ASB observé de . . . 65ª 55' o"

QUATRIÈME CAS.

76. Étant dans un édifice où n'ayant pu établir l'inftrument à son centre, on a observé l'ouverture de l'angle ASB (5.º figure) au lieu de celle de l'angle ACB, la direction partageant l'angle, & le point de station S'étant en arrière du centre, cherchons comment on peut arriver à connoître l'ouverture de l'angle ACB.

Confidérez comme dans le cas précédent, que l'angle ACY extérieur au triangle SCA, est équivalent aux deux angles CSA, SAC; qu'austif & par la même raison l'angle YCB extérieur au triangle SCB, équivant les deux angles CSB, SBC, ainsi l'angle ASC, plus l'angle CSB ou tout l'angle observé ASB, plus l'angle A, plus encore l'angle B est égal aux deux angles externes ACY, YCD, ou est égal à tout l'angle ACB au centre, d'où suit cette règle.

Règle pour ce quatrième cas.

77. Pour remettre au centre d'un lieu, un angle observé à sa circonsérence, le centre de ce lieu étant en avant du point de station, & la direction partageant cet angle; il sant à l'angle observé ajouter la valeur des deux angles opposés à la distance au centre, pour avoir après l'addition, l'ouverture de l'angle au centre.

Application de ce quatrième cas.

1
78. Suppolons
que l'angle ASB a été observé de 86d 27
qu'on a trouvé entre le premier pointé SA & la direction SY 54. 0.
Il y aura entre la direction & le rayon visuel S.B 32. 27.
Supposons aussi que le
rayon central CA a 778 toiles ou 4668 pieds,
que l'autré rayon central CB a 1117ou 6702
Et que la distance SC au centre, est de
Cela étant

RECTILIGNE.

79. Pour parvenir à découvrir la valeur effective de l'angle transporté à être au centre l'angle ACB, cherchons d'abord l'ouverture de chaque angle SAC, SBC, opposé à la distance SC aucentre, en faisant ces deux règles de proportion.

SLe logarithme du rayon central CA ou le logar. de 4668 pieds, qui est 3,6691308, Cest au logarithme de la distance SC

au centre

ou est au logar. de 10 pieds, qui est 1,0000000, Comme le logarithme du sinus de

l'angle ASC

ou comme le logarithme du finus de 54^d, qui est........... 9,907957**6,**

qui répond à 0d 5' 57" pour la valeur de l'angle A opposé à la distance au centre.

SLe logarithme du rayon central CB ou le logarit. de 7776 pieds, qui est 3,8907563.

Sest au logarithme de la distance SC au centre

ou au logarit. de 10 pieds, qui est 1,000000,

TRIGONOMÉTRIE comme le logarithme du finus de l'angle BSC ou comme le logar. de 32⁴ 27', qui est 9,7296211, est au logarithme du finus de l'angle SBC pour lequel il vient. 6,8388648, qui indique o⁴ 2' 22", pour la valeur de l'angle B, opposé à la distance au centre. Ayant trouvé l'angle A. 0⁴ 5' 57" & l'angle B de . 0. 2. 22. On aura pour les deux ensemble. 0⁴ 8' 19" ce qui étant ajouté à la valeur de l'angle ASB, observé de ... 86. 27. 0. donne pour son ouverture à être au centre l'angle ASB. 86435' 10"

Remarque sur le troisième & quatrième cas.

80. On doit observer ici que dans se troisième cas, on a ôté de l'angle observé, les deux angles collatéraux opposés à la distance au centre, & que dans le cas précédent on a ajouté ces deux angles à l'ouverture de l'angle observé, & c'est la dissérence qu'il y a de l'un à l'autre,

81. N'ayant pu établir l'instrument au centre C (6.º figure) d'un édifice, on s'est déterminé à opérer à une senètre S, où on a observé l'ouverture des angles ASB, ASD, ASE, ASF, &c. qu'il s'agit de réduire à avoir leur sommet au centre C du lieu d'observation, ce centre étant en arrière du point de station S, & la direction SY se trouvant à la droite du premier pointé SA.

82. Soit supposé les rayons centraux CA, CB, CD, CE, CF, &c. alors pour réduire le premier angle observé ASB à être au centre l'angle ACB; considérez 1.º que l'angle AIB extérieur au triangle BIS, est égal à l'angle observé ISB joint à l'angle IBS; 2.º que le même angle AIB, aussi extérieur au triangle AIC égal à l'angle ICA (fait par le premier & le second rayons centraux CA, CB) joint à l'angle IAC; ainsi l'angle ACB au centre, est égal à l'angle observé ASB, joint à l'angle CBS (qui est le second angle opposé à la dislance au centre)

moins l'angle SAC (qui est le premier angle opposé à la dislance SC au centre); par conséquent le premier angle observé ASB, entre le premier pointé SA & le second pointé SB, étant transporté au centre pour y être l'angle ACB, est second angle SCB observé SCB, plus le second angle SCB opposé à la distance SCB au centre, moins le premier angle SCB pareillement opposé à la même distance au centre.

83. Pour réduire le fecond angle observé ASD à être au centre C l'angle ACD; faites attention 1.º que l'angle AKD, extérieur au triangle DKS, est égal à l'angle observé ASD, joint au troisème angle D opposé à la distance SC au centre; 2.º que le même angle AKD, aussi extérieur au triangle AKC, est égal à l'angle ACK, joint au premier angle A opposé à la distance SC au centre; ainsi le second angle observé ASD devenu au centre l'angle ACD, est égal à cet angle observé ASD joint au troissème angle D opposé à la distance SC au centre

RECTILIGNE.

& moins le premier angle A aussi opposé à la même distance au centre.

84. Pour réduire le troisième angle obfervé ASE, à être au centre l'angle ACE; considérez pareillement 1.° que l'angle ALE extérieur au triangle ELS, est égal à l'angle observé ASE joint au quatrième angle E opposé à la distance SC au centre; 2.° que le même angle ALE, aussi extérieur au triangle ALC, est égal à l'angle ACL joint au premier angle A opposé à la distance SC au centre; & ainsi le troisième angle observé ASE réduit à être au centre l'angle ACE, est égal à ce même angle observé, joint au quatrième angle E opposé à la distance E0 au centre, & moins le premier angle E1 opposé à cette distance.

85. Pour réduire le quatrième angle oblervé ASF & divifé par la direction SY,à être au centre l'angle ACF, considérez encore 1.° que l'angle extérieur ASY, moins l'angle SAC est égal à l'angle ACS; 2.° que

l'angle extérieur YSF moins l'angle SFC, est égal à l'angle FCS; ainsi tout ce quatrième angle observé ASF èr contenant la direction, moins le premier & moins le cinquième angle A&F opposés à la dissance SC au centre, est égal à la réduction à être au centre l'angle ACF (1. ° cas, an. 60); de cet examen il résulte cette règle.

Règle pour ce cinquième cas.

86. Pour réduire au centre d'un lieu, des angles observés à sa circonférence, le point de station étant en avant du centre, & la direction étant à droite du premier pointé; il faut

Au premier angle observé, ajouter le second angle opposé à la distance au centre, & de cette somme en soustraire le premier angle opposé à la distance au centre, ce qui restera sera la valeur du premier angle réduit au centre.

Au fecond angle observé, ajouter le troisième angle opposé à la distance au centre, & de cette somme en ôter le premier angle

RECTILIGNE.

opposé à la distance au centre, asin d'avoir pour reste la valeur du second angle réduit au centre.

Au troisème angle observé, ajouter le quatrième angle opposé à la distance au centre, & de cette quantité en retrancher toujours le premier angle opposé à la distance au centre, & on aura pour reste, l'ouverture du troisième angle réduit au centre.

On fera de même tant que la direction fera à droite de l'angle observé, mais si l'angle renserme la direction, on ôtera de cet angle, non-seulement la valeur du premier angle opposé à la distance au centre, mais encore celle de l'angle opposé à cette même distance & du numéro immédiatement suivant le numéro de l'angle observé; par exemple, si cet angle observé est le septième, on en ôtera le huitième angle opposé à la distance au centre; s'il est le neuvième, on en ôtera le dixième, &c. & le reste de cette soustraction donnera l'ouverture de l'angle réduit au centre (60).

Application de ce cinquième cas. 87. Imaginons 1.º que l'observation cons-

tate l'angle		
ASB de	354	20
ASD de	48.	18.
ASE de	66.	I 2,
ASF de	85.	50,
&c.		
2. Que l'angle ASY à la direction		
est de	7	deg.
3.º Que la distance du point de		
station S au centre C est de	13	pieds.
Et 4.º que le calcul a donné		
toifes	p	ieds
CA 2108 ou	126	48.

88. λ l'aide de ces connoissances, cherchons d'abord la valeur de l'angle A & celle de l'angle B, opposés à la dissance SC au centre; pour cet effet, établissons les deux règles de trois suivantes.

Le log. du rayon central CA ou le logarithme de 12648 pi, qui est 41020218, Cest au log. de la distance SC au centre ou est au logarithme de 13, qui est 11139433, (comme le log. du finus de l'angle ASC ou comme le logar, de 1084 ou de son supplément 72ª qui est 99782063. (est au logarithme du finus du premier angle A opposé à la distance au centre,

& pour lequel il vient 6901728. qui répond à 3' 22" pour la valeur de ce premièr angle A.

(Le logarit. du rayon central CB ou le logarithme de 98401. qui est 39929951, Cest au log. de la distance SC au centre ou est au logarithme de 1 3P, qui est 1 1 1 3 9 4 3 3. comme le log. du finus de l'angle BSC ou comme le logar. de 143440' ou de fon supplément 364 20' qui est 97726751, est au logarithme du finus du second angle B opposé à la distance au centre, & pour lequel il vient..... 68936233.

qui répond à 2' 41" pour la valeur de ce second angle B. F

Ainsi la valeur du premier angle
observé ASB étant de 356 20' 0°
& l'angle B étant 2. 41,
on aura pour leur somme 35d 22' 41".
de laquelle retranchant la valeur de
l'angle A, ou 3. 22,
reste pour la valeur du premier angle
observé, réduit à être ACB 35d 19' 19"
89. Pour réduire le fecond angle observé
ASD à être au centre l'angle ACD,
cherchons la valeur du troisième angle D
opposé à la distance SC au centre, en éta-
blissant cette règle de trois.
(Le log. du rayon central CD
ou le logarithme de 8 5 1 4 Pi, qui est 39301336
cest au logarithme de la
distance SC au centre
(ou est au logar, de 13pi, qui est 11139433,
(comme le logarithme du
finus de l'angle DCS
ou comme le log. de 1 56 ^d 1 8' ou de son supplément 2 3 ^d 42' 9604 1696,
(ou de son supplément 23442' 96041696, (est au logar, du troisième
angle D opposé à la
distance au centre,
(& pour lequel on trouve 67879793.
- Low 101-10 or 11-11-11-11-11-11-11-11-11-11-11-11-11-

RECTILIGNE. 83 qui répond à 2' 6" pour la valeur de ce troisième angle D. Ainsi si à la valeur du second angle

90. Pour réduire le troisième angle obfervé ASE à être au centre l'angle ACE, cherchons la valeur du quatrième angle Eopposé à la distance SC au centre; pour cet effet établissons cette règle de trois.

qui répond à 27 secondes pour la valeur de ce quatrième angle E.

Ainsi si à la valeur du troisième angle

ASE observé de 664 12' 0" on ajoute la valeur de l'angle E ou o. 0. 27,

d'où retranchant la valeur du premier

angle A opposé à la distance au centre o. 3. 22,

il restera pour l'angle ASE réduit
à être au centre ACE..... 664 9' 5"

On réduira de même tous les angles observés depuis le premier pointé SA jusqu'à la direction SY, & quand l'angle la contiendra, en opérera comme il suits

91. Pour réduire le quatrième angle obfervé ASF à être au centre l'angle ACF, on cherchera de même que ci-dessus, le cinquième angle F, opposé à la distance SCau centre, en établissant cette règle de trois.

Le logarithme de CD

ou de..... 7560 pieds, qui est 38785218, est au logarithme de S C

ou de 13 pieds, qui est 11139433.

RECTILIGNE.

comme le log. du finus de l'angle FSC ou comme le logar. de 1664 10' ou de fon supplément 13d 50'... 9378 5767, est au logarithme du sinus du cinquième angle F opposé à la distance au centre, & pour lequel on trouvera 66139982, lequel logarithme répond à 1'25". Mais comme l'angle observé ASF renferme la direction SY (87); on fera ce qui est indiqué (72); c'est-à-dire que de l'angle ASF 854 50' 0" on en ôtera la valeur de l'angle F ou \ 0. 1. 25. plus encore la valeur de l'angle A ou) 0. 3. 22. ou on en ôtera la fomme de ces deux angles F & A ou

& il restera pour cet angle réduit

à être au centre, l'ange ACF ... 854 45' 13"

SIXIÈME CAS.

92. On suppose encore la direction (7.5 figure) à droite du premier pointé, mais le centre du lieu d'observation en avant du point de flation; dans ce cas recherchons ce qu'il faut faire pour réduire les angles observés sur le bord de l'édifice, à leur valeur à son centre.

- 93. Imaginons l'observation représentée par la septième figure où l'on a tiré les rayons centraux CA, CB, CD, CE, CF, &c. alors considérons,
- 1.° Que l'angle AIB est extérieur au triangle AIS, & par conséquent égal à l'angle ISA joint à l'angle A.
- 2.° Que le même angle AIB est pareillement extérieur au triangle BIC, & ainsi égal aux deux angles IBC, ICB.
- Et 3.° que si de cet angle AIB on en ôte l'angle B, il restera la valeur de l'angle ICB, qui a son sommet au centre C; ainsi cet angle ACB estrégal au premier angle A opposé à la distance SC au centre & moins le second angle B opposé à la même distance SC, & c'est donc à quoi se réduit au centre C le premier angle observé ASB.
 - .94. Considérons pareillement, 1.º que

RECTILIGNE.

l'angle AKD est extérieur au triangle AKS, & conséquemment égal à l'angle KSA, joint à l'angle A.

2.º Que le même angle AKD est aussi extérieur au triangle DKC, & par conséquent égal aux deux angles ensemble KDC, KCD.

Et 3.° que si de cet angle AKD on en ôte l'angle D, il restera l'angle KCD, qui a son sommet 'au centre C, ainsi cet angle ACD est égal au second angle observé ASD, joint au premier angle A, opposé à la distance SC au centre & moins le troissème angle D opposé à la même distance SC; voilà à quoi se réduit au centre le second angle observé ASD.

On peut faire le même raisonnement pour les autres angles observés ASE, ASF, ASG, &c. & qui sont à gauche de la direction SY; mais lorsque l'ouverture de ces angles contiendra la direction, c'est-à-dire quand la direction aivisera l'angle, on se conduira comme on l'a dit (article 77).

Règle pour ce sixième cas.

95. Pour réduire à leur valeur au centre d'un lieu d'observation, des angles observés hors de ce centre, la direction étant à droite du premier pointé & de ceux qui le suivent, & le point de station étant en arrière du centre, il faut,

à l'ouverture du premier angle observé, ajouter la valeur du premier angle opposé à la distance au centre, & de cette somme en retrancher la valeur du second angle opposé à la même distance, le reste de cette soustraction sera l'ouverture de cet angle réduit au centre.

À l'égard du fecond, du troisième, du cinquième, du huitième angle, &c. observés, on ajoutera pareillement à chacun la valeur du premier angle opposé à la distance au centre, & de la somme on en retranchera l'angle opposé à la distance au centre, & du numéro au-dessus de celui de l'angle observé pont il s'agira, c'est-à-dire que de cette somme

RECTILIGNE.

on en ôtera le troisième angle opposé à la distance au centre, s'il est question de la réduction du second angle observé; que s'il s'agit de la réduction du troisième ou du cinquième ou du huitième angle observé, on retranchera de cette somme le quatrième, ou le sixième, ou le neuvième angle opposé à la distance au centre, & le reste de cette soustraction sera l'ouverture de l'angle réduit au centre.

96. Mais si l'ouverture de l'angle observé, contient la direction depuis le premier pointé, c'est-à-dire si le sécond côté de cet angle est à la droite de la direction; pour réduire cet angle à la valeur au centre, il faut y ajouter non-seulement le premier angle opposé à la distance au centre, mais encore l'angle opposé à la même distance & immédiatement tenant intérieurement à droite de l'angle observé, & contenant la direction (77).

90

Application de ce sixième cas.

97. Imaginons 1.º que l'observation
indiqué pour l'angle;
ASB 26 degrés 15 minutes
ASD 38 10.
A SE 49 0.
ASF 64 35.
ASG 78 16.
ASH 88 20.
&c.
2.º Que pour l'ouverture comprise entre
le premier pointé SA & la direction SY,
on a trouvé 82d o'.
3.° Que la distance du point de station S
us centre C est de 8 pieds.
Et 4.° qu'il est résulté du calcul pour la
longueur du rayon central,
CA 1220 toiles ou 7320 pieds.
CB 1315 7890
CD 1705 10230.
CE 2060 12360.
CF 1890 11340.
CG 1070 6420.
CH 1805 10830.

98. Connoissant ces rayons centraux, la distance du point de station au centre, & l'angle que chaque rayon central fait avec cette distance, on cherchera comme on l'a dit (63, 68, 74, 79, 88) la valeur de chacun des angles opposés à cette distance au centre, & on trouvera pour le Premier angle.... A 3 minutes 43 secondes.

Second angle.... B 2 53. Troisième angle ... D 1 52. Quatrième angle... E 1 13. Cinquième angle... F o 44. Sixième angle G o 26. Septième angle... H o 18. Ainfi, au lieu de l'angle A S B observé de..... 264 15! ASD observé de..... 38. 10. ASE observé de..... 49. ASF observé de..... 64. 35. ASG observé de..... 78. 16. On aura pour sa réduction à être au centre, l'angle ACB. 26415'+3'43"-2'53" ou 26415'50" ACD. 38. 10.+ 3.43.- 1.52.04 38. 11.51. ACE. 49. 0. + 3.43. - 1.13.0449. 2.30. ACF. 64. 35. + 3. 43. - 0. 44. 04 64. 37. 59. ACG. 78.16.+ 3.43. - 0.26.0478.19.17.

Selon ce qui est dit (93, 94 & 95), & au lieu de l'angle ASH observé de 88^4 20′, on aura pour sa réduction à être au centre l'angle ACH 88^4 20′ \longrightarrow 3′ 43'' \longrightarrow 0′ 18'', ou on aura 88^4 24′ 1'', suivant ce qui est indiqué (96).

Remarque sur ces cinquième & sixième cas.

99. La différence entre ce fixième cas & le cinquième, confifte en ce que ce qui s'ajoute à l'angle observé dans l'un, se retranche dans l'autre, & ce qui se soustrait dans l'un de ces deux cas, s'augmente dans l'autre.

SEPTIÈME CAS.

1 00. On suppose la direction $SY(8. fg_s)$ à la gauche du premier pointé SA & des successifis SB, SD, SE, SF, SC, &c. & le point de station S en avant du centre C du lieu d'observation; ce cas, par rapport à la situation de la direction, étant différent des précédens, on sent d'avance qu'il y aura de la différence dans les opérations qui conduiront

101. Soit tiré les rayons centraux CA. CB, CD, CE, CF, &c. alors on verra

1.º Que l'angle AIB est extérieur à chacun des triangles AIS, BIC, que d'une part il est égal à l'angle ISA, plus l'angle A; que d'autre part il est égal à l'angle ICB, plus l'angle B, ainst cet angle AIB ou ISA, plus A qui lui est égal, moins l'angle B, équivaut l'angle ICB qui est au centre.

2.º On verm de même que l'angle AKD est extérieur à chacun des deux triangles AKS. DKC; que d'une part il équivaut l'angle KSA joint à l'angle A; que d'autre part il équivaut aussi l'angle KCD, joint à l'angle D; ainsi cet angle extérieur AKD ou l'angle KSA. plus l'angle A qui le valent, & moins l'angle D est égal à l'angle KCD ou ACD qui est au centre C du lieu d'observation.

3.º On verra pareillement aussi que l'angle ALE est extérieur à chacun des triangles

ALS, ELS, & d'une part que cet angle ALE est égal aux deux angles LSA, LAS; d'autre part qu'il est encore égal aux deux angles LCE, LEC; par conséquent cet angle ALE, moins l'angle LEC, ou ce qui est égal, i'angle LSA, plus l'angle A, moins l'angle E équivaut l'angle ACE qui a son sommet au centre C du lieu d'observation.

Comme on peut faire le même raisonnement à tous les points où le rayon central AC, est ou sera coupé par d'autres rayons visuels CF, CG, CH, &c. il en résulte la règle suivante.

Règle pour ce septième cas.

102. Pour réduire des angles au centre d'un lieu d'observation, lorsque la direction est à gauche des pointés, & que le point de station est en avant de ce centre.

Il faut à chaque angle observé, ajouter le premier angle opposé à la distance au centre, & de cette quantité en soustraire la valeur de l'angle opposé à la même distance & du numéro immédiatement au-deffus de celui de l'angle observé, c'est-à-dire que s'il s'agit de la réduction du premier angle observé on souf-traira de cette quantité la valeur du second angle opposé à la distance au centre; que s'il est question de réduire le quatrième angle opposé à la distance au centre que s'il est question de réduire le quatrième angle opposé à la distance, & ainsi des autres; le reste de cette soustraction sera la valeur de l'angle réduit au centre.

Application de ce septième cas.

103. Imaginons qu'en failant l'observation on a reconnu, 1.° qu'entre la direction SY & le premier pointé SA, il y a 18 degrés.

2.° Qu'on a trouvé entre le premier pointé S A &

Le fecond SB..... 22 degrés 15 minutes, Le troisième SB..... 31 10, Le quatrième SE..... 43 6, Le cinquième SF... 52 5, Le sixième SG.... 76 20, &c.

3.º Que le ca	dcul a donné p	our
CA	6400 toiles ou	38400 pieds,

CB 5210 31260, CD 4315 25890, CE 3997 23982,

CF 6210 37260, &c.

Et 4.º que la distance SC est de 15 pieds.

104. Ces angles & ces distances étant connus, cherchons d'abord la valeur du premier angle A opposé à la distance au centre, en considérant qu'il appartient au triangle ASC dont on connoît le côté CA, le côté CS & l'angle ASC ou son supplément YSA & en saisant cette règle de trois.

Le logarithme du rayon central CA, ou de... 38400° 45843312, eft au logarithme de la dif
tance JC au centre, ou de comme le log. du finus de

angle A, opposé à la distance au centre.

105:

105. On connoîtra l'ouverture des autres angles B, D, E, F, & opposés à la même distance au centre, en opérant comme il a été dit (63, 68, 74, &c.) & on trouvera pour le

Second angle B... 0 minutes 58 fecondes, Troifeme angle D.. 1 ... 30, Quatrieme angle E. 1 ... 53, Cinquième angle F: 1 ... 18, &c.

106. Ayant la valeur particulière de chacun des angles B, D, E, F, &c. des différens triangles fur la diffance (53), la réduction des angles observés se fera facilement en suivant ce qui est indiqué (102), alors

Sau lieu de l'angle ASB de 22ª 15' le premier observé, lon aura l'angle ACB de 22ª 14' 27" réduit au centre, sau lieu de l'angle ASD de 31ª 10' le second observé, on aura l'angle ACD de 31ª 8' 55" réduit au centre, sau lieu de l'angle ASE de 43ª 6' le troisème observé, on aura l'angle ACE de 43ª 4' 32" réduit au centre, sau lieu de l'angle ASF de 52ª 5' le quatrième observé, on aura l'angle ACF de 52ª 4' 7" réduit au centre, on aura l'angle ACF de 52ª 4' 7" réduit au centre,

Et ainsi d'un plus grand nombre d'angles observés & à réduire au centre du lieu d'observation.

HUITIÈME ET DERNIER CAS.

107. On suppose encore la direction SY (9. styre), à gauche du premier & des autres pointés SA, SB, SD, SE, &c. mais le point de station S en arrière du centre C du lieu d'observation, en ce cas examinons ce qu'il faut faire pour réduire les angles observés ASB, ASD, ASE, &c. à être au centre C les angles ACB, ACD, ACE, &c.

108. Soient tirés dans la 9.º figure, les rayons centraux CA, CB, CD, CE, CF, &c. confidérez que, comme dans tous les cas précédens, l'angle AIB est extérieur à chacun des deux triangles AIC, BIS; ainsi le premier angle observé ASB, plus le second angle B opposé à la distance SC au centre & moins le premier angle A opposé à la même distance, est égal à l'angle ACB dont le sommet C est au centre du lieu d'observation.

Pareillement l'angle AKD est extérieur à chacun des triangles AKC, DKS, ainst le second angle observé ASD, plus le troisème angle D opposé à la distance au centre, & moins aussi le premier angle A opposé à la même distance SC, est égal à l'angle ACD qui a son sommet C au milieu de l'édifice.

On peut faire le même raisonnement à tous les points L, M, &c. où le premier rayon visuel SA est ou sera coupé par chacun des rayons centraux CD, CE, CF, &c. & on en tire la règle suivante.

Règle pour ce huitième cas.

109. Pour réduire à leur valeur au centre d'un lieu, des angles observés à sa circonsérence, ce centre étant en avant du point de station & la situation de la direction étant à gauche de ces angles, il saut à chacun des angles observés, ajouter la valeur de l'angle opposé à la distance au centre & du numéro immédiatement suivant le numéro de l'angle observé, & de cette somme en soutraire la

valeur du premier angle opposé à la distance au centre, le reste sera l'ouverture de l'angle au centre; ainsi on ajoutera au premier angle observé, le second angle opposé à la distance au centre, & de l'addition de ces deux angles on en ôtera le premier angle opposé à la même distance, le reste sera la valeur réduite au centre du premier angle observé à la circonsérence du lieu d'observation.

De même, fi au fecond, ou au quatrième angle observé, on ajoute le troisième ou le cinquième angle opposé à la distance au centre, & que de la quantité résultante, on ôte la valeur du premier angle opposé à la distance au centre, le reste de cette soutraction sera l'ouverture du second ou du quatrième angle réduit au milieu de l'endroit d'observation.

Application de ce huitième cas.

110. Supposons 1.° qu'entre la direction SY & le premier pointé SA, il y a une ouverture de 30 degrés.

2.º Qu'en observant, on a trouvé entre le premier pointé SA & le

Second S B	28d 20'
Troisième SD	37. 10,
Quatrième SE	45. 5.
Cinquième SF	78. 30,
&c.	

Que le calcul a donné pour le rayon central

CA	1987 toises ou	11922 pieds,
<i>C B</i>	2207	1 3242,
<i>CD</i>	3010	18060,
.CE	2731	16386,
C F	4058	24348,
&c.		

Connoissant toutes ces choses, on trouvera par des règles de proportion dont on a donné tant d'exemples (63, 68, 74, 79, 88) que

Le premier angle A opposé à la distance		
est de	2′	1"
Le fecond B de		
Le troisième D de	2.	27,
Le quatrième E de	2.	48,
Le cinquième F de	ī.	52,
&c.		

Ces angles opposés à la distance au centre étant connus, on trouvera que

On peut encore observer ici que la différence entre le cas précédent & celui-ci, consisse en ce que dans le septième (102) on ajoute à l'angle observé ce que l'on retranche dans le huitième, & l'on en soustrait ce que l'on joint dans ce huitième cas. Cette remarque est générale pour

les cas semblables, à l'exception seulement de la position du centre à l'égard du point de station.

Remarque sur ces huit cas.

111. Dans le premier, le troisième, le cinquième & le septième cas (60,71,81 & 100) où le point de station est en avant du centre du lieu d'observation, on a sans doute remarqué que chaque angle à la direction (52) est le supplément de l'angle soute le rayon central & la distance au centre; & qu'ainsi il donne un des angles du triangle sur la distance au centre; & qu'ainsi il donne un des angles du triangle sur la distance au centre, dont on connoît deux côtés, savoir le rayon central & la distance du point de station au centre du tieu d'observation.

112. Dans le fecond, le quatrième, le fixième & le huitième cas (65, 76, 92 & 107) où le point de flation est en arrière du centre du lieu d'observation; on a, sans doute, remarqué aussi que chaque angle à la

direction est un des angles du triangle sur la distance, duquel triangle on connoît pareillement deux côtés qui sont le rayon central & la distance au centre; ainsi dans tous les cas il est facile de trouver l'ouverture de chacun des angles opposés à cette distance, en faisant une règle de proportion, comme on l'a enseigné (63, 68, 74, 79, 88).

Les opérations qu'il faut faire pour réduire des angles observés à leur ouverture au centre d'un lieu d'observation, semblent demander que nous en fassions une revue qui serve de règle pour tous les cas.

RÉCAPITULATION ou Règle générale pour réduire dans tous les cas et au centre d'un lieu, des angles observés à sa circonscrence.

113. Lorsque le premier pointé & la direction se consondent (60) (2. sigure) & que le point de station est en avant du centre du lieu d'observation, il saut êter de l'angle

observé, l'angle du même numéro opposé à la distance au centre, c'est-à-dire que pour réduire le premier angle observé, il en saut ôter le premier angle opposé à la distance au centre; que pour réduire le second ou le uroissème ou le quatrième angle observé, il en saut ôter le second ou le troissème ou le quatrième angle opposé à cette distance, ce qui restera de cette soustraction sera l'ouverture de l'angle au centre.

Mais si le point de station (3. sigure) est en arrière du centre du lieu d'observation, dans ce cas (65) il faut au contraire, ajouter à l'angle observé, l'angle du même numéro opposé à la distance au centre, la somme résultante sera l'ouverture de l'angle au centre.

114. Lorsque la direction partage l'angle observé (4.º sigure) & que le point de station est en avant du centre (71), il saut de l'angle observé, retrancher chacun des angles opposés à la distance au centre & tenant extérieurement à ses côtés, ou en retrancher la somme

de ces deux angles, ce qui reftera de cette fouftraction fera la grandeur de l'angle réduit au centre du lieu d'observation.

Mais si le point de station (5. sigure) est en arrière du centre (76), il faut au contraire ajouter à l'angle observé, l'angle à droite & s'angle à gauche, opposés à la dissance au centre & tenant intérieurement à l'angle observé, ou joindre à la valeur de cet angle la valeur totale de ces deux angles, ce qui résultera de cette addition sera l'ouverture de l'angle au centre du lieu d'opération.

115. Lorsque la direction est à droite des pointés (6. sigure) & le point de station en avant du centre (81), il faut à l'angle observé ajouter l'angle du numéro immédiatement suivant, opposé à la distance au centre, & de cette somme en ôter le premier angle opposé à cette distance, le reste de cette southraction fera la valeur de l'angle réduit au centre du lieu d'observation.

Mais si le point de station (7.º figure) est

en arrière du centre (92), il faut au contraire ajouter à l'angle observé, le premier angle opposé à la distance au centre, & de cette fomme en retrancher la valeur de l'angle opposé à cette distance & du numéro prochainement au dessus de celui de l'angle observé, le reste sera l'ouverture de l'angle réduit au centre du lieu d'observation.

116. Lorsque la direction (8.º figure) est à gauche des pointés & que le point de station est en avant du centre (100), il faut à l'angle observé ajouter le premier angle opposé à la distance au centre, & de cette quantité en ôter la valeur de l'angle du numéro suivant, opposé à la même distance, ce qui restera le valeur de l'angle réduit au centre du lieu de station.

Mais si le point de station (9.º figure) est en arrière du centre (107), il faut au contraire, à la valeur de l'angle observé, ajouter celle de l'angle du numéro immédiatement suivant, opposé à la distance au centre, & de

cette fomme en retrancher l'ouverture du premier angle oppolé à la même diffance, ce qui reftera de cette fouftraction fera la grandeur de l'angle réduit au centre du lieu d'observation.

Remarque.

117. Il arrive quelquefois que n'ayant vu que le coq ou la croix du clocher d'une églife, la girouette d'une tour ou d'un château, on se trouveroit trop bas en ces lieux pour voir les objets d'où sont partis les rayons visuels; dans ce cas, lorsqu'une observation devient nécessaire à faire en cet endroits on s'établit à une certaine distance de l'édifice & en un endroit avantageux pour y opérer comme si on étoit dans l'édifice; alors on regarde le point choisi pour la station comme étant à la circonférence du lieu, on a foin d'observer l'angle à la direction & fa fituation à l'égard du premier pointé, & de quelque manière que ce foit on se procure les moyens de connoître la distance qui se

trouve entre le point de flation & ce lieu, afin d'y pouvoir réduire les angles observés, comme on l'a enseigné en plusieurs articles de cette seconde partie.

De l'ouverture de l'angle à la direction, & de ce qu'il faut faire pour avoir, d'après une observation, ses différentes grandeurs.

118. On a dit (52) que l'angle à la direction est formé par le concours de cette direction & d'un rayon visuel; en faisant une station on observe seulement l'ouverture de cet angle depuis le premier pointé, mais cet angle varie autant qu'il y a de rayons visuels qui s'approchent ou qui s'éloignent de cette direction, & pour avoir l'ouverture de cet angle, il ne s'agit que de faire, ou une addition, ou une soultraction à des valeurs d'angles observés; par exemple

1 19. Quand la direction (2. & 3. figures)

fe perd avec le premier pointé, la grandeur

de l'angle observé entre ce premier pointé & chacun des autres pointés, est celle de l'angle à la direction.

1 20. Quand la direction se consond avec tout autre pointé que le premier pointé, l'ouverture de chaque angle à la direction, & situé à sa gauche, est égale à ce qui reste el l'angle compris entre le premier pointé & la direction dont on ôte ce qui précède, depuis le premier pointé jusqu'à chacun des rayons visuels, & l'ouverture de chaque angle à la direction & situé à sa droite, est égale à ce qui reste encore de l'angle compris entre le premier pointé & chaque rayon visuel, à droite de celui qui se perd avec la direction, dont on ôte la quantité comprise entre le premier pointé & la direction.

121. Quand la direction (4. & 5. figures) passe dans l'angle observé, l'angle à cette direction est égal à ce qui est compris depuis le premier pointé jusqu'à elle, & chacun des angles à la direction & situé à sa droite, est

- 1 2 2. Quand la direction (6.º & 7.º figures) est à droite du premier pointé, la valeur de l'angle qu'elle fait avec chacun des autres pointés, situés à sa gauche, est égale à l'ouverture qui est entre le premier pointé & sa direction, moins l'ouverture qui est entre ce premier pointé & l'un ou l'autre des rayons visuels étant à gauche de cette direction; & sa valeur de l'angle qu'elle fait avec chacun des pointés qui sont à sa droite, est égale à la quantité comprise depuis le premier pointé jusqu'à chacun de ces rayons visuels, & à droite de la direction moins souverture de l'angle rensermé entre le premier pointé & la direction.
- 123. Quand la direction est à gauche du premier pointé, la valeur de l'angle qu'elle fait avec chacun des rayons visuels, est égale à l'ouverture qui se trouve entre cette direction

& le premier pointé, jointe à la grandeur de l'angle observé depuis ce premier pointé jusqu'à chacun des autres pointés.

Et ainfi par une addition ou par une fouftrraction à faire à un angle observé, on trouve facilement la valeur de l'angle qu'un rayon visuel sait avec une direction.

On s'est étendu sur la recherche de l'angle à la direction, parce que cet angle appartient au triangle sur la distance, quand le point de station est en arrière du centre d'un sieu (3.º 5.º 7.º 69.º figures); & qu'il est le supplément d'un angle de ce triangle, si le point de station est en avant du milieu d'un édifice (2.º 4º 6.º 6.º 8.º figures); & qu'à proportion de son ouverture, celui qui est opposé à la distance au milieu, est aussi plus ou moins grand, quoique le rayon central & la distance au centre restent les mêmes.



NOUVEAU

NOUVEAU TRAITÉ

SUPPLÉMENT THÉORIQUE ET PRATIQUE DE LA

TRIGONOMÉTRIE RECTILIGNE.

TROISIÈME PARTIE.

Des Tables pour apprécier la valeur des angles.

Ans les pays de montagnes où l'on peut faire mettre des fignaux sur les fommités & où l'on peut aussi précisément, à la place de ces fignaux , établir le centre de l'instrument pour connoître à chacun des points de station, l'ouverture des angles saits par différens rayons dirigés de ces lieux sur les principaux édifices

& fur certains objets du pays, afin d'en déterminer la position sans être obligé de s'y transporter, on n'est pas dans le cas de réduire les angles observés à leur valeur au centre, puisque c'est à la place du signal même où l'on opère.

Mais quand la constitution d'un pays est telle qu'on ne peut y dresser des signaux qui soient visibles au-dessus de tous autres objets, & qu'au défaut de ces fignaux on est contraint d'observer dans les clochers, les châteaux, les tours, les moulins-à-vents, &c. & d'aller dans la plupart de ces édifices pour avoir les moyens de les poser tous sur une carte à leurs places respectives; dans ce cas il est très-rare de n'avoir point d'angles à transporter au centre de chacun des lieux où ils ont été observés; ajoutons que plus le pays est étendu & peuplé, que plus on fait de station qui renferment un certain détail, plus auffi le travail du transport des angles aux centres, devient confidérable par la multiplicité des règles de proportions, d'additions & de

foustractions qu'il faut faire pour connoître à quoi se réduit au centre du lieu d'opération, chacun des angles que l'on a observés hors de ce centre; ce travail est si long, comme on a pu en juger par les exemples qu'on en a donnés dans la seconde partie (60, 61, 62, 63, 64, 65 & jusqu'à 110), qu'on s'est déterminé à dresser une Table qui puisse l'abréger & dont on donnera l'explication & l'usage (126 & 129) après avoir fait connoître l'utilité de la première que l'on trouve ici.

Explication d'une première Table.

Notre objet étant d'aider ceux qui voudroient détailler ou étendre davantage la feconde & la troifième Table que l'on verra plus loin, on s'est donné la peine de leur en calculer une première, qui contient les logarithmes sinus de seconde en seconde jusqu'à treite-deux minutes.

Chaque page de cette première Table contient deux minutes léparées l'une de l'autre

par un double trait qui partage verticalement la page en deux parties; chaque minute est divisée en quatre colonnes; dans les deux étroites on y voit de une-en-une les soixante secondes comprises dans une minute; dans les deux larges colonnes, & à droite des secondes, on trouve les logarithmes des sinus correspondans à la quantité de minute écrite en haut de la demi-page & à chacun de ces nombres de secondes.

Pour foulager la vue & aussi pour prévenir les fautes qui se glissent aissement dans les Tables où les premiers chisses d'une quantité sont les mêmes pour plusieurs quantités successives, on a évité ces répétitions de chisses, en mettant à leur place des points qui indiquent les caractères ou les nombres qui sont directement plus haut; par exemple,

Usage de cette première Table.

124. On a besoin du logarithme sinus de 3 minutes & 9 secondes; on voit à la demi-page titrée 3 minutes & à droite

de 9 fecondes, on voit, dis-je...620802, & au-dessus des deux points qui précèdent cette quantité, on voit 69; le logarithme du sinus de 3' 9" est donc 69620802.

1 25. Supposons encore, par exemple qu'il réfulte la quantité 71465032 pour le logarithme d'un angle opposé à la distance au centre, & que l'on veut savoir ce qu'elle indique; on cherchera dans cette Table le logarithme dont les deux ou les trois premiers caractères 7, 1, 4, soient les premiers du logarithme résultant, on les trouvera dans la demi-page titrée 4 minutes, alors on defcendra cette colonne jusqu'à ce que l'on arrive au quatrième caractère 6, & on verra que le logarithme 7 1 4 6 4 4 8 7 est le plus approchant du résultant : & comme il répond à 4 minutes indiquées en haut de la demi-page, & à 49 fecondes que l'on voit sur sa gauche dans l'étroite colonne; on peut conclure que le logarithme réfultant 71465032 indique un angle de 4' 49" & quelques tierces.

118 TRICONOMÉTRIE, &c.

Remarque.

126. Comme cette première Table ne va que jusqu'à 32 minutes dont le logarithme finus est 79688698; si le logarithme résultant se trouvoit plus grand que ce dernier, on feroit ce qui a été enseigné dans la première partie (17, 18 ou 19) pour connoître ce qu'il indique, & même pour avoir égard aux tierces.



PREMIÈRE TABLE,

Qui contient les logarithmes-finus de feconde en feconde, depuis une feconde jusqu'à trente-deux minutes.

NOTA. Pour calculer cette Table on s'ess servi de celle d'Wlacq, dans laquelle on trouve les logarithmes des sinus de dix en dix secondes: si on avoit connu plus tôt celle de Gardiner, & sur-tout l'Édition d'Avignon, où les quatre premiers degrés sont insérés avec leurs logarithmes de seconde en seconde, on ne se servie pas donné la peine de dresser celle-ci, & on la laisse pour ceux qui ne voudroient pas se procurer l'autre.



	o Minute.					1 M	inut	? . '
1 2 3	46855749 .9866049 51626961	31 32 33	61751898 876835 .2001772		1 2 .3	64704207 761154 838101	31 32 33	66443930 89688 535445
4 5 6	.2876349 .3845449 .4637261	34 35 36	126710 251647 376584		4 5 6	••904947 ••971994 65038941	34 35 36	81203 626960 72708
7 8 9	.5306729 886649 .6398174	37 38 39	501522 626459 751396		7 8 9	105887	37 38 39	64233
10 11 12	855748 .7156778 457808	40 41 42	876348 973258 .3070128		11	64720	40 41 42	55748
13 14 15	758838 .8059868 360898	43 44 45	167078 263988 360898		13 14 15	96688	43 44 45	79926 67021318 •62711
16 17 18	962958	46 47 48	447808 554718 651628		16 17 18	712672	46 47 48	45496
19 20 21	565018 866048 60042139	49 50 51	747538 845448 924629		19 20 21	818656	49 50 51	69675
22 23 14	394321	52 53 54	072991		23 24	88952 66040105 91258	52. 53 54	45252
25 26 27	922595	55 56 57	320535		25 26 27 28	93563	55 56 57 58	96406
18 19 30	450869 626961	58 59 I	478898 558079 637261		29 30	98173	59 2	609771
	1 Minute.					2 M	inute	?s.

2 Minutes.	3 Minutes.
351846 337 486608 34 58a1370 35 656132 36 790894 378	14688
960418 396 1095181 409 11 68027365 419 1259550 424	10890 896311 383956 18919 9610800 395977 1096948 1043384 409937 13376 1165560 419937 19605 1287836 4231836 17934 13710112 433788
14123919 44 6906 1596104 452 1688289 465 17220473 478 1852658 4810	75934 13710112 43378 20265 1428041 445715 18592 15,44065 45568 14921 1676941 46958 11250 1799218 46958 11250 1799218 48341
2046991 518 2146991 518 2276954 5220 23406917 533	3908 1943770 495371 50337 1066047 507303 5050 1187236 519318 9884 12908425 5251163 4707 13904 53904 9531 2450804 54904
1566844 558 1696807 5630 17516770 573 1856733 585 1986696 598	777 - 77991 55 6661 9778 a6 93183 56 8883 4001 a7 70014361 57 6681 8815 a8 35561 58 1744 3649 a9 56750 59 4677 8473 30 77940 4 5781

4 Minutes.	5 Minutes.
1 70675588 31 71185179	1 71641199 31 72053850
293317 32 71200973	25439 3266815
3 70711046 3316767	369680 3379780
428774 3432561	483920 3492745
546503 3548356	598151 35 72105710
664232 3664150	6 71712401 3618675
781960 377994+	78641 3731640
899689 3895738	840882 3844605
9 70817418 39 71311532	955122 3957570
1035147 4027327	1069363 4070535
1152180 4142567	1183151 4183124
1269213 4257807	1296939 4295713
1386246 4373047	13 71810727 43 72208702
14 70903270 4488287	1424519 4420891
1520313 45 71403527	1538304 4533481
1637346 4618767	1652091 4646070
1754380 4734007	1765881 4758659
1871413 4849247	1879669 4871248
1988446 49644 ⁸ 7	1993457 4983837
20 71005480 50797 ² 7	20 71907246 5096427
2121870 5194450	2120610 51 72308661
1238261 52 71509173	2233974 5210895
1354651 5323896	2347338 5333130
1471042 5438619	2460702 5445364
1587432 5553343	2574066 5557599
26 71103823 5668066	2687430 5669833
1720213 5782789	27 72000794 5782067
1836004 5897512	2814158 5894302
1951994 59 71612235	2927522 59 71406536
3069385 526959	3040886 618771
5 Minutes.	6 Minutes.

6 Minu	utes.	7 Minutes.			
71430670 3	1 74777387 2 88383 3 99977 4 7880371 4 7880371 6 33361 7 43379 0 763451 1 97681 1 97681 1 97681 1 1 9768 1 1 1 9768 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1 2 3 4 5 6 7 8 9 9 10 11 12 13 14 15 16 177 18 19 20 21 22 21 22	73 998 517 73 108676 18895 29134 29334 49553 49553 49563 2038 2038 2038 40351 60319 70303 80387 7030031	31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43 44 45 46 47 48	7339741 7349696 1650 2605 35199 4514 5468 6423 2777 8332 9266 7350200 134 202 936 48790 5804
2387425 5 2498706 5 25 72709987 5 2621268 5 2732549 5 2843830 5 2955111 5	52 73004514 5314980 5425445 5535911 46376 57568+1 67307 67307 88238	23 24 25 26 27 28 29 30	9791 19551 29311 3907 48830 58590 68350 78110	58	9500 73604151329224431584072987

	8 Minutes.					9 Min	utes	
2 3	73677111	31 32 33	73939879 48312 56745	3	i	74187649 95618 74203587	31 32 33	74422044 9597 37150
5	73703976 12931 21885	34 35 36	65178	5 6		11556 9525 27494	34 35 36	44703 52256 60809
7 8 9	30840 9795 48750	37 38 39	90477 8910 74007343	5		35463 43432 51401	37 38 39	7362 74915 82468
10 11 12	577°5 66578 75452	40 41 42	15777 24049 32322	111111111111111111111111111111111111111		9370 67195 75020	40 41 42	90022 7446 74504870
13 14 15	84326 93200 73802074	43 44 45	40594 8867 57139	13 14 13		82845 90671 8496	43 44 45	12294 9718 27145
16 17 18	9822	46 47 48	65412	17	,	74306321 14147 21972	46 47 48	34966 41990 9414
19 20 21	•••3757° •••45444 •••53944	49 50 51	90229 8502 74106619	20	•	9797 37623 45309	49 50 51	56838
22 23 24	62444 70944 9141	52 53 54	14737	2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2		52996	52 53 54	86159
25 26 27	87944 96444 73904944	55 56 57	9091 47209 55327	2 9 2 0 2 7	,	91430	55 56 57	74600758 8057 5357
28 29 30	31444	58 59 9	63445	25 25 30		74407813 	58 59 10	22656 9955 37255
	9 M	nnte	s.		_	10 M	inut	es.

10 1	Ainutes.	11 Minutes.
1 74644433 251612 38790	31 74855986 32 62825 33 9665	2 64241 32 672
465969 573147 680326	3476504 3583344 3690183	583834 3575475
7 ····7504 8 ···94683 9 74701861	376222 38 74903862 3910701	8 75103427 3894122 99958 39 75300471
109040	407541 4124274 4231007	1122923 4112880
1330225 147287 1544349	43 ····7741 44 ···44474 45 ···51208	1442225 4431361 158659 457521
1651411 178473 1865535	467941 4764674 4871408	1761527 479841 187961 4856002
1972597 209659 2186607	\$8141 \$084875 \$191505 \$28136	2080829 508323 217169 5174397
23 74800505 24 ····7454	53 75004766 54 ···11397	239849 536545 24 75206189 5492619
2514404 2621351 278300 2835249	558027 5624658 5731288	26 7870 56 75404767
2942198 309147	5944549	297890 5921989 3044231 [29064
11 Mi	nutes.	12 Minutes.

	12 Minutes.				_	13 A	1inu	tes.
2 3	75435°54 •••41°44 •••7°35	31 32 33	75612103		2 3	75782216	31 32 33	75945851
5 6	53025	34 35 36	9360	İ	4 5 6	75804346	34 35 36	61643
7 8 9	6987 82977	37 38 39	6617	Ī	789	15410	37 38 39	7436
11	8968 94876 75500785	40 41 42	63874 9551 75228	и	10	32008	40 41 42	76004203
14	6694 12603 8472	43 44 45	80905		13	8396	43 44 45	9667
16 17 18	30329	46 47 48	75703613 75703613		16 17 18	64785 70248 5711	46 47 48	5460
19 20 21	\$3885	49 50 51	14967	L	19	81174	49 50 51	41252
22 23 24	9715 65544 71374	52 53 54	31852 7456 43060	12	3	7427 75902822 8217	52 53 54	6919
25 26 27	83033	55 56 57	8664 54268 9872	2	5	13612	55 56 57	···72523 ····7724 ···82925
28 29 30	94692 75600521 6351	58 59	65476 71080 6684	2	9	35192	58 59 14	8126
	13 M	inut	es.			14 M	inut	es.

	14 Minutes.					15 /	Vinu	tes.
1.	176103668 8808	32	76255891	ı	1 2 3	76402957		7654510
4 5 6	9087	34	70781		4 5 6	····7354 ···22153 ···6952	34 35 36	914
7 8 9	34506	37 38 39	5671		7 8 9	6549	37 38 39	73 077
10 11 12	55004	40 41 42	76300561 5469 10376		10 11 12	50894	40 41 42	7012
13 14 15	5163 70243 5322	43 44 45	5283		13 14 15	60387	43 44 45	76600799 ••••5394 ••••9990
16 17 18	80402 5481 90561	46 47 48	30005 4913 9810		16 17 18	74626 9372 84119	46 47 48	14586
19 20 21	5640 76200720 5740	49 50 51	···44727 ····9635 ···54487	-	19 20 21	8865	49 50 51	8373 32969 7516
22 23 24	5782	52 53 54	9339 64192 9044	-	2 2 2 3 2 4	76503002 7697 12392	52 53 54	42064 6611
25 26 27	,5824	55 56 57	73897 8749 83601	N. Consultant	25 26 27	7087 21782 6477	55 56 57	5707
18 19 30	40886	58 59 I 5	8454 93304 8159		28 29 30	5867 40563	58 16	9344 73897 8445
29	50928	59	8159		29	5867	16	389 344

16 N	linutes.	17 Minutes.
1 766829451 2 77446 3 .91946 4 .8447 5 79948 8 .14449 9 .8949 11 .7994 12 .33450 11 .7994 13 .6812 14 .4169 15 .5731 16 .5731 17 .4610 18 .9948 10 .77903 11 .77902 12 .3358	31 76816447 3220813 335173 349547 3638271 3742636 407531 4160053 4160053 425731 438695 447538 455980 465980 475980 4890032 49623 49623 49623 506945 517603 527603 537603 547603 557603 567603 577603 577603 587603 597603 507603 517603 527603 537603 547603 557603 567603 57	1 76945969 31 77071738 2 50266 32 5555 3 5443 33 5977 4 5868 34 8868 5 6.6977 35 6.92321 7 771391 36 92321 7 771391 36 92321 7 771391 36 92321 7 5868 38 7710054 9 5865 19 7467 10 84101 40 8878 11 13865 11 13865 12 14 770088 44 5998 13 6690 41 11021 14 770088 44 5998 15 5988 45 9977 16 9278 46 313 9177 16 9278 46 313 9177 16 9278 46 313 9177 16 9278 46 313 9177 17 13474 47 77332 18 7670 48 44140 19 21868 49 5488 20 6645 9 7548 21 3288 5 73666 22 3288 5 73666 23 3288 5 73666
264447 278856 28 76803265 297674 3012083	564617 578857 5833174 597453 1741732	2650998 5673806 275154 577846 289310 5881886 2963466 595926 307622 189966
17 M	inutes.	18 Minutes.

18 Minutes.					19 Minutes.			
2 3	77193952 ····7949 77201946	31 32 33	77312852		2 3	77428567	31 32 33	77541279
5 6	5943	34 35 36	8432		4 5 6	9946 43739 7532	34 35 36	52367
7 8 9	7931	37 38 39	40117		7 8 9	51325	37 38 39	7152
11	9934 33906 7878	40 41 42	7907 51767 5627		10	62704	40 41 42	8209 81874
13 14 15	41850	43 44 45	9488 63348 7209		13 14 15	3984 77 11 81504	43 44 45	5539
17	53766	46 47 48	71069 4929 8790		16	5264 9024 92784	46 47 48	77600199 3864
19 20 31	5682	49 50 51	82650		19 20 21	6544 77500305 4032	49 50 51	7525
22 23 24	7514 81444 5375	52 53 54	77401816	A NOTE OF TAXABLE PARTY.	23 24	7760 11488 5216	52 53 54	8461
25 26 27	9304	55 56 57	5643		25 26 27	8944	55 56 57	9369
28 29 30	77301094 5024 8957	58	7112		28 29 30	3855	58 59 20	3901
19 Minutes.				20 Minutes.				

20 M	inutes.	21 Minutes.				
1 77651140	31 77758290	1 77862860 31 77964970				
24744	3261807	2 6293 32 8324				
38348	335323	3 9726 33 71677				
461952	348840	473159 345031				
55556	3572356	56592 358385				
69160	365873	680025 3681738				
772764	379389	73458 375092				
86368	3882706	86891 388445				
99972	396422	990324 3991799				
1083577	409939	103758 405153				
117151	4193427	117164 418480				
11290735	426915	12 77900570 42 78001808				
134300	43 77800401	133976 435136				
147874	443892	147382 448464				
15 77701449	457370	1510789 4511792				
165023	4610868	164195 465120				
178597	474357	177602 478448				
1812172	487845	1821007 4821776				
195746 209321 2122866	(194413 495104 207820 508432 2131199 5131734				
239956 2433502	52 ···31743 53 ···.5203 54 ···.8664	214579 515037 237959 538339 2441338 5441642				
257047 2640592 274138 287683	5552506	2547 8 554945 268098 568247 2751477 5751550 284857 584852				
287683 2951228 304774	5852506 595966 219427					
21 /	Ainutes.	22 Minutes.				

	22 Minutes.				23 Minutes.			
1 2 3	78064735	31 32 33	78162260		1 2 3	78257642	31 32 33	7835097
4 5 6	4567 7845 81122	34 35 36	5080		4 5	7049	34 35 36	60181
7 8 9	····4399 ····7677 ···90954	37 38 39	81490		789	6456	37 38 39	9385
10	4234 6587 78100740	40 41 42	91106 4287 7469	I	10 11 12	5863	40 41 42	8597
13 14 15	7246 10500	43 44 45	78200650 3832 7014		13 14 15	5202 8315 78301429	43 44 45	90787
17	7006	46 47 48	6558		17	7655 10768	46 47 48	78402978
19 20 21	6766	50 51	9740		19 20 21	3881	49 50 51	6026
12 13 24	6452	52 53 54	,9239	Statement P.	22 23 24	6268	52 53 54	8153
25 26 27	6139	55 56 57	8714		25 26 27	32450 5541 8632	55 56 57	4206 7231 30258
28 29 30	52597	59 11	8190 51348 4507	Water Street, or other Persons	28 29 30	41723 4814 7905	58 59 24	6311
	23 Minutes.				24 Minutes.			

24 Minutes.			25 Minutes.			
1 78442343 2 5848 3 8356	31 78531829 32 ····4773 33 ····7717	1 2 3	78619507	31 32 33	78705452	
4 ···5'359 5 ····436; 6 ····7;70	3440662 353606 366550	4 5	31050	34 35 36	3939	
760375 83381 96386	379495 3852439 395883	789	6821	37 38 39	5256	
109392 1172376 125361	408328 4161252 424177	10 11 12	5479 8345	40 41 42	30915	
138;46 1481331 154316	437101 4470026 4529501	13 14 15	4078	43 44 45	42158	
167300	465875 478799 4881724	16 17 18	62678	46 47 48	7780	
196255	494648 507573 5199477	19 20 21	71278	49 50 51	6213	
225169 238133 2411098	523382 536287 549192	22 23 24	9840	52 53 54	4609	
254062 267027 279991	55 78602097 565002 577907	25 26 27	8384	55 56 57	1988	
2822956 295920 308885	5810812 593717 256622	28 29 30	6927 9775 787026231	58 59 26	81367	
25 Minutes.		-	26 Minutes.			

134 TRIGONOMÉTRIE

26 M	Γ	27 Minutes.			
1 78787728 292593 35278 48693 5 7880638.8 63603 76378 89153 911928 1104703 1117460 1122117 133075	31 78872398 315121 337844 3480567 366012 378736 3891458 394181 406904 419609 42 78902335 435021	1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13	78953526 6199 8871 61544 4217 6889 9562 71234 4907 7580 80236 2822	31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43	79033166 5790 8414 41038 3661 6286 8910 51534 4158 6783 9391 61999
145732 158490 1631247 174004 186763 199519 2042177 215016	447727 4510433 463139 475845 488551 4921257 503963 516652	14 15 16 17 18 19 20 21	8204 90860 3516 6172 8818 79001+84 4141 6781	44 45 46 47 48 49 50 51	7216 9824 72432 5041 7649 80157 2866
227756 2350496 243136 258716 2761456 284196 296036 309676	529341 5332030 544719 5540007 572786 585475 598164 2750854	23 24 25 26 27 28 29 30	9421 12061 4701 7341 9981 22621 5261 7901 30541	52 53 54 55 56 57 58 59 28	8051 90644 3236 5819 8421 79101014 3607 6200
27 Minutes.		1	28 Minutes.		

28 Minutes.	29 Minutes.		
1 79111370 31 79188192	1 79263678 31 79337874		
23947 3290724	26167 3240321		
36525 333256	38656 332768		
49102 345789	4 ···71144 34 ···5214		
521680 358321	5 ···3633 35 ···7661		
64257 36 79200853	6 ···6122 36 ···50108		
76834 373386	78610 372554		
89412 385918	881099 385001		
931989 398450	93588 397448		
104567 4010983	106077 409895		
117129 413500	118551 4161317		
129691 426018	1291015 424760		
1342253 438535	133500 437193		
144815 4421053	145075 44 9626		
15737 453571	158450 4572059		
169940 466088	16 79300924 464492		
1752502 478606	173399 476925		
185064 4831123	185873 489358		
197626 493641	198348 4981791		
2060189 506159	2010823 504224		
212736 518662	213283 516643		
225183 5241.65	225744 529063		
237830 533668	238204 5391482		
2470377 546171	2420665 543902		
252924 558674	253125 556321		
265471 5651177	265586 568741		
278018 573680	278046 57 79401160		
2880565 586183	2830507 583580		
293112 598686	292967 595999		
305660 2961190	305428 308410		
29 Minutes.	30 Minutes.		

I iv

30 Minutes.	3 1 Minutes.		
1 79410825 31 79482569	1 79553147 31 79622597		
2 3231 32 4936	2 5476 32 4888		
3 5637 33 7302	3 7804 33 7181		
48043 349669	460133 349472		
520449 3592036	52462 3531764		
62855 364402	64790 364056		
75161 376769	77119 376347		
87667 389135	89447 388639		
930073 39 79501502	971776 3940931		
101479 403869	104105 403223		
114871 416211	116421 415502		
127264 428576	128737 427782		
139657 4310930	1381053 4350062		
1442049 443284	143369 442341		
15442 455638	155686 454621		
166835 467991	168002 466901		
179227 4710346	1790318 479180		
1851620 482700	182634 4861460		
194013 495054	194950 493740		
206406 507408	207167 506020		
218785 519749	219570 518287		
2261165 5232090 233545 534431 245924 546772	22 79601874 52 ···70555 23 ···4178 53 ···2823		
258304 559113	258786 557359		
2670684 5641454	2611090 569626		
273063 573795	273394 5781894		
285443 586136	285698 584162		
297823 598477	298001 596430		
3080203 3 I50819	3020306 32 79688698		
3 1 Minutes.	32 Minutes.		

EXPLICATION d'une feconde Table, dressée pour fervir à la réduction des angles au centre.

Cette seconde Table a été calculée pour des ouvertures d'angles à la direction (52) de 5 en 5 degrés jusqu'à 90 degrés ¿ces nombres de degrés font indiqués dans cet ordre, en tête des colonnes) & pour une dislance au centre (46) d'un pied jusqu'à 15 pieds, écrits en titre, comme on le peut voir ci-après.

Cette Table est composée de vingt colonnes dont celle de gauche & celle de droite sont semblables & contiennent les mêmes nombres de toiles ou la longueur des rayons centraux, c'est-à-dire l'éloignement du lieu d'observation à d'autres objets, depuis 100 toiles jusqu'à 10000 toiles : savoir

de 100 en 100, juíqu'à 1000 toifes, de 200 en 200, depuis 1000 toifes juíqu'à 2000, de 500 en 500, depuis 2000 toifes juíqu'à 6000, & de 1000 en 1000, depuis 6000 toifes juíqu'à 10000.

Les dix - huit colonnes intermédiaires renferment, selon le nombre de degrés écrit à leur tête, selon la longueur de la distance au centre écrite en titre, & selon la quantité de toises marquée dans l'une ou l'autre colonne collatérale, ce qui résulte pour la valeur de l'angle opposé à la distance au centre, & cette valeur se trouve dans la colonne qui contient en tête l'ouverture de l'angle à la direction & sur l'alignement horizontal qui répond à la longueur du rayon central.

Par exemple, à un pied de distance au centre, dans la colonne de 25 degrés & sur l'alignement de 2500 toiles, on voit o' 6" pour l'ouverture de l'angle opposé à cette distance.

Pareillement à la distance de 13 pieds du centre, dans la colonne de 75 degrés & sur l'alignement de 7000 toises, on voit 1' 2" pour la valeur de l'angle opposé à cette distance, & ainsi des autres, selon la grandeur de l'angle à la direction & selon la longueur du rayon central.

Quoiqu'on ait eu beaucoup d'attention

à calculer cette Table & à revoir les opérations numériques qui ont conduit aux réfultats qui la composent, on a encore faisi l'occasion d'en vériser la majeure partie: M. Chaillou, Ingénieur, anciennement employé à la Carte de France, ayant bien voulu pour cela nous communiquer celle qu'il a faite pour son usage, qui n'est disférente de celle qu'on donne ici qu'en ce que l'ouverture des angles à la direction est de 1 o en 10 degrés; la distance au centre bornée à 1 2 pieds, & la longueur du rayon central terminée à 6000 toises; tout d'ailleurs s'est trouvé conforme.

AVERTISSEMENT par rapport à l'angle à la direction.

127. Lorsque l'angle à la direction n'est pas précisément le même que dans la Table, alors on s'arrête à la colonne dont le nombre de degrés qu'elle a en tête, approche le plus de la valeur de cet angle, c'est-à-dire que si cet angle à la direction est de 29 degrés, on se sert de la colonne marquée en haut pour

30 degrés, que si cet angle est de 42 degrés, on se sert de la colonne indiquée pour 40 degrés.

128. Quand les distances resultantes du calcul sont disserentes des nombres marqués dans la colonne collatérale, on s'arrête au nombre le plus approchant dans cette Table, du nombre résultant, c'est-à-dire que si la distance est de 2130 toises on prend le nombre 2000 qui est le plus prochain; si elle est de 3398 on prend en place le nombre 3500, la disserence qui en peut résulter est très-petite & ne mérite pas d'attention; on fatissera plus loin les personnes qui veulent tout à la rigueur.

Usage ordinaire de cette seconde Table.

129. Imaginons un angle
à la direction observé de... 30 degrés.

La longueur d'un rayon central de 1200 toises.

Et la distance du point de slation
au centre d'un édifice, de.. 8 pieds.

On cherchera l'endroit de la Table titré pour 8 pieds de dislance au centre, & allant à la colonne marquée pour 30 degrés, on la descendra jusqu'à ce que l'on soit sur l'alignement horizontal de 1200 toises, & là on verra 2' 8" pour la valeur de l'angle opposé à la distance au centre, selon les trois quantités supposées 30 degrés, 1200 toises & 8 pieds.

Si on consulte la Table à l'endroit titré à 14 pieds de dislance au centre: dans la colonne cotée pour 50 degrés au heu de 494. & dans l'alignement du nombre... 4500 à la place de 4495, on trouvera... 1'22" pour l'ouverture de l'angle opposé à la dislance au centre par rapport à 49 degrés, dont 50 degrés sont plus prochains dans la Table;

à... 4495 toiles dont 4500 toiles est aussi le nombre plus près dans cette Table, & à 14 pieds.

Pour donner un plus ample ufage de cette Table, nous supposerons une observation toute entière, c'est-à-dire où l'on a fait le tour de l'horizon, en s'établissant même à dissérentes dislances du centre d'un édisce.

Observation supposée.

Première Station.

131. Étant dans l'édifice (10. figure) on s'est d'abord établi en S sur sa circonsérence, & ayant choisi pour premier pointé le point A, on a trouvé

Pour l'angle ASB..... 29^d 50″. Et pour l'angle ASD..... 65. 10.

On a remarqué que la direction se confond avec le premier pointé SA, & on s'est assuré que la distance SC du point de slation S au centre C de l'édifice est de . . . 9 pieds.

Deuxième Station.

, in the second of the second
prenant le point D pour premier pointé.
On a observé que l'angle DTE est de 594 55'
L'angle DTF de 89. 55
Qu'entre le premier pointé TD & la
direction TN qui se trouve à sa droite,
il y a 25ª
Et que du point de station T au centre C
il y a
de distance.
Troisième Station.
133. On s'est après placé en V , se fixant
fur le point F, on a découvert que l'angle
FVG est de 364 5',
FVH est de 50. 8.

12 pieds.

75. 16.

Quatrième Station.

134. Enfin s'étant mis au point X ,
prenant XK pour premier pointé, on a vu
pour l'angle
KXL 24 ^d 58',
KXM 60. 14,
KXA 90. 10,
De plus, on a observé entre le premier
pointé XK, & la direction XO qui
fe trouve à sa gauche, une ouverture de 5 degrés,
& que du point de station X au
centre C, il y 2 8 pieds.
Cette observation étant achevée on a af-
semblé ses principaux angles, c'est-à-dire
ceux qui sont chacun entre deux premiers
pointés, favoir
ASD qui oft de 65d 10",
DTF qui est de 89. 55,
FVK qui est de 115. 5,
& KXA qui est de 90. 5,
& on a trouvé au total 360 ^d 15'
pour le tour de l'horizon, & ces minutes
excédantes devoient nécessairement avoir lieu,

puisque.

puisque les angles n'ont pas été observés au centre de l'édifice, mais à la circonsérence, on sent que réduisant ces angles à ce point commun, on sen disparoître cet excès, ou ce qui restera sera tel que l'on pourra le négliger ou le considérer comme zéro.

Averissement.

135. Avant de procéder à la réduction des angles au centre, on doit prévenir qu'il faut connoître d'avance & par voie de calcul, la longueur ou à peu près, des rayons centraux, c'est-à-dire la distance approchante qu'il y a du lieu d'observation à chacun des autres lieux qui en ont été vus, & que c'est pour avoir ces distances plus précises que l'on réduit tous les angles, ou au moins les principaux angles des observations, à être au centre de chacun des endroits où l'on a opéré, & il importe peu pour faire cette réduction que ces distances dans leur principe aient 50, 100 & même 500 toises de plus ou de moins, à proportion de leur grande longueur.

136. On supposera donc que par voie de calcul, on a trouvé

(C A	1660 toiles.
(C B	1227.
1	CD	1623.
1	C E	1778.
)	C F	2007.
pour <	C G	
)	CH	1379.
- 1	C I	
- 1	C K	1994.
- 1	C L	1 382.
(CM	1034.

Pour aider ici à faire la réduction des angles au ceutre, on a pris le parti de meutre au bout de chaque rayon central, la longueur qu'on lui fuppose, et d'écrire aussi dans chaque angle sa valeur observée, asin de ne pas chercher ces mesures ailleurs que dans la 10.º sigure.

137. La première station de l'observation supposée (131) renserme le cas exposé à l'article (60), expliqué (61 & 113) & appliqué (62, 63, 64); l'angle à la direction,

Dans la colonne indiquée pour 65 degrés (127) au lieu de 65^d 10' (131).

Et sur l'alignement de 1600 toises (128) à la place de 1623 (136),

K ij

la grandeur de l'angle ACD au centre, au lieu de l'angle ASD hors du centre (61 & 119).

138. La seconde station de l'observation supposée (131) contient le cas exposé (71), expliqué (72 & 114) & appliqué (73, 74 & 75).

À 7 pieds de distance au centre,

L'angle à la direction ayant été observé de.. 25^d (132).

Dans la colonne cotée pour 25d,

Et sur l'alignement de 1600 toises (128) à la place de 1623 (136).

On voit, pour le 1.er angle opposé à la dissance au centre od 1' 3", Et selon l'article (121) l'angle que fait TE

avec la direction TN fera de 34^d 55', Ainsi dans la colonne marquée pour 35^d au lieu de 34^d 55',

Et sur l'alignement de 1800 toises à la place de 1778 (136) on trouve pour le second angle E opposé à la distance TC

RECTILIGNE. 149
au centre od 1'18",
Ajoutant ensemble ces deux angles D & E, on a od 2'21",
Qui ôté (121) de DTE
observé de 59ª 55' 0"(132),
Reste 59d 52' 39", pour
l'ouverture de l'angle DCE au centre, au lieu
de l'angle DTE hors du centre (72 & 86).
Pour réduire l'angle DTF , on cherchera
d'abord l'angle à la direction pour ce cas
comme il est dit (121), alors
Dans la colonne pour 65d, au lieu de 64d
55' qui est l'excès de 89ª 55' sur 25ª ou l'excès de l'angle DTF, sur DTN & qui
est conséquemment l'angle à la direction (121).
Dans cette colonne & sur l'alignement de
2000 toiles à la place de 2007 toises,
on voit
auquel ajoutant le premier D qu'on a trouvé de od 1' 3",
On aura pour leur fomme od 2' 52",
Retranchant cette fomme de
l'angle DTF observé de 89d 55' o"(132),
Il restera 894 52' 8", pour
Kiji
•

l'angle DCF au centre, au lieu de l'angle DTF hors du centre (72 & 86).

139. La troilième flation de l'observation supposée (131), renferme le cas exposé (81); expliqué (86 & 115) & appliqué (87, 88, 89, 90 & 91).

La distance au centre est de 12 pieds.

On trouvera chaque angle à la direction, comme on l'a dit (122).

Voulant réduire le premier angle observé FVG, on cherchera d'abord dans la Table la valeur du premier angle F, & celle du second angle G opposés à la dislance de 1 2 pieds au centre: à l'égard du premier F; Dans la colonne titrée pour 70^{d} . Sur l'alignement de 2000 toises, au lieu de 2007 (136).

On voit pour sa valeur . . . od 3' 14". \(\lambda \) l'égard du second \(G \).

Dans la colonne cotée pour 35^d au lieu de 33^d 55' (127) excès de 70^d sur 36^d 5', & qui est conséquemment l'angle à la direction (122).

Et sur l'alignement de 1600 toises, à la place de 1598 toises (128 & 136),

On voit pour l'ouverture de ce

fecond angle G od 2'29",

Alors ajoutant au premier

angle FVG observé de... 36. 5. 0 (133),

Le second angle G, opposé à la

distance au centre, ou... o. 2.29

Et de leur fomme 36^d 7' 29", Retranchant le premier angle F

opposé à la distance au centre. 0. 3.14

Pour réduire le fecond angle observé FVH, on cherchera d'abord dans la Table la valeur du troisième angle H opposé à la distance de 12 pieds au centre, l'angle à la direction étant connu comme il est dit (122) & étant ici de 19⁴ 52' qui est l'excès de 70^d sur 50^d 8'.

Dans la colonne marquée pour 20^d, au lieu de 19^d 52' (127).

K iv

Sur l'alignement de 1400 toises à la place de 1379 (128) on voit, pour la valeur du troisième angle H

oppose à la distance au centre od 1' 40", Qui ajoute au tecond angle FVH observé de 50. 8. 0 (133), Donne pour leur fomme.... 50d 9' 40".

De laquelle ôtant le premier angle F epposé à la distance au centre 0. 3. 14,

Reste..... 50d 6' 26", pour la valeur de l'angle FCH au centre au lieu de FVH hors du centre (115 & 86).

Pour réduire le troisième angle observé FVI, on cherchera dans la Table la valeur du quatrième angle I opposé à la distance de 12 pieds au centre & selon l'angle à la direction que l'on trouvera comme on a dit (121 & 122) en confidérant que l'angle FVO de 70 degrés, est moindre que l'angle FVI qui est de 75d 16', & qu'ôtant l'un de l'autre, il restera 5d 16' pour l'angle OVI à la direction, laquelle tient la gauche du rayon VI, alors

Dans la colonne indiquée pour 5^d au lieu de 5^d 16' (127).

Et sur l'alignement de 1200 toises à la place de 1186 (128).

Laquelle fomme étant ôtée , du troisième angle FVI,

Pour réduire le quatrième angle observé FVK; on cherchera dans la Table la valeur du cinquième angle K opposé à la distance de 12 pieds au centre, selon l'angle à la direction que l'on trouvera par les articles (121 & 122) de 45^d 5′, & la direction sera à gauche.

Dans la colonne, pour 45^d au lieu de 45^d 5' (127).

Et sur l'alignement de 2000 toises, à la place de 1994 (128) & pour la valeur du cinquième angle K opposé à la distance au centre.

la grandeur de l'angle FCK au centre, au lieude FVK hors de ce centre (72 & 86).

140. La quatrième station de l'observation supposée (131) contient le cas exposé (100); expliqué (102 & 116) & appliqué (103, 104, 105 & 106).

La distance au centre étant de 8 pieds (134).

L'angle à la direction ayant été observé

de 5d (134).

Et la direction tenant la gauche du premier pointé (134).

Pour réduire le premier angle observé K.X.L, on cherchera d'abord dans la Table, la valeur du premier angle K opposé à la distance X.C au centre.

Dans la colonne titrée pour 5d.

Et sur l'alignement de 2000 toiles, au lieu de 1994 (128), on trouvera pour la valeur de ce premier angle K. 04 0'12",

Qui jointe au premier angle

XXL observé de 24¹ 58' 0°(1 34),

Donne pour somme 24⁴ 58' 12".

On cherchera ensuite dans la Table la valeur du second angle L opposé à la distance au centre, l'angle à la direction étant de 29^d 58' (102 & 116).

Dans la colonne délignée pour 3 od, au lieu de 29d 58' (127).

Et sur l'alignement de 1400 toiles, à la place de 1382 (128), on verra pour la

156 TRIGONOMETRIE
valeur du fecond angle L
opposé à la distance au centre od 1'38", qui étant retranché de la somme
précédente (102) 24. 58. 12,
Reste
Pour réduire le second angle observé KXM,
Dans la colonne de 65d (127) au lieu
de 65d 14' (127)
Sur l'alignement de 1000 toiles, à la
place de 1034 (136),
on voit od 4' 9", pour
sa valeur du troisième angle M opposé à la
distance de 8 pieds au centre.
Si au second angle KXM,
observé de 60d 14' 0"(134), on ajoute le premier angle K
opposé à la même distance 04 0' 12°,
Et que de la somme 60d 14' 12",
On en ôte la valeur du 3.º
angle Mopposé à cette distance od 4' 9",
Il restera 60d 10' 3", pour
l'ouverture de l'angle KCM au centre, au liet
de KXM hors de ce centre (102 & 116).

Pour réduire le troisième angle observé KXA, Dans la colonne de 85^d (127) au lieu de 95^d 5' (127),

Et sur l'alignement de 1600 toises (128), à la place de 1660 (136),

à cette distance..... 04 0' 12",

Et que de la fomme.... 904 5' 12", On ôte la valeur du quatrième angle A opposé à la même

141. Tous les angles de l'observation supposée (131) étant réduits au centre de l'édifice, si on recueille les principaux des

flations, c'est-à-dire ceux qui sont entre les premiers pointés successiss.

SAVOIR,

L'angle ACD		654	7	5"(137)
L'angle ACD L'angle DCF L'angle FCK	. 25	89.	52.	8 (138)
L'angle FCK	qui est de	114.	59.	20 (139)
Et l'angle KCA	(90.	2.	21 (140)

On aura au total..... 360⁴ o' 54⁴, pour le tour de l'horizon au lieu de 360⁴ 15' que donne la fomme des principaux angles observés, & cet excès 54⁴ peut sans scrupule se négliger ici, ou être regardé comme zéro.

REMARQUES sur le contenu de cette feconde Table.

Première.

14.2. Si des yeux on parcoure cette Table, on remarquera que plus l'angle à la direction est ouvert, plus aussi sur le même alignement, l'est l'angle opposé à la distance au centre.

Deuxième.

143. Que plus le nombre écrit dans les

colonnes collatérales, est considérable, & moins fous le même degré à la direction, est ouvert l'angle opposé à la distance au centre, ainsi tandis que l'un augmente l'autre diminue.

Troisième.

144. Qu'à mesure que les angles à la direction croissent, la différence entre les angles opposés à la distance au centre & sur le même alignement, décroît jusqu'à se réduire à zéro quand le rayon central, ainsi que la distance au centre, ont une certaine longueur.

USAGE de cette Table pour avoir l'angle opposé à la dissance au centre, répondant à un nombre qui soit entre 100 & 10000.

145. Lorsque pour la distance du lieu d'observation à un autre lieu, on a une longueur dissérente de celles qui sont dans cette Table, on peut se servir de cette Table pour avoir la valeur de l'angle opposé à la dissance au centre & répondant précisément à la

longueur du rayon central; en supposant donc que l'on ne veuille pas prendre l'angle qui répond, dans la Table, au nombre prochainement moindre que le résultant, ni l'angle qui répond au nombre prochainement plus grand que le résultant, parce que ces deux angles disfèrent trop entreux, il faut se conduire comme il suit.

Règle pour avoir par le moyen de cette Table, l'ouverture de l'angle opposé à la dislance au centre, & répondant à une longueur résultante.

146. 1.º On aura recours à l'endroit de la Table titré pour la distance du point de station au centre de l'édifice, qui aura été mesurée.

2.º On ira à la colonne cotée du nombre de degrés qu'aura l'angle à la direction, on descendra de l'œil ou du doigt cette colonne jusqu'à l'alignement horizontal du nombre de toiles prochainement moindre, dans la Table,

ique le nombre réfultant pour connoître la valeur de l'angle opposé à la distance au centre.

- 3.° De cet angle on en ôtera la valeur de celui qui est immédiatement dessous & répondant au nombre prochainement plus grand que le nombre résultant, afin d'avoir la différence entre ces deux angles.
- 4.° On ôtera du nombre réfutant le nombre prochainement moindre dans la Table, & on verra combien de fois le refte eft contenu dans la différence entre le nombre prochainement moindre & le nombre prochainement plus grand que le réfutant; & ayant cette fraction ou son à-peu-près,
- 5.º On prendra la même portion de la différence entre les angles opposés à la diftance au centre selon le moindre & le plus grand nombre prochains du résultant; on soustraira cette portion de l'angle répondant à l'alignement du nombre prochainement moindre (143), & ce qui ressera de cette

foustraction sera la valeur de l'angle opposé à la distance au centre selon la longueur qu'aura le rayon central.

EXEMPLES.

147. Supposons, pour premier exemple, que le calcul a donné 525 toise pour la distance d'un lieu d'observation à un autre endroit: Que l'angle à la direction a été observé ou reconnu de 30 degrés, & que la distance du point de station au centre de l'édifice est de 4 pieds.

de 0d 2' 17", on ôtera..... 0. 1. 55, {qui est immédiatement au-dessous.

il restera..... 0^d 2' 1 1" 30", pour l'ouverture de l'angle opposé à la distance de 4 pieds au centre, sous 30 degrés à la direction & relative-

ment à 525 toiles de longueur de rayon central.

148. Imaginons pour un fecond exemple
que le calcul a donné pour rayon central...

875 toiles

Que l'angle à la direction est de 75 degrés; Et que la dissance du point de station au centre, est de 7 pieds.

Consultant l'endroit de la Table titré pour 7 pieds de distance au centre.

différence 100 qui est entre le nombre 800 prochainement moindre & le nombre 900 prochainement plus grand que le résultant..... 875, ainsi

de la quantité... 4' 50", qui oft immédiatemens

n ôtera celle... 4' 18", qui oft immédiatemens

au-dessous

au-dessous

o' 32", pour la différence des

deux angles.

il reftera..... o' 32", \{ \begin{array}{l} pour la différence de \\ devx angles, \\ \end{array} \]

& on aura pour les \(\frac{1}{2} \)

decette différence, o' 24", lesquelles \(\change \)

retranchées de . 4' 50" (143),

il reftera...... 4' 26", pour l'ouverture de l'angle opposé à 7 pieds de distance au centre, sous un angle à la direction de... 75 degrés, & selon... 875 toises pour la longueur du rayon central.

1149. Imaginons, pour troisième exemple, qu'une longueur résultante du calcul est de 2800 toises,

Que l'angle à la direction est de 65 degrés, Et que la distance du point de station au centre est de 12 pieds.

On ira à l'endroit de la Table titré pour 12 pieds de distance au centre,

Dans la colonne marquée pour 65 degrés; & sur l'alignement du nombre 2500 toises, on trouvera 2' 29".

Mais comme au lieu de 2500 toiles, on a 2800 toiles, c'est-à-dire 300 toiles de plus, & que ce nombre 300 est les $\frac{3}{3}$ de la différence 500 qui est entre 2500 & 3000. De la quantié... 2^2 29°.

on ôtera celle . . . 2' 4", { qui est immédiatement dessous.

il restera.... o' 25", différence des deux

dent les 3 font. o' 15",

qui ôté de 2' 29" (143),

1150. Pour dernier exemple;
Soit la longueur réfultante de 8331 toiles,
l'angle à la direction de 50 degrés;
& la diflance au centre de 9 pieds.

A l'endroit titré pour 9 pieds, L iii

Dans la colonne pour 50 degrés & sur l'alignement de 8000 toiles, on trouve... 0' 29";

Mais 331 toises de plus, sont à peu près le tiers de 1000 qui est la différence entre 8000 & 9000.

Ainsi si de... o' 29", répondant à 8000, on ôte.,,,, o' 27", répondant à 9000,

il reftera... o' 2", { pour la différence de ces deux angles.

dont le \frac{1}{3} \text{cft...} o' 0" 40", \qui \text{otc} \((143) \)

de ..., o' 20" 0",

reste..... o' 28" 20" pour l'ouverture de l'angle opposé à la distance au centre, selon lles mesures supposées.

USACE de cette Table pour trouver l'angle opposé à la distance au centre sous un nombre de degrés à la direction intermédiaire à ceux qui sont en tête des colonnes.

151. Lorsqu'un angle à la direction obfervé ou conclu, distère de quelques degrés de ceux qui sont dans la Table, on se sert

de la colonne cotée du nombre de degrés le plus prochain, comme on l'a dit (127), mais fi pour plus d'exactitude on veut ou on a befoin d'avoir l'angle opposé à la diflance au centre, fous le nombre de degrés précis de l'angle à la direction, on se conduira selon la règle ci-après.

152. On doit faire attention que la différence entre deux angles opposés à une distance au centre & prochains sur le même alignement horizontal dans la Table, est pour les cinq degrés qu'il y a d'un angle à la direction à l'angle immédiatement à côté, c'est de cette remarque que l'on tire la règle suivante.

Règle pour avoir par le moyen de cette Table, l'ouverture d'un angle opposé à une distance au centre selon un nombre de degrés quelconques entre s & go pour la valeur de l'angle à la direction.

153. Il faut 1.º chercher dans la Table l'angle opposé à la distance au centre sous

nombre moindre que le nombre de degrés observé ou résultant pour l'angle à la direction.

- 2.º Il faut ôter cet angle à la distance au centre, de célui qui est immédiatement à côté, sous le nombre prochainement plus grand que le nombre de degrés observé, afin d'avoir la disférence entre ces deux angles (151).
- 3.º On cherchera la cinquième partie de cette différence, & on l'ajoutera autant de fois à l'angle opposé à la distance au centre, sous le nombre de degrés moindre que le résultant; que l'angle à la direction aura de degrés de plus; cette addition faite donnera au total la valeur de l'angle opposé à la distance au centre selon cette distance, la longueur du rayon central & l'angle à la direction.

Exemples.

'154. Supposons, pour premier exemple; qu'un angle à la direction a été observé ou qu'il résulte pour son ouverture 57 degrés, Que le rayon central est de 1400 toises,

RECTILIGNE. 169

Et que la distance au centre est de 5 pieds; On consultera l'endroit de la Table titré pour 5 pieds de distance au centre.

Dans la colonne indiquée pour 55 degrés & sur l'alignement de 1400 toiles,

on verra..... 1' 40", {répondant à l'angle moindre.

ôtant la première quantité

de la feconde, il reflera
pour la différence entre
ces deux angles..... o' 6°, pour les cinq
degrés qui font de 55° à 60° (152).

Mais comme au lieu de 55 degrés, on en a 57 ou deux de plus, on prendra les 3 de cette différence. o' 6", qui font...... o' 2" 24", qui fant ajoutés à 1' 40" o",

donne...... 1' 42" 24" pour l'ouverture de l'angle opposé à la distance de 5 pieds au centre, sous la direction de 57 degrés & selon une longueur de 1400 toises.

155. Imaginons, pour second exemple, qu'un angle à la direction est de 64 degrés,

Que le rayon central a 2000 toises,

Et que la diffance au centre est de 8 pieds; à l'endroit de la Table titré pour 8 pieds de distance au centre.

Dans la colonne indiquée pour 60 degrés; & sur l'alignement de 2000 toises,

Mais l'angle à la direction est de.. 64 degrés, & non pas de 60 degrés, & l'excès..... 4^d est les ‡ de la différence qui est entre 60 & 65, on prendra les ‡

de la différence o' 24",

qui foht o' 19" 12"', on ôtera cette quantité de 1' 59" o" (143),

& il restera.. 1' 30" 48", pour l'ouverture de l'angle opposé à la distance de 8 pieds au centre, sous la direction de 64 degrés & selon 2000 toises de longueur de rayon central.

RECTILICNE. 171

Remarque.

156. Lorsque selon la longueur d'un rayon central résultant, on se sert de la colonne cotée du nombre de degrés le plus prochain de l'ouverture de l'angle à la direction observé ou conclu; la quantité que l'on trouve dans la Table pour l'angle opposé à la distance au centre, est ou un peu trop petite ou un peu trop grande, parce que répondant d'une part à la véritable longueur du rayon central, elle ne répond pas d'autre part précisément au nombre de degrés de l'angle à la direction.

Pareillement lorsque sous le nombre de degrés précis, de l'angle à la direction, on se sert du nombre de toiles le plus prochain de la longueur du rayon central, ce que l'on trouve dans la Table pour l'angle opposé à la distance, est au-dessus ou au-dessous de la juste valeur de cet angle.

157. Lorsque l'angle à la direction & austi la longueur du rayon central ne sont pas les mêmes que dans la Table, & que relativement

à eux on veut avoir la valeur de l'angle opposé à la distance au centre, il faut à l'égard du nombre de degrés à la direction, se conduire comme on l'a dit (151) & à l'égard de la longueur du rayon central ou du nombre de toises qui ne se trouve pas dans la colonne des distances, on sera ce qui a été enseigné (146), ou ensin on opérera de la manière suivante.

USAGE de cette Table pour trouver l'angle opposé à la distance au centre selon un nombre de degrés à la direction,
or un nombre de toises pour le rayon central, qui ne sont pas précisement dans cette Table.

Règle:

158. On aura recours à l'endroit de la Table, titré pour le nombre de pieds du point de flation au centre du lieu d'observation.

On se servira de la colonne cotée du nombre de degrés immédiatement moindre

RECTILICNE. 17

que l'angle à la direction observé ou résultant, & du nombre de toiles aussi prochainement moindre que la longueur du rayon central, afin de voir à leur concours d'équerre, quelle est la quantité qu'il y a; & alors, 1.º de cette quantité on en ôtera celle qui est immédiatement à côté dans la colonne suivante. & ce qui restera sera la différence entre les deux angles opposés à la distance au centre; 2.º au moindre de ces angles on ajoutera autant de fois la cinquième partie de leur différence qu'on aura de degrés de plus pour l'angle à la direction qu'à la tête de la colonne marquée du nombre immédiatement moindre (152), & ainsi après l'addition on aura pour total la valeur de l'angle opposé à la distance au centre selon l'angle à la direction, mais selon la longueur immédiatement moindre que celle du rayon central réfultant : 3.º de la valeur de l'angle opposé à la distance au centre, sous le nombre de degrés immédiatement plus grand que l'angle à la direction & fur l'alignement du nombre de toiles aussi prochainement plus

174 TRICONOMETRIE

grand que le nombre de toiles réfultant, on en ôtera la valeur de l'angle opposé à la diftance au centre qui se trouve sur le même alignement & dans la colonne cotée du nombre de degrés immédiatement plus grand dans la Table, afin d'avoit aussi la différence entre ces deux angles. 4.º à la valeur du moindre de ces deux angles on ajoutera autant de fois la cinquième partie de leur différence qu'il y aura de degrés de plus pour l'angle à la direction observé ou conclu, qu'à la tête de la colonne marquée du nombre de degrés immédiatement moindre; & ainfi après l'addition on aura au total la valeur de l'angle opposé à la distance au centre selon l'angle à la direction & le rayon immédiatement plus grand dans la Table que le rayon résultant. 5.º On examinera combien l'excès de la distance réfultante sur le nombre de toises immédiatement moindre dans la Table, est de fois contenu dans la différence entre les nombres prochainement moindres & plus grands que le réfultant, alors on prendra la même portion de la

RECTILIONE. 175

différence entre les deux angles oppolés à la diflance au centre, on ôtera cette portion du plus grand de ces deux angles (143), & on aura pour le refte la valeur de l'angle oppolé à la diflance au centre lous l'angle précis à la direction & felon la longueur du rayon central qui fera réfulté du calcul des triangles.

Exemples.

1.º Consultant la Table à l'endroit titré pour... 9 pieds de distance au centre, on n'y trouve ni le nombre de degrés à la direction ni la longueur du rayon central supposé, mais suivant l'article (127).

Dans la colonne cotée pour 7 5 degrés & sur l'alignement du nombre 2 5 00 toises prochainement moindre dans la Table que 2 8 3 5 tois.

on voit 1' 59".

Et dans la colonne marquée pour 80 degrés, & fur le même alignement,

on voit 2' 2'

Et pour la différence entre ces deux angles

on 2..... o' 3" qui font pour les 5 degrés Qu'ily à de 75 à 80 (152). Comme le nombre 78^d est plus grand de 3 degrés

que le nombre 75⁴,
on prendra les ²/₃ de o' 3",
& on aura o' 1" 48"', qui étant joint

& on aura.... o' 1" 48", qui étant join à..... 1' 59" o",

donne...... 2' o" 48", pour l'ouverture de l'angle opposé à la dislance au centre sous 78 degrés à la direction, mais qui ne correspond qu'à 2500 toises.

2.º Dans la colonne indiquée pour 75 degrés & sur l'alignement du nombre 3000 toiles,

on voit..... 1' 39",

& dans la colonne marquée pour 80 degrés & sur le même alignement,

on voit..... 1' 41",

ôtant la première quantité de la feconde, on a....... o' 2", pour leur différence, laquelle est pour les 5 degrés qu'il y a de 75 degrés à 80 degrés (152).

Mais

RECTILICNE. 177

Mais le nombre 78^d excède de 3^d le nombre 75^d, on prendra donc les 3/5 de 2"

qui font... 1" 12", que l'on ajoutera 2..... 1' 39" 0",

& on aura.. 1' 40" 12", pour l'ouverture de l'angle opposé à la distance au centre sous 78 degrés à la direction, mais qui correspond à 3000 toises.

Ces deux ouvertures d'angles opposés à la distance au centre sous l'angle de 78 degrés à la direction, sont l'une... 2' o" 48" trop grande, parce qu'elle ne correspond qu'à 2500 toises, au lieu de 2835 (143),

& l'autre.... 1' 40" 12" trop petite; parce qu'elle correspond à 3000 toises, au lieu de 2835.

3.º Puisque le nombre 2835 excède le nombre 2500, prochainement moindre dans la Table, de la quantité 335, & que cette quantité est environ les \(\frac{3}{3}\) de 500 qui est la différence entre 2500 & 3000,

de..... 2' 0" 48", on ôtera.... 1' 40" 12",

il restera..... o' 20" 36", pour leur différence dont les \(\frac{2}{3} \) sont. o' 13" 44", qui étant ôté de...... 2' o' 48",

reste...... 1' 47" 4"", pour la valeur de l'angle opposé à la distance sous 78 degrés à la direction & selon la longueur de 2835.

160. Suppolons, pour fecond exemple, que l'angle à direction est de... 57 degrés; que du lieu d'observation à un autre lieu

1.° À la Table titrée pour 12 pieds de distance au centre,

Dans la colonne pour 55 degrés & fur l'alignement du nombre 1400 toiles, on voit . . . 4' 1" pour l'ouverture de l'angle opposé à la distance au centre,

Et dans la colonne suivante cotée pour 60 degrés & aussi sur l'alignement de 1400 toises,

RECTILIENE. 179

on voit... 4' 15" pour l'ouverture de l'angle opposé à la distance au centre,

ôtant de cette quantité la première ou 4' 1", il reftera... o' 14", pour la différence de ces deux angles, & par conféquent pour les 5 degrés qu'il y a de 55 à 60 (152). Or comme le nombre 57^d est plus grand de 2^d que le nombre 55, on prendra les ²/₃ de cette différence,

qui font... o' 5" 36", on les ajoulera à..... 4' 1" o",

& on aura . . 4' 6" 36" pour l'ouverture de l'angle opposé à la distance au centre sous 57 degrés à la direction, mais selon 1400 toises, au lieu de 1525.

2.° Sur l'alignement de 1600 toiles & dans la colonne marquée pour 55 degrés, on voit... 3' 31",

Et dans la colonne suivante cotée pour 60⁴ & aussi la rilaignement de 1600 toises, on voit..... 3' 43", d'où retranchant 3' 31",

il restera.... o' 12", pour la différence entre ces deux angles & pour les 5 degrés qu'il y a

de 55 à 60 (152), mais le nombre 57 est de a plus considérable que 55; on prendra donc les 3 de cette différence,

qui sont... o' 4" 48", que l'on ajoutera à..... 3' 31" o",

& on aura. 3' 34" 48", pour l'ouverture de l'angle opposé à la dissance au centre sous l'angle de 57 degrés à la direction, mais selon 1600 otoises.

Ces deux ouvertures d'angles sous 57 degrés à la direction,

l'une de. . ' 4' 6" 36", qui répond à 1400 toiles, & l'autre de 3' 34" 48", qui répond à 1600 toiles, ne font ni l'une ni l'autre celle que l'on desire qui doit répondre à 1525 toiles; c'est donc entre ces deux ouvertures qu'est la valeur de l'angle opposé à la distance au centre, & que l'on cherche.

3.° Considérant que le nombre résultant... 1525 toiles est plus grand que 1400 de... 125, & que cet excès... 125 est précisément les \$\frac{3}{8}\$ de 200, qui est la différence entre les nombres 1400 & 1600, prochainement moindres & plus grands que le nombre résultant 1525.

Si de. 4' 6" 36" { for 57 degrés, mais correspondant à 140 ovisses,

on ôte 3' 34" 48" { four 57 degrés, mais correspondant à 160 ovisses,

il restera . . . o' 31" 48" { pour la différence entre
control of 10" 52",

qui ôté de . . 4' 6" 36",

refle...... 3' 46" 14", pour l'ouverture de l'angle opposé à la distance au centre & correspondant en même-temps à 57 degrés & à 1525 toises.

Cette Table, ainsi qu'on l'a vu depuis l'article 142, peut servir comme si elle est été calculée d' détaillée pour tous les nombres de degrés entre 5 d' 90 d' les nombres naturels entre 100 d' 1000, qu' ne sont i en tête des colonnes, ni dans les colonnes laterales.

Remarque.

'161: On le contente communément d'estimer ce que quelques degrés de plus pour l'angle à la direction, & une plus grande Miji

182 TRIGONOMÉTRIE, &c.

longueur de rayon central que dans la Table, peuvent donner de plus ou de moins pour l'ouverture d'un angle opposé à la distance au centre, au lieu d'en faire la recherche par règle, comme on en a donné des exemples, lorsqu'on pousse l'exactitude jusqu'au scrupule.



SECONDE TABLE.

Calculée pour des ouvertures d'Angles à la direction, de 5 en 5 degrés jusqu'à 90, depuis un pied de dissance au centre jusqu'à 15, & depuis 100 toises de longueur de rayon central jusqu'à 10000; & dans laquelle on trouve la valeur d'un angle opposé à la dissance du point de slation au centre de l'édissice d'observation, selon les trois mesures qui concourent à faire connoître l'ouverture de cet angle.

A un picd de

			_			A	NG	L E	s À	•
	5ª	1 od	15d	2 od	25 ^d	3 od	35 ^d	4ºd	45 ^d	
	M. S.	M. S.	At. S.	M. S.	M. S.	l				
100	0.30	1. 0	1.29	1.57	2.25	2.52	3.19	3.41	4. 3	
200	0.16	0, 30	0.45	0.59	1.12	1. 26	1.40	1.50	1.21	
300			-	0.39	0.48	0.57		1. 14	1.21	
400	0. 7	0.15	0, 22	0.29	0.36	0.43	0.49	0.55	1. 0	
500	0. 6	0, 12	0, 18	0. 24	0.29	0.35	0.40	0.44	0.49	l
							_			
700	0. 5	0. 9	0.13	0.17	0. 18	0.25	0.29	0.31	0.35	
960	0. 4	0. 7	0.10	0, 15		0, 19	0. 23	0.25	0.30	
						0.18				
1000	0. 3		0. 9	0.12	0.15	0.15	0.20	0.12	0.25	i
1400	0, 2	0. 5	0, 6	0. 8	0. 10	0. 13		0.17	0. 18	ì
1600	0, 2	-	0, 6				0.13			l
1800	0. 2	0, 4	0. 5	0. 7	0. 9	0.11		0.15		ł
2000	0. 2	0. 3	0. 5	0. 6	0. 7	0. 9	0. 10	0, 11	0, 13	
2500	0, 1		0, 4	0. 5	0, 6	0. 7	0, 8	0. 9	0. 9	
3000	0. 1		0. 3	0. 4	0. 5	0. 6		0. 7	0. 9	ļ
3500	0. 1		0. 2	0. 4	0. 4	0. 5	0. 6	0. 6	0. 7	Ì
4000	0, 1	0, 2	0. 2	0, 3	0. 4	0. 5	0. 5	0. 6		١.
4500	0. 0		0. 2	0. 3	0. 3	0. 4		0. 5	0. 6	ı
5000	0. 0	0. 1	0. 2	0. 2	0. 3	0. 4		0. 5	0. 5	ı
5500	0. 0	0. 1	0, 1	0. 2	0. 3	0. 3	0. 4	0. 4	0. 5	ı
6000	0. 0		0. 1	0, 2	0. 2	0. 3	0. 4	0. 4	0. 4	l
7000	0. 0	0. 1	0, 1	0. 2	0. 1	0. 2	0. 3	0. 3	0. 4	ı
8000	0. 0	0. 0	0, 1	0. 1	0. 2	0. 2	0. 2	0. 3	0. 3	١
9000	0. 0		0 1	0. 1	0. 1	0. 2	0, 2	0. 3	0. 3	ı
10000	0. 0	0. 0	0. 0	0. 1	0. 1	0, 2	0. 1	0, 2	0. 2	İ

RECTILIGNE. 185

L A	D I	R E	СТ	10	Ν.				
5 od	55d	6od	65ª	70 ^d	75 ^d	Sod	854	904	ı
M. S.	M. s.	M. S.	M. S.	A1. 5.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	
4.23	4.42	4.58	5.12	5.23	5 . 5 2	5.39	5 - 42	5-44	100
2. 12	2.21	2.29	2.36	2.41	2.46	2.49	2.51	2.52	200
1.28	1 - 34	1.39	1.44	1.48	1.50	1.53	1.54	1.55	300
1. 6	1,10	J. 14	1.18	1.20	1.23	1.25	1, 26	1.26	400
0.53	0.56	0.59	1. 2	1. 4	1. 6	1. 8	1. 8	1. 9	500
0.44	0.47	0,50	0.52	0.54	0.55	0.56	0.57	0.58	600
0.38	0.40	0.43	0.45	0.46	0.47	0.48	0.49	0.49	700
0.33	0.36	0.37	0.39	0.41	0.42	0.42	0.43	0.43	800
0.29	0. 32	0.33	0.35	0.36	0.37	0.38	0.38	0.38	900
0.27	0. 28	0.29	0.31	0.32	0.33	0.34	0.35	0.35	1000
0.22	0.24	0.25	0.26	0.27	0, 28	0.28	0.29	0.29	1200
0.19	0.20	0.22	0.23	0.23	0.24	0.24	0.25	0.25	1400
0.17	0. 18	0.19	0. 20	0.20	0.21	0.21	0, 21	0.22	1600
0, 15	0.16	0.17	0.18	0, 18	0. 19	0. 19	0, 19	0.19	1800
0.14	0.15	0. 16	0.16	0.17	0.17	0. 18	0.18	0.18	2000
0. 10	0. 11	0.12	0.13	0.13	0.14	0, 14	0.15	0.15	2500
10. 2	0. 9	0.10	0.11	0.11	0.11	0, 11	0.12	0. 12	3000
0. 8	0. 8	0. 9	0. 9	0. 9	0. 9	0. 9	0. 9	0. 9	3500
0. 7	0. 7	0. 7	0. 8	o. 8	o. 8	0. 9	0. 9	0. 9	4000
0. 6	0. 6	0. 7	07	0. 7	0. 7	0. 7	0. 8	o. 8	4500
0. 6	0. 6	0, 6	0. 6	0. 6	0. 7	o. 7	o. 7	0. 7	5000
0. 5	0. 5	0. 6	0. 6	0. 6	0. 6	0. 6	0. 6	0. 6	5500
0. 5	0. 5	0. 5	0. 5	0. 6	0. 6	0. 6	0. 6	0, 6	6000
0. 4	0. 4	0. 5	0. 5	0. 5	0. 5	0. 5	0. 5	0. 5	7000
0. 4	0. 4	0. 4	0. 4	0. 4	0. 5	0. 5	0. 5	0. 5	8000
0. 3	0. 3	0. 4	0. 4	0. 4	0. 4	04	0. 4	0. 4	9000
0, 3	0, 3	0. 3	03	0. 3	0. 4	0. 4	0. 4	0. 4	10000

A deux pieds de

						A	NG	L· E	s À
	5ª	1 Oq	1 è q	2 0d	25 ^d	3 od	35 ^d	40 ^đ	45ª
	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	м. s.	M. S.
100	0.30	1.59	2.58	3.55	4.50	5.44	6.39	7. 22	8. 6
300	0.30	0.40	0. 59	1. 17	1.37	1.55	2.13	2.25	2.42
400 500 600	0. 16	0. 30 0. 24 0. 20	0.45 0.36 0.30	0. 59 0. 47 0. 39	0.58	1.26	1.40	1.50	2. 2 1.37 1.21
700 800 900	0. 9 0. 7 0. 7	0. 17 0. 16 0. 14	0. 26	0. 34 0. 29 0. 27	0-42 0-36 0-32	0. 49 0. 43 0. 38	0. 57 0. 50 0. 45	1. 3 0. 55 0. 49	1. 9 1. 0 0.54
1000 1200 1400	0. 6 0. 5 0. 5	0. 12 0. 10 0. 0	0. 18 0. 15 0. 13	0.24	0. 29 0. 24 0. 21	0.35	0.40 0.33 0.29	0. 44 0. 37 0. 32	0.49
1600 1800 2000	0. 4 0. 3 0. 3	o. 7 o. 7 o. 6	0.11	0. 15 0. 14 0. 12	0.18	0. 21	0.25	0, 28	0.30 0.27 0.25
2500 3000 3500	0. 2 0. 2 0. 2	0. 5 0. 4 0. 4	o. 7 o. 6 o. 5	o. 9 o. 8 o. 7	0. 12 0. 10 0. 8	0. 14 0. 12 0. 10	0. 16 0. 14 0. 12	0.18	0.19
4000 4500 5000	0. 1 0. 1	0. 3 0. 2 0. 2	0. 5 0. 4 0. 4	0. 6 0. 5 0. 5	o. 7 o. 6 o. 6	0. 9 0. 7 0. 7	0. 10 0. 9 0. 8	0.10	0, 13 0, 11 0, 10
5500 6000 7000	0. I 0. I	0. 2 0. 2 0. 1	0. 3 0. 3 0. 2	0. 5 0. 4 0. 4	0. 6 0. 5 0. 5	0. 6 0. 6	o. 7 o. 7 o. 6	o. 8 o. 7 o. 6	o. 9 o. 8 o. 7
8000 9000 10000	o. o o. o o. o	0, 1 0, 1 0, 1	0. 2 0. 2 0. 2	0. 3 0. 2 0. 2	o. 4 o. 3 o. 3	0. 5 0. 4 0. 3	0. 5 0. 5 0. 4	o. 6 o. 5 o. 4	o. 6 o. 6 o. 5

RECTILICNE. 187

L A	DI	R E	СТ	I 0	N.				
50d	55 ^d	60d	65ª	70d	75 ^d	8od	85ª	90d	
M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	м. s.	M. S.	A1. 5.	
8.47	9. 20	9.56	10.24	10.45	11. 4	11.17	11.25	11.27	_
4-23	4.42	4.58	5-12	5 - 2 3	5.32	5.39	5 - 43	5.44	
2.56	3. 8	3. 18	3.28	3 - 35	3 • 42	3.46	3.48	3.49	
2. 12	2.21	2.29	2.36	2.41	2.46	2.49	2.51	2.52	١.
1.45	1.53	1.59	2. 5	2. 9	2-13	2.16			
1. 28	1.34	1.39	1.44	1.48	1.51	1 - 53	1.54	1-55	-
1.15	1.21	1.25	1.19		1.35	1.37		1.38	
1. 6	1. 10	1- 14	1.18		1 - 23	1.25	1. 26		
0.59	1. 3	1. 6	1. 9	1.12	1.14		1. 16	1.16	_
0.53	0.56	1. 0	1. 3	1. 4	1. 6	1. 8	1. 9		1
0.44	9+47	0.50	0.52	0.54	0.55	0.56	0.57		
0.38	0.40	0.43	0.45	0.46			• 0 • 49		_1
0.33	0.36	0.37	0.39	0.40	0.42		0.43		. 1
0.29	0.32	0.33	0.35	0.36			0.38		2
		0.30			0.33	0.34	0.35	0.35	_
0.21	0.23	0. 24	0.25	0.26	0.27	0.27	0.28		2
0.18	0.19	0.18	0.21	0. 19	0.22	0.23	0.23	0.23	3
									-
0.14	0.15	0.16	0.16	0. 17	0-17	0.18	0.18		4
0.11	0.13	0.14	0.15	0.15	0.15		0.16		4
									<u> </u>
0. 9	. 0. 10	0. 11	0.11	0.12	0.12		0.13		5
0. 9	0. 9	0.10	0.11	0.11	0.11	0.12	0.12	0.12	
			0. 8	_					8
o. 7	0. 7	0. 7	0. 7	0. 7	0. 9	0. 9	0. 8		9
. 6		0. 7	0. /	1 2	J Z	0	0. 0	0. 0	1.,

A trois pieds de

				-		A	NG	L E	s À
	5 ^d	1 od	15d	20d	25 ^d	30d	35 ^d	4od	45 ^d
	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M.S.	M. S.	M. S.	M. S.
10		2.59	4.26	5-53	7.15	8. 35	9-59	11. 3	12. 9
20		1 - 30	2 - 14	2-57	3.38	3.36	4.59	5.32	6. 2
_30	_	1. 0	1.29	1.57	2 - 25	2.52	3-19	3.41	4. 3
40		0.45	1. 6	1.28	1.49	2. 9	2.30	2.45	3. 2
50		0.36	0.54	1-11	1.27	1.43	1-59	2.13	2.26
60		0.30	0.45	0.59	1-13	1.24	1.39	1-50	2. 1
7°	0 13	0.16		0.50		1.14	1.25	1.35	1.44
80		0.23	0. 33	0-44	0.55	1. 4	1.15	~1.23	1.31
90	0.10	0.10	0.19	0.39	0.48	0.58	1. 6	1014	1 - 2 1
100	0 0. 9	0.18	0. 27	0.36	0.44	0.51	1. 0	1. 6	1.13
120		0.16	0. 23	0.29	0.36	0.43	0.50	0.55	1. 0
140	0. 6	0.13	0. 19	0.25	0.31	0.37	0.43	0.48	0.52
160		0.11	0.17	0.22	0.28	0.32	0.37	0.42	0.46
180	0 0 5	0.10	0-15	0.19	0. 24	0.29	0.33	0.37	0.41
200	0 0. 5	0. 9	0.14	0.18	0.22	0.26	0.30	0.33	0. 37
250	0 0. 5	0. 7	0. 11	0.15	0.18	0.21	0.24	0.27	0. 20
300		0. 6	0. 9	0.12	0.15	0.18	0.10	0. 22	0. 25
350	0 0 2	0. 5	0. 8	0.10	0.13	0.16	0.18	0.19	0.21
400	0 0. 2	0. 5	·0. 7	0. 9	0.11	0.13	0.15	0.17	0. 19
450	0 0. 2	0. 4	0. 6	o. 9	0.10	0. 12	0. 14	0. 16	0. 17
500		6. 4	0. 6	0. 7	0. 9	0.10	0.12	0.14	0. 15
550	0 0. 1	0. 3	05	0. 6	o. 8	0. 9	0.11	0. 12	0.14
600		0. 3	0. 5	o. 6	0. 7	0. 9	0.10	0.11	0. 13
700	0 0 1	0. 3	0. 4	0. 5	0. 6	0. 7	0. 8	0. 9	0. 11
800	0 0. 1	0. 2	0. 3	0. 4	0. 5	0. 6	0. 7	0. 8	0. 9
900		0. 2	0. 3	0. 4	0. 5	0. 6	0. 7	0. 7	0. 8
1000	0 0. 1	0. 1	0. 3	0. 4	0. 5	0. 5	0. 6	0. 7	0. 7

RECTILIGNE. 189

LA	DI	R E	C T	10	v.				
Sod	55ª	6od	65ª	70 ^d	75 ^d	8od	854	90d	
M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. s.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	
13 · 11 6 · 35 4 · 23	14· 5 7· 3 4·4²	74-53 7-27 4-58	7.48 5.12	16. 9 8. 4 5-23	16.36 8.18 5.32	16.56 8.28 5.39	17. 7 8. 34 5. 43	17.11 8.35 5.44	100 200 300
3. 18 2. 38 2. 12	3·32 2·49 2·21	3.43 2.56 2.29	3·53 3·7 2·36	41.2 3114 2141	4· 9 3· 19 2· 46	4.14 3.23 2.49	4- 17 3- 25 2- 51	4-18 3-26 2-52	400 500 600
1.53	2. 1 1.45 1.34	1.52	2.14 1.57 1.44	2. 18 2. 1 1.48	2.22 2. 5 1.50	2.25 2. 7 1.53	2.27 2. 8 1.54	2.27 2. 9	700 800 900
1. 19 1. 6 0.57	1.25 1.10 1. 0	1.29 1.15 1.4	1, 18	1.37 1.21 1.9	1.39	1 · 42 1 · 25 1 · 13	1 · 4 3 1 · 2 6 1 · 1 4	1.43 1.26 1.14	1000 1200 1400
0.49 0.44 0.40	0.53 0.47 0.43	0.56 0.50 0.45	0.59	1. 0 0.54 0.48	0.55 0.50	0.56 0.51	1. 4 0. 57 0. 51	1. 4 0.58 0.51	1600 1800 2000
0.32 0.27 0.23	0.34 0.28 9.24	0.36	0.37 0.31 0.27	0.39 0.32 0.28	0.40 0.33 0.28	0.41	0.41 0.35 0.29	0.42 0.35 0.29	3000 3000 3500
0. 20 0. 18 0. 16	0.19	0.23	0.24	0.25	0.25 0.22 0.20	0.26	0.26 0.23 0.20	0. 26 0. 23 0. 21	4000 4500 5000
0.15 0.14 0.12	0.16	0.17 0.16 0.13	0. 18 0. 16 0. 14	0.18 0.17 0.14	0.19 0.17 0.15	0.19 0.18 0.15	0. 19 0. 18 0. 15	0.19	5500 6000 7000
0.10 0.10 0.8	0. 10	0. 12 0. 10 0. 10	0.12 0.11 0.10	0. 13 0. 11 0. 9	0.13 0.11 0.10	0. 13 0. 11 .0. 10	0.13 0.12 0.10	0. 13 0. 12 0. 10	10000 9000 8000

A quatre pieds de

				-	100	· : 'A	N G	L E	5 - À
	5 ^d	10d .	15 ^d	20d	25d	3 od	35 ^d	40 ^d	45d
	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
100	2. 0	3.58	5.56	7.50	9.41	11.27	13. 18	14-43	16.12
200	1. 0	1.59	2.58	3.55	4.50	5.43	6.39	7.22	8. 6
300	0.40	1.19	1.58	2.39	3 - 14	3.49	4.26	4.54	5.24
400	0.30	1. 0	1.29	1.57	2.25	2.52	3.19	3.41	4. 3
500	0.24	0.48	1.11	1.34	1.56	2-17	2.39	2.57	3.15
600	020	0.40	0.59	1.18	1 - 37	1.55	2.14	2+27	2.42
700	0. 18	0.34	0.51	0. 7	1.23	1.38	1.54	2. 6	2.19
800	0.16	*0.30	0.45		1 . 12	1.26	1.40	1.50	2. 2
900	0-14	0.27	0.40	0.53	1. 5	1. 16	1.29	1.38	1.48
1000	0-12	0. 24	0.36	0.47	0.58	1. 9	1. 20	1.28	1.37
1200	0.10	0. 20	0. 29		0.48	0.58	1. 6	1.14	1.21
1400	0. 9	0.18	0. 26	0.34	0.42	0.49	0.57	1. 3	1. 9
1600	0. 7	0.16	0.23	0.19	0.36	0.43	0.50	0.55	1. 0
1800	0. 7	0.14	0.20	0.27	0.32	0.38	0.45	0.49	0.54
2000	0. 6	0.12	0.18	0.24	0.29	0.35	0.40	0.45	0.49
2500	0. 5	0. 9	0.15	0.19	0.24	0.28	0. 32	0.36	0.39
3000	0. 4	o. 8	0.12			0.23	0. 27	0. 29	0.32
3500	0. 4	0. 7	0.10	0. 14		0.20		0.25	0.28
4000	0. 3	0. 6	0. 0	0. 12	0.15	0.18	0.29	0.22	0. 2
4500	0. 3	0. 6	0. 9	0. 10	0.13	0.16	0.18	0, 20	0. 2
5000	0. 2	0. 5	0. 7	0. 9	0. 12	0.14	0.16	0.18	0. 19
5500	0. 2	0. 5	0. 6	_	0.11	0.13	0.15	0.17	0. 18
6000	0. 2	0. 4	0. 6	0. 8	0. 9	0.12	0. 14	0. 15	0. 17
7000	0. 2	0. 4	0. 5	0. 7	0. 9	0.10	0. 12	0. 13	0. 14
8000	0. 2	0. 3	0. 5	0. 6	0. 7	0. 9	0. 10	0.11	0. 1 3
9000	0. 1	0. 2	0. 4	0. 6	0. 6	0. 7	0. 9	0. 9	0. 11
10000	0. 1	0. 2	0. 4	0. 5	0. 6	0. 7	0. 8	0. 9	0. 9
				1 1				1	

RECTILIGNE. 191

LA	D	RE	СТ	10	Ν.				
Sod	55ª	604	65q	7º ^d	75 ^d	8od	85ª	90d	
M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S,	M. S.	M. S.	
17.33 8.47 5.52 4.23	18.46 9.23 6.16	9.55	20.46 10.23 6.56	21. 32 10.45 7.11	22. 8 11. 4 7.23	22.34 11.18 7.32 5.39	22.50 11.25 7.37 5.43		300
3.31	3.45	3.58	4· 9 3· 27	4- 18 3- 35	4-25	4.31 3.46	4·34 3·48		600
2.31 2.12 1.57	2.41	2.50 2.29 2.12	2.58	3· 4 2·41 2·24	3. 9 2.46 2.28	3.14 8.49 2.31	3.16 2.51 2.32	3.16 2.52 2.32	
1.45	1.53 1.34 1.21	1.59 1.39 1.25	2. 5 1.44 1.29	2. 9 1.48 1.33	2.13 1.50 1.35	2. 16 1. 53 1. 37	2 · 17 1 · 54 1 · 38	2.17 1.55 1.38	1200
0. 59 0. 53	1. 10 1. 3 0. 56	1. 15 1. 6 0. 59	1.18	1.12	1.14	1.15	1.26 1.16 1.9	1.26	1600 1800 2000
0. 42 0. 35 0. 30	0.45 0.38 0.32	0.48 0.40 0.34	0.50 0.42 0.36	0. 51 0. 43 0. 37	0. 53 0. 45 0. 38	0.54	0.55 0.46 0.39	0.55 0.46 0.39	2500 3000 3500
0. 27 0. 24 0. 21	0. 28 0. 25 0. 23	0.30 0.27 0.24	0.31	0.32	0.33 0.19 0.27	0.34 0.30 0.27	0.36	0.35	4000 4500 5000
0. 19 0. 18 0. 16	0. 10 10. 19 0. 17	0. 22 0. 20 0. 18	0. 23 0. 21 0. 18	0. 24	0.24	0.15 0.23 0.19	0. 25 0. 23 0. 19	0.25 0.23 0.19	5500 6000 7000
0. 14 0. 12 0. 10	0. 15 0. 13 0. 11	0. 15 0. 14 0. 12	0. 16 0. 14 0. 13	0. 17 0. 15 0. 13	0. 17 0. 15 0. 14	0.17 0.16 0.14	0. 17 0. 16 0.,14	0. 18 0. 16 0. 15	9000 10000

192 TRIGONOMÉTRIE

A cinq pieds de

1						-			- \
						А	NG	LE.	s À
	5ª	104	15 ^d	20d	25 ^d	3 od	35 ^d	4od	45 ^d
	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. 5.	M. S.	M. S.	M. S.
100	2.31	4-58	7.25	9-48	14. 6	14. 18	16.38	18.24	20.15
100	1.15	2. 29	3 - 41	4.54	6. 3	7. 9	8. 19	6. 8	10. 8
300	0. 50	1.39	2.28	3.16	4. 2	4- 46	5.33	6. 8	6.45
400	o. 37	1.15	1.51	2.27	3. 1	3.35	4-9	4.36	5. 4
500		1. 0	1.29	1. 57	2. 25		3.19	3.41	4. 3
600		0.50	1.14	1.38	_	2.13	2.46	3. 4	3.23
700	0.22	0.43	1. 3	1.24				2.38	2 - 54
800	0.19	0.37	0.56	1. 14	1.31	1.47		2.18	2.32
900	0.17	0.33	0.49		_	1-35	1.51	2. 3	2.15
1000	0.16	0.30		0.59		1.26		1.50	1.59
1200	0.13	0.25	0.37	0.49	1. 0	1.12	1.23	1.32	1.42
1400	0.11	0.21	0. 32	0.42	0.52		1.11	1 - 19	1. 27
1600	0. 9	0.19	0.28	0.37	0.46		1. 3	1. 9	1. 16
1800		0.17		0.32				1- 1	1. 8
2000	0. 7	0.15	0.23	0.29	0.36	0.43	-0.50	0.55	1. 0
2500		0.12	0.18	0. 24			0.40		0.49
3000		0.10			0.25			0.37	0.41
3500	0. 5	0. 9	0.13	0.18	0.21	0.25	0. 29	0.32	d. 35
4000	0. 4	0. 7		0.15	0.19			0.18	0.30
4500	0. 4	0. 7		0.14				0.25	0.27
5000	0, 3	0. 6		0.12	0.15	0. 18	0. 10	0. 22	0.25
5500		0. 6		0.11	0.14			0.20	0.22
6000		0. 5		0. 9	0.12		0.18	0.19	0.20
7000	0. 2	0. 4	0. 6	0. 9	0.11	0.13	0.15	0.16	0.18
8000	0. 2	0. 4	0. 6		0. 9	0.11	0.13	0. 15	
9000				0. 7	0. 8		0.11	0. 13	0.14
10000	0. 1	0. 3	0. 5	0. 6	0. 7	0. 9	0.10	0.11	0.13
1	1	1	1	t .	I	1	L	1	1

distance

RECTILICNE. 193

LA	D I	R E	СТ	ON					
5 od	55d	God	. 65ª	7ºd	75 ^d	804	85ª	90d	
M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M.S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	
21.57 10.59 7.18 5.29 4.23	7·5° 5·52 4·42	24. 48 12. 24 8. 16 6. 12 4- 58	8. 51 6. 30 5. 12	8. 58 6. 44 5. 23	27.40 13.50 9.13 6.55 5.32	28. 12 14. 7 9. 25 7. 4 5. 39	28. 32 14. 16 9. 31 7. 8 5. 43	28.39 14.19 9.33 7.9 5.44	300 400 500
3·39 3·8 2·45 2·27	3.55 3.12 2.56 2.36	3·33 2·58 2·45	3 · 42 3 · 15 2 · 53	3 · 50 3 · 22 3 · 54	4-37 3-57 3-27 3-4	4·40 4·2 3·32 3·8	4· 46 4· 5 3· 34 3· 10	4· 46 4· 5 3·35 3·11	700 800 900
1.50	1.57	2. 29 2. 4 1. 46	2.36 2.10 1.51	2 · 41 2 · 14 1 · 55	2. 18	2. 49 2. 21 2. 1	2.51	2.52 2.23 2.3	1200 1400
0.53 0.44	0.56	1. 23	1. 27	1.30	1. 33	1.34	1.35	1.36	1800 2000 2500 3000
0.38	0.40	0.43	0. 45	0.46	0.48	0.48	0.49	0.49	3500
0.29	0.32	0.33	0.35	0.36	0.37	0.38	0.38	0.38	4500 5000
0.24	0.24	0.27	0. 16	0. 27	0.28	0. 28	0.25	0.32 0.29 0.25	7000
0. 17 0. 15 0. 14	0.16	0. 19 0. 17 0. 15	0. 19 0. 18 0. 16	0.18	0. 21	0.11	0. 19	0. 19	9000 10000

194 TRICONOMETRIE

A six pleds de

						A	N G	L E	s A
	54	1 od	154	2 od	25 ^d	3 od	35 ^d	4od	45 ^d
	M . S.	M. S.	M. 5.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
100 200 , 300	1.30	5.58 2.59 1.59	8. 53 4. 31 2. 58	11.46 5.53 3.55	7. 15 4. 50	17.11 8.35 5.44	19.57 9.58 6.39	21. 6 11. 3 7.22	24· 17 12· 9 8· 6
500 600	0.36	1.29	2.14 1.47 1.29	2.56 2.21 1.57	3.38 2.54 2.25	4.17 3.27 2.51	4· 59 3· 59 3· 19	5.32 4.25 3.41	6. 5 4.52 4. 4
700 800 900	0.23	0.51 0.45 0.40	1.16 1.6 0.59	1.41	1. 5 1.49 1.37	2.17 1.9	1.51 2.30 2.13	3. 9 1.46 2.27	3.18 3.1 2.42
1200	0.16	0.36	0.53 0.45 0.38	0.59	1.12	1 · 43 1 · 26 1 · 14	1.40 1.25	2-13 1-50 1-35	1.16 2. 2 1.44
1800	0.10	0. 13	0.33 0.30 0.27	0.44 0.39 0.36	0.55 0.48 0.45	1. 4 0. 58 0. 51	1.15	1 - 23	1.31
3500 3500	0. 6	0. 15 0. 12 0. 10	0.12	0. 18 0. 14 0. 20	0.35	0.42 0.35 0.29	o. 48 o. 40 o. 34	0.53 0.44 0.38	0. 59 0. 49 0. 42
4500 5000	0. 4	o. 9 o. 8 o. 7	0.14	0.18	0. 11 0. 20 0. 18	0.16	0.30 0.17 0.24	0.33 0.19 0.27	0.36
5500 5000 7000	0. 3	0. 6 0. 6	o. 9 o. 9 o. 7	0. 13 0. 12 0. 10	0.16 0.15 0.13	0. 19 0. 18 0. 15	0. 22 0. 20 0. 17	0. 24 0. 22 0. 19	0.17 0.25 0.21
9000	0. 2	o. 5 o. 4 o. 4	o. 7 o. 6 o. 6	o. 9 o. 8 o. 7	0. 11 0. 9 0. 9	0- 13 0- 12 0- 10	0. 16 0. 14 0. 12	0. 18 0. 15 0. 14	0. 18

RECTILIGNE. 195

LA	D_{I}	R E	СТ	10	<i>N</i> .				
Sod	22q	60d	65ª	7º ^d	75 ^d	8od	85ª	90d	
M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	
26. 20 13. 10 8. 47	28. 9 14. 5 9.23	29.46 14.53 9.55	31. 9 15.33 10.23	32.18 16. 9 10.45	33-12 16-36		34-14 17- 7	34-22 17-11 11-27	200
6.35 5.16	7· 3 5·38 4·42	7· 27 5· 57· 4· 58	7·48 6.14 5·12	8. 4 6. 28 5. 23	8. 18 6. 38 5. 32	8. 28 6. 46 5. 39	8.34 6.51 5.43	8.35 6.53 5.44	400 500 600
3.46 3.18 2.56	4. 1 3.32 3. 8	4-15 3-43 3-18	4· 27 3· 53 3· 28	4· 37 4· 2 3· 35	4·44 4·9 3·41	4-14	4- 54 4- 17 3- 48	4·55 4·18 3·49	700 800 900
2.38	2.49 2.21 2.0	2.58 2.29 2.8	3. 7 2.36 2.14	3 · 14 2 · 41 2 · 18	3.19 2.46 2.22	3.23 2.49 2.25	3.26	3-27	
1.39 1.28 1.19	1 · 45 1 · 34 1 · 25	1.52 1.39 1.29	1.57 1.44 1.33	1.48 1.37	1. 51 1. 40	2. 7 1.53 1.42	2. 8 1.54 1.43	2. 9 -1. 54 1. 43	1600 1800 2000
1. 3 0. 53 0. 45	1. 8 0.57 0.48	1.61	1.15 1.3 0.54	1. 19 1. 4 0. 55	1. 20 1. 6 0.57	1. 21	1. 22 1. 9 0. 59	I. 23 I. 9 0.59	2500 3000 3500
0.39 0.35 0.32	0.42 0.38 0.34	0.45 0.40 0.36	0.47 0.42 0.37	0.48 0.43 0.39	0.50 0.44 0.40	0. 51 0. 45 0. 41	0.51	0.51 0.46 0.42	4000 4500 5000
0. 29 0. 27 0. 23	0.31	0.32	0.34 0.31 0.17	0.36	0.36	0.37 0.34 0.29	0.37 0.35 0.29	0.37 0.35 0.29	5500 6000 7000
0. 20 0. 18 0. 16	0. 21 0. 19 0. 17	0. 23 0. 20 0. 18	0.23	0.24 0.21 0.19	0.25	0.26	0.16 0.23 0.20	0.26	9000 8000
<u> </u>					_		21.		

A sept pieds de

						A	N G	L E	s À
	5ª	104	15d	20d	2 5 d	3 od	35 ^d	404	45 ^d
	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
100	3 - 30	6.58	10. 14		16.55	20. 3	23-17	25.47	28.21
100	1.45	3-19	5-11	6.51	8.28		11.38	12.53	14-11
300	1.10	2.19	3. 17	4-34	5.39	6. 41	7.46	8.35	9. 27
400	0. 53	1 - 44	2.35	3.25	4-14	5. 0	5-49	6.26	7. 6
500	0.41	1.23	2. 6	2-45	3.13	4. 1	4.39	5. 9	5.40
600	0.35	1. 9	1.44	3. 17	2.49	3.20	3-52	4-17	4-44
700	0.30	1. 0	1.17	1.55	3. 25	2.52	3.19	3 - 41	4. 3
800	0.27	0.53	1-18	1-43	2. 7	2.30	2.54	3.13	3.33
900	0.14	0.47	1. 9	1.31	1.53	2.14	2.35	2. 52	3. 9
1000	0.11	0.41	1. 2	1.22	1 - 42	1. 0	2.19	2.35	2.50
1200	0.18	0.35	0. 52	1. 9	1.25	1.40	1.57	2. 9	
1400	0.16	0.30	0.45	0.59	1.12	1.26	1.40	1.50	2. 2
1600	0.14	0.17	0.39	0.51	1. 3	1.15	1.27	1.37	1.46
1800	0.12	0. 14	0.35	0.46	0.56	1. 7	1.18	1.26	
1000	0.11	0.11	0.31	0.41	-0.51	1. 0	1. 9	11.17	1.25
2500	0. 9	0.18	0.15	0.33		0.48	0.56	1. 2	1. 8
3000	0. 7	0.14	0.21	0. 28		0.40		0.51	0.57
3500	0. 6	0.12	0.18	0.14	0.29	0.35	0.40	0.44	0.48
4000	0. 6	0.11	0.16	0.10	0. 25	0.30	0.35	0.39	0.43
4500	0. 5	0.9	0.14	0.18	0.13	0.37	0.31	0.35	0. 38
5000	0. 4	0. 8	0.13	0.17	0.10	0. 24	0.18	0.31	0.34
5500	0. 4	0. 7	0.11	0.16	0.19	0. 12	0. 26	0.18	0.31
6000	0. 4	0. 7	0.10	0.14	0.18	0.10	0.24	0. 26	0. 18
7000	0. 3	0. 6	0. 9	0.11	0.15	0.18	0.20	0.22	0.25
8000	0. 3	0. 6	0. 8	0.10	0.13	0.16	0.18	0.19	0. 11
9000	0. 1	0. 5	0. 7	0. 9	0.11	0.14		0.18	0.19
10000	0. 1	0. 5	0. 6	o. 8	0.10	0.13	0.15	0.16	

RECTILICNE. 197

LA DIRECTION.											
Sod	55ª	60d	65d	7º ^d	75 ^d	8od	854	9 od			
M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.			
30.43 15.22 10.15	32. 51 16. 25 10. 57	34·44 17·22 11·35	36. 21 18. 11	37.38 18.50	38. 44 19. 22 12. 55	39.30 19.45 13.10	39·57 19·58 13·19	40. 6 20. 3 13. 22	100 200 300		
7·41 6. 9 5· 8	8.13 6.34 5.29	8.41 6.57 5.47	9. 6 7.16 6. 4	9·25 7·32 6·17	9·41 7·44 6·27	9· 53 7· 54 6· 35	8. o 6.39	8. 1 6.41	400 500 600		
4· 23 3· 50 3· 24	4·42 4·6 3·39	4. 58 4. 20 3. 51	5. 12 4. 33 4. 2	5· 23 4· 42 4· 11	5.32 4.50 4.18	5·39 4·56 4·23	5·43 4·59 4·16	5·43 5· 0 4·27	700 800 900		
3 · 4 2 · 34 2 · 12		3.28 2.54 2.29	3.38 3.2 2.36	3.46 3.8 2.41	3.52 3.12 2.46	3·57 3·17 2·49	4. 0 3.20 2.51	4. 0 3.20 2.52	1000 1200 1400		
1 · 55 1 · 44 1 · 33	2. 3 1.50 1.38	2.11 1.56 1.44	2. 17 2. 1 1.49	2. 21 2. 5 1. 53	2. 15 2. 9 1. 56	2.28 2.12 1.58	1.30 2.13 2.0	2.30 2.14 2.0	1600 1800 2000		
1 · 14 1 · 2 0 · 53	1. 19	1.23 1.9 0.59	1 · 27 1 · 12 1 · 2	1.31	1.33	1.35	1.36	1.36	2500 3000 3500		
0.46 0.41 0.37	0.44	0. 52 0. 47 0. 42	0. 55 0. 48 0. 44	0.56	0.58	0.59 0.53 0.48	0.54 0.48		4000 4500 5000		
0.34 0.31 0.17	0.33	0.38 0.35 0.29	0.40 0.36 0.31	0.38	0.41	0.43 0.40 0.34	0.44 0.40 0.35		5500 6000 7000		
0. 23	0.11	0. 17 0. 24 0. 21	0. 28	0. 28	0.26	0. 19 0. 27 0. 14	0. 27	0.27	9000		

A huit pieds de

		_		_						_
							A	NG	L E	s À
-		5 ^d	1 oq	15ª	2 o đ	2 5 d	30 d	35 ^d	4 od	45 ^d
į		M. 5.	M. S.	M. 5.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
	100	4. 0	7-57	11.51	15.40	19.22	22.55	26. 37	29. 28	32.24
1	200	2. 0	3.58	5.56	7.50	9.41	11.27	13. 18	14-43	16.12
1	300	1.20	2.39	3.57	5-13	6.38	7.38	8.52	9.49	10.48
ł	400	1. 0	1.59	2.58	3 - 55	4.50	5- 44	6.39	7.22	8. 6
1	500	0.48	1.35	2. 22	3. 8	3.52	4 35	5.19	5.54	6.29
1	600	0.40	1.19	1.58	2.37	3-14	3.49	4. 26	4-54	5 - 24
١	700	0.34	1. 8	1.42	2.14	2.46	3.16	3.48	4-12	4.38
1	800	0. 30	1. 0	1.29	1.57	2. 25	2.52	3. 19	3.41	4. 3
ı	900	0. 17	0.53	1.19	1.44	2. 9	2.32	2.57	3.16	3.36
1	1000	0. 14	0.48	1.11	1.34	1,56	2.17	2+ 39	2.57	3.15
1	1200	0.20		0.59	1.18	1.37	1.54	2, 13	2. 27	2.41
1	1400	0.17	0.34	0.51	1. 7	1 . 23	1.38	1.54	2. 6	2.19
ı	1600	0.16	0.30	0.45	0.59	1.13	1.26	1.39	1.50	2, 2
1	1800	0.14	0. 27	0.39	0. 52	1. 4	1.16	1.39	1.38	1.48
i	2000	0.12	0. 24	0.36	0.47	0.58	1. 9	1.20	r. 28	1.37
1	2500	0. 9	0.19	0.28	0.38	0. 47	0.55	1. 4	1.11	1.18
ı	3000	0. 8	0. 16	0.24	0.31	0. 39	0.46	0. 53	0.59	1. 5
ı	3500	0. 7	0.14	0. 20	0. 27	0.33				0.55
i	4000	0. 6	0.12	0.18	0. 14	0.29	0.34	0.40	0.44	0.48
ı	4500	0. 5	0.10	0.16	0. 21	0. 26	0.30	0.35	0. 39	0.43
1	5000	0. 5	0. 9	0.15	0.19	0.24	0. 28	0. 32	0.36	0.39
4	5500	0. 5	0. 9	0. 13	0.17	0. 21	0.25	0. 20	0. 32	0.35
ì	6000	0. 4	0. 8	0. 12	0.16	0.19	0, 23	0. 27	0. 29	0, 32
ı	7000	0. 4	0. 7	0.10	0.14	0.17	0.19	0.23	0, 25	0. 18
ì	.8000	0. 3	0. 6	0. 9	0.12	0.15	. 0. 18	0.20	0, 22	0.25
ı	9000	0. 3	0. 6	o. 8	0.11	0.13	0. 16	0.18	0, 10	0.42
ı	10000	0, 2	0. 5	0. 7	0. 9	0.12	0.15	0.17	0. 8	0.20
1			1.1	- 1			-	· '		

RECTILIGNE. 199

L A	D.	IRI	E C 1	1 0	N.				
5 od	55ª	60d	65ª	70 ^d	75 ^d	8od	854	90d	
м. s.	M. S.	M. S.	M. S	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	-
35. 6 17.33	37·33 18.46	19.51		21.32		22.34	22.50	45.50	100
8.47	9. 23	9-55	10.23	14-21		11.17	15.13	11.27	400
7· 2 5·51	6.16	7- 56 6. 37	6.56	8. 36 7: 10	7-23	9. 2 7. 32	9. 8 7. 36	7.38	500
5. 1 4.23 3.53	5. 22 4. 42 4. 10	5.40 4.58 4.25		6. 9 5. 23 4. 47	6. 19 5. 32 4. 55		6. 32 5. 43 5. 4	6. 33 5. 44 5. 5	700 900
3.31 2.56 2.30	3.45 3, 8	3.58 3.18 2.50	4. 9 3. 28 2. 58	4. 18 3. 35 3. 4	4- 45 3- 41 3- 9	4.31 3.46 3.14	4. 34 3. 48 3. 16	4-35 3-49 3-16	1000
2. 11 1. 57 45	2, 21 2, 5 1, 53	2.29 2.12 1.59	2.36 2.18 2.5	2.41 2.33 2.9	2.46	2.49	2.51	2.52 2.32 2.17	1800
1.24	1.30	1.35 1.19 1. 8	1. 39 1. 23 1. 11	1.43	1.46	1.48	1.49	1.50	3000
0.53 0.47 0.42	0. 56 0. 50 0. 45	D. 59 0. 53 0. 48	0.55	1. 4 0.57 0.51	0.59	1. 7	1. 8	1. 9 1. 1 0.55	4500
0.38	0. 41 0. 38 0. 32	0.43	0.45 0.42	0.47	0.48	_	0.50	0.50	5500
0. 27 0. 24 0. 22	0.28	0. 29	0. 28			0.30			9000

A neuf pieds de

						А	NG	L E	s À
- {	5 ^d	1 od	154	2 od	25 ^d	3 od	35 ^d	40d	45 ^d
	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
100	4.30	8. 57	13.21		21.48	25.47	29.57	33. 6	36. 28
200	2.15	4. 28	6.41	8.49	10.54	12.54	14.58	16.35	18. 14
300	1.30	2.59	4- 37	5.53	7.15	8.35	9.59	11. 3	12. 9
400	1. 7	2.14	3. 10	4- 34	5.26	6.27	7-29	8. 17	9. 7
500	0.54	1.47	2,40	3. 32	4.21	5. 9	5.59	6. 38	7. 17
600	0.45	1.29	2.13	2.56	3.38	4.17	4-59	5.31	6. 9
700	0.38	1.16	1.54	2.31	3. 6	3-41	4. 16	4-44	5. 12
800	Q. 34	1. 7	1.40	2, 12	2.43	3.13	3.44	4. 9	4.33
900	0.30		1.29	1.57	2. 25	2.52	3. 19	3 - 41	4. 3
1000	0. 17	0.54	1.20	1.46	2.11	2.35	3. 0	3.19	3 - 39
1100	0. 23	0.45	1. 6	1. 28	1.49	2. 8	2. 29	2.45	3. 1
1400	0.19	0.38	0.57	1.16	1.33	1.50	2, 8	2. 22	2.30
1600	0.17	0.34	0.50	1. 6	1.23	1. 36	1.52	2. 4	2.10
1800	0. 16	0, 30	0.44	0.59	1.12	1, 26	1.39	1.50	2. 1
2000	0. 14	0.27	0.40	0.53	1. 6	1.17	1.30	1.39	1.49
2500	0.11	0, 31	0.32	0.42	0. 52	1. 2	1.12	1.19	1. 27
3000	0. 9	0.18	0. 17	0.36	0.44	0.51	0.59	1. 6	1.1
3500	0. 7	0.16	0, 23	0.30	0.37	0.44	0.51	0.57	1.
4000	0, 7	0,14	0.20	0.16	0. 32	0.38	0.45	0.49	0.55
4500	0. 6	0. 12	0.18	0. 14	0.29	0.34	0.40	0.44	0.49
5000	0. 6	0.11	0. 16	0.11	0.27	0, 31	0.36	0.40	0.44
5500	0. 5	0. 9	0. 15	0.19	0.24	0.28	0. 32	0.36	0.40
6000	0. 5	0. 9	0.14	0.18	0. 12	0. 16	0.30	0.33	0.30
7000	0. 4	o. 8	0, 12	0.16	0. 19	0, 11	0.16	0. 28	0.32
8000	Q. 4	0. 7	0, 10	0. 14	0.17	0.19	0.13	0.25	0. 28
9000	0. 3	0. 6	0. 9	0,12	0.15	0.18	0.20	0. 12	0.25
10000	0. 3	0. 6	· o. 8	0, 11	0.14	0.16	0.18	0.20	0.22

RECTILIGNE. 201

LA	D	R E	СТ	10	Ν.				
5 od	55d	God	65ª	7ºd	75 ^d	8od	85ª	90d	
M. S	M. S.	м. s.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	
39.30	42.14	44-39	46.44	48. 27	49,48	50.47	51.22	51-34	100
19.45	21. 7	22.19	23.22	24- 14	24. 54	25.23	25.41	25.47	200
13.10	14. 3	14. 58	15.35	16. 9	16.36	16.55	17. 7	17.11	300
9. 53	10.34	11.10	11.41	12. 7	12.27	12.42	12.50	12.54	400
7.54	8. 27	8.56	9.21	9.42	2. 58	10. 9	10. 16	10.19	500
6.35	7. 3	7. 27	7.48	8. 4	8. 18	8. 28	8. 34	8.35	
5.39	6. 2	6.23	6.41	6.55	7. 7	7.15	7.20		700
4. 56	5.17	5.35	5.51	6. 3	6.13	6.21	6. 25		900
4-23	4.42	4.58	5.12	5.23	5.32	5.39	5.42		
3.57	4-13	4.28	4-40	4.51	4-59	5 5	5. 8	5. 9	1000
3.17	3.31	3.43	3.53	3.27	4. 9	4. 14	4.17	4. 18 3. 41	1400
1.49		3.11			3+ 33	3. 38	3.40	_	
2.28	2. 38	2.47	2.55	3. 1	3. 6	3.10	3.12	3 - 13	1800
1.58	2. 21	2. 29	2.36	2, 41	2.46	2.49	2.51	2.52	2000
1.35	1.41	1.47	1.52	1.56	1.59	2. 2	1.42	1.43	3000
1.19	1.24	1. 16	1.33	1 • 37	1.39	1.41	1.28		3500
-	·			1.12		1. 16	-	1.17	4000
0.53	0.56	0.59	1.10	1. 12	1. 14	1. 10	1. 17	1. 8	4500
0.47	0.50	0.53	0.56	0.58	0.59	i. í	1. 2	1. 2	5000
.0.43	0.46	0.49	0.51	0.53	0. 54	0.55	0. 56	0.56	5500
0.40	0.42	0.45	0.47	0.48	0.50	0.51	0.51	0.51	6000
0.34	0.36	0. 38	0.40	0.42	0.43	0.44	0.44	0.45	7000
0.29	0. 32	0. 34	0.36	0.36	0.37	0.38	0. 39	0.35	8000
0. 27	0. 18	0.30	0.31	0. 32	0.33	0. 34	0.35	0.39	9000
.0. 14	0, 26	0. 17	0. 18	0. 29	0.30	0.30	0.31	0.31	10000
1									

A dix pieds de

						A	NG	L E	s à
	5ª	104	15 ^d	204	25d	3 od	35ª	4od	45 ^d
	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M.S.	M. S.	M. S.	M. S.
100	5. 0	9.57	14-45	19-36	24- 12	28.39	33.16	36-49	40. 31
200	2.30	4-58	7.25		12. 6	14. 19	16.38	18. 24	20. 15
300	1.40	3-19	4.56	6.33	8. 4	9-33	11. 5	2.16	13.30
400	1.15	2. 29	3 - 42	4- 54	6. 3	7. 9	8. 19	9- 12	10. 8
500	1. 0	1.59	2.58	3.55	4.50	5-43	6.39	7.22	8. 6
600	0.50	1 - 49	2.28	3.16	4. 2	4-46	5.33	6. 8	6.45
700	0.43	1.25	2. 7	2.48	3-27	4. 5	4-45	5- 15	5 • 47
800	0.37	1.14	1.51	2. 27	3. 1	3.35	4 9	4.36	5. 4
900	0.33	1. 6	1 - 39	2. 11	2 - 41	3.11	3 • 42	4. 5	4.30
1000	0.30	0.59	1.29	1.57	2.25	2.52	3-19	3 - 41	4. 3
1200	0.25	0.50	1.14	1.38	2. 1	2.23	2.46	3. 4	3.23
1400	0.21	0.43	1. 3	1.24	1.44	2. 3	2.22	2.38	2.53
1600	0. 19	0.37	0.55	1-14	1.31	1.47	2. 5	2. 18	2. 32
1800	0. 17	0.33	0.49	1. 6	1 - 21	1.35	1 - 44	2. 3	2. 15
2000	0. 15	0.30	0.45	0.59	1.12	1.26	1.40	1.50	2. 2
2500	0. 11	0.34	0.36	0.47	0.58	1. 9	1.20	1.29	1.37
3000	0.10	0.20	0.29	0.39	0.48	0.57	1. 6	1.14	1.21
3500	0. 9	08	0. 26	0.34	0.42	0.49	0.57	1. 3	1. 9
4000	0. 7	0.15	0.22	0. 29	0.36	0.43	0.50	0.55	1. 0
4500	0. 7	0.14	0.20	0.26	0.32	0.38	0.44	0.49	0.54
5000	0. 6	0.12	0. 18	0.24	0.29	0.34	0.40	0.44	0.48
5500	0. 6	0.11	0.17	0.11	0.27	0.31	0.36	0.40	0.44
6000	0. 5	0.10	0.15	0, 19	0.24	0.29	0.33	0.37	0.40
7008	0. 5	0. 9	0.13	0. 18	0.21	0.25	0. 29	0.32	0.35
8000	0. 4	0. 7	0. 11	0.16	0.19	0.21	0.25	0.28	0.30
9000	0. 3	0. 7	0.10	0.14	0.17	0.19	0.23	0.25	0. 27
10000	0. 3	0. 6	0. 9	0. 12	2.15	0. 18	0.20	0. 22	0.25

RECTILIGNE. 203

LÀ	D_{i}	Ř E	СТ	10	N.				
50d	55ª	6od	65ª	70d	75 ^d	8od	85q	90d	
M. S.	M. S.	M . S.	M. S.	M. S.	M. S.	M.S.	M. S.	M. S.	
43-53	46.56	49.37	51-55	53.50	55.20	56.25	57· 4 28. 32	57-18	001
14.37	23.28	16.32	25.58	17.57	18. 26	18.48	19. 2	19. 6	300
10.58	11.44	12.24	12.59	13.27	13.50	14. 7	14. 16	14. 18	400
7.18	9. 23	9.56	8.39	8.58	9.13	11-17	11.25	11.27	500 600
6. 7	7.50 6.43	7. 6	7-25	7.41		9-25	9.31	9- 33	700
5. 29	5-52		6.30	6.44	7.54 6.55	7. 3	7. 8	7. 9 6. 22	800
4- 52	5.12	5.31	5.46	5 - 59	6. 9	6. 16	6. 20	6. 22	900
4- 23	4-42	4-58	5.12	5- 23	5.32	5-39	5.43	5-43	1000
3. 39	3 . 54	4. 8	3.43	4. 29 3. 50	4·37	4.41	4-45	4-46	1400
2 . 44	2.56	3. 7	3.15	3 . 2 2	3-27	3-32	3-34	3-35	1600
2. 12	2.36	2.45	2.53	2.59	3. 4	3. 8	3.10	3-11	1800
-	1.53			2.41	2.46	2 - 49	2.51	2 - 52	2500
1.45	1.34	1.59	1.44	1.47	1.50	1.53	2.17	1.55	3000
1.16	1.20	1.25	1.29	1. 32	1.35	1.37	1.38	1.38	3500
1. 6	1.10	1.14	1. 18	1.21	1.23	1.25	1.15	1. 16	4000
0.58	0.56	0.59	1. 9	1. 12	1. 14	1.15	1. 10	1. 10	4500 5000
0.48	0.51	0. 54	0. 57	0.59	1. 0	1. 1	f · 2	1. 3	5500
0.44	0.47	0.49	0 - 52	0.54	0.55	0.56	0.57	0.57	6000 7000
0. 38	0.41	0.43	0.45	0.46	0.48	0.49	0.49	0.49	8000
0.33	0.36	0.37	0.39	0.41	0.42	0.43	0.43	0.43	9000
0.27	0.38	0.29	0.31	0.32	0.33	0.34	0.35	0.35	10000

A onze pieds de

						A	N G	L E	s À
	5 ^d	1 0 ^d	154	2 o'd	25d	3 od	35 ^d	4ºd	45 ^d
	м. s.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
100	5.29	10.56	16. 18	21-33	26.38	31.31	36.36	40.30	44. 3
100	2.45	5.26	8.10	10.47	13.19	15.45	18. 18	20.15	22. 1
300	1.50	3 · 39	5.26	7.11	8.53	10.30	12.12	13.30	14.5
400	1.23	2.44	3 - 43	5.23	6.40	7: 53	9. 9	10. 8	11.
. 500	1. 6	2.11	3.16	4.19	5.20		7.19	8. 6	8.5
600	0.55	1.49	2.43	3.36	4. 26	5.15	6. 6	6.45	7.2
700	0.47	1 - 33	2.20	3. 5	3.48	4.30	5.14	5-47	6. 2
800	0.41	1. 22	2. 2	2.41	3.20	3.56	4.34	5. 4	5.3
900	0.37	1 - 13	1.49	2, 24	2.57	3.30	4. 4	4.30	4.5
1000	0.33	1. 6	1.38	3. 9	2.40	3. 9	3.40	4. 3	4. 2
1200	0.28	0.55	1.21	1.48	2.14	2.37		3. 23	3 . 4
1400	0.24	0.47	1.10	1.33	1.54	2.15	3. 3 2. 38	2.54	3 - 1
1600	0. 10	0.41	1. 1	1.21			2.17	2.32	2.4
1800	0.18	0.36	0.54	1.12		1 . 45	2. 2	2.15	2. 2
2000	0.17	0.33	0.49	1. 4	1.20	1.35	1.50	2. 2	2. 1
2500	0.14	0.27	0.39	0.51	1. 4	1.16	1.28	1.37	1.4
3000	0.11	0.22	0.32	0.43		1. 3	1. 13	1.21	1.2
3500	0. 9	0.19	0. 28	0.37	0.46	0.54	1. 3	1. 9	1.1
4000	o. 8	0.17	0.25	0.32		0.48	0.55	1. 0	1.
4500	0. 7	0.15	0.22	0. 29	0.36	0.42	0.49	0.54	0. 5
5000	0. 7	0.14	0, 20	0.26	0.32	0.38	0.44	0.48	0, 9
5500	0. 6	0.12	0.18	0.24	0.29	0.35	0.40	0.44	0. 4
6000	0. 6	0.11	0.17	0.21	0. 27	0.31	0.36	0, 41	0.4
7000	0. 5	0. 9	0.15	0.19	0.23	0. 27	0.32	0.35	0. 3
8000	0. 4	o. 8	0.13	0. 17		0. 24	.0. 28	0.30	0. ;
9000	0. 4	0. 7	0.11	0.15	0. 18		0.25	0.27	0. 2
10000	0. 4	0. 7	0.10	0. 13	0. 16	0.19	0. 22	0. 25	0. 2

distance du centre.

-	-			-	-	0.4	0.7		
Sod	55 ^d	6o ^d	65ª	7º4	75 ^d	80ª	854	90d	
M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	м. s.	м. s,	M. S.	м. s.	
18. 17	51.37	54-35	52. 7	59-13		62. 4	62.47	63. 1	100
14.8 16. (25.48		19. 2	19.36			31.23	31-31	100
				19-45	_		20.55	21. 1	300
12. 4	12.54	13-39		14-49		15-31	15-41	15.45	400
8. 39	8. 36	9. 6	11-25	9-52	10. 8	12.25	12.33	12.36	500
			9-31					10.30	
6.54	7.23		8. 10	8. 28			8.58	9- 1	700
5.22	6.27	6.49		7.24 6.34	7.37	6.54		7.53	900
<u> </u>	5.44	<u> </u>	-	_	_	_	-	_	_
4.50		5-27		5.56		6. 12	6.17	6.18	1000
3.27	3.41	4.33	4-46	4- 56	5. 4 4.21	5.10 4.26	5 · 14 4 · 29	4.30	1200
	-			_		<u> </u>			
3. 1	3.14	3 - 24	3.34		3.48	3.52	3.55	3.56	1800
2.25				2.58	3. 3	3. 6	3. 8	3.30	
		_				-	-	-	-
1.56		1.49	1.54		2.16	2.29	2.30	2.31	3000
1.23									3500
1.12			1.26				1		4000
1. 4		1.12	1.16	1.19	1.31	1-33	1.23	1.35	4500
0.58		1. 6	1. 9	1.11	1.13	1.14	1.15	1.16	5000
0. 53	-	1. 0	-	1. 5	1. 6	1. 7	1. 8	1. 9	5500
0.48	0.51	0.54		0.59	1. 1	1. 4	1. 3	1. 3	6000
0.42	0.45	0.47	0.49	0.51	0.53	0.54	0.54	0.54	7000
0, 36	-	-	_	0.45	0.46		0.47	0.48	8000
0. 32				0.40		0.42	0.42	0.42	9000
0. 29		0.33	0.35			0.37	0.38	0.38	10000

206 TRIGONOMÉTRIE

A douze pieds de

						A	N G	L E	s A
	5ª	1 0d	1 2 d	2 od	25d	304	35 ^d	4º ^d	45 ^d
	M. 5.	M. 5.	M. S.	M. S.	M. S.	M. 5.	M. S.	M.S.	M. 5.
100 200 300	5.30 3.0	11.56 5.58 3.58	17.48 8.53 5.56	23.21 11.46 7.50	29. 3 14.31 9.41	34-22 17-11 11-27	39.55 19.57 13.18	44.11 22. 6 14.43	48. 14 24. 18 16. 12
400 500 600	1.30	2.59 2.23 1.59	4. 26 3.33 2.58	5 · 53 4 · 42 3 · 55	7.15 5.49 4.50	8.35 6.52 5.43	9· 59 7· 59 6· 39	8. 51 7. 22	9·43 8·6
700 800 900	0. 51 0. 45 0. 40	1.42			4· 9 3· 38 3· 14	4· 54 4· 17 3· 49		6. 18 5.31 4.54	6. 57 6. 5 5. 24
1000 1200 1400	0.36 0.30 0.26	1. 1.2 0. 59 0. 51	1.47	1.57	2. 54 2. 25 2. 4	3. 26 2. 52 2. 27	3.59 3.19 2.51	4·25 3·41 3·9	4.52 4.3 3.28
1600 1800 2000	0.22	0.45 0.40 0.36	1. 6 0. 59 0. 53	1.18	1.49 1.37 1.27	2. 9 1.55 1.43	2.20 2.13 1.59	2.45 2.27 2.12	-3· 2 2·42 2·26
2500 3000 3500	0. 15 0. 12 0. 10		0.43 0.36 0.30		0.58	1.23 1. 9 0.59	1.36	1.46	1.57 1.37 1.23
4000 4500 5000	o. 9 o. 8 o. 7	0.18		0.36 0.31 0.28	0·44 0·39 0·35	0.51 0.46 0.41	0.53	0. 59 0. 53	1. 13 1. 5 0. 58
5500 6000 7000	o. 7 o. 6 o. 5	0. 14 0. 12 0. 10	0. 10 0. 18 0. 16	0. 26 0. 24 0. 20	0.32 0.29 0.25	0.37 0.34 0.30	0.43 0.40 0.34	0. 48 0. 44 0. 38	0. 53 0. 48 0. 42
8000 9000 10009	o. 5 o. 4 o. 4	o. 9 o. 8 o. 7	0. 14 0. 12 0. 11	0.18	0. 22 0. 20 0. 18	0. 26 0. 23 0. 21	0.30 0.27 0.24	0.33 0.29 0.27	0.36 0.32 0.29

distance du centre.

				•					
LA	D 1	R E	ст	10	N.				
Sod	55 ^d	60d	65ª	7º4	75 ^d	804	854	90d	
M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. 5	M. S.	M. S.	M. S.	
52.40	56. 19	59-32		64.36	66. 25	67.42	68. 29	68.45	100
26.16	28. g	29.46	31. 2	32.18	33-12	33.51	34-14	34-42	200
17-33	18.46	19.51	20.46		22. 8	22.34	22.50	22.55	300
13.10	14- 5	14+53	15-35	و. مك	16.36	16.55	<u> 12:</u> Z	17-11	400
10.31	11.16	11-54	12.27	12.55	13-17	13.32	13-42	13-45	500
8. 47	9.13	9.55				111-17		111-27	
7:33	8. 3	8.30	8.51	2: 13 8: 4	9. 29 8. 18	9.40 8.18	9· 47 8. 34	9·49 8·35	700
5.35	7: 3 6: 16	7.17 6.37	7·48 6·56	8. <u>4</u> 7-10	7. 33	7-32	7-36	2:33	900
	5.38	-		6.28	6.38	6.46	6. 51	6.52	
5.16 4-23	4.42	5-57 4-58	5-14	5.23	5-32	5-39	5.43	5.43	1200
3.46	4.	4:15	4-27	4-37	4:44	4-50	4- 53	4: 54	
3.17	3.31		3.53	4. 2	4. 9	4-14	4- 17	4-18	1600
2.56	3. 8	3.43	3.28	3-35	3.41	3.46	3.48	3-49	1800
2.38	2-49	2.58	3 · Z	3-14	3. 19	3 - 23	3 - 25	3 - 2 6	2000
2. 6	2.15	1 - 23	2. 29	2.35	2.39	2.42	2.44	2.45	2500
1 - 45	1 - 53	1.59	2. 4	2. 9	2 - 13	2 - 15	2.17	2.17	3000
1.30	1.37	1 - 42	1 47	1.51	1.54	1.56	1.57	1.58	3500
1/19	1.24	1.19	1-33	1 - 37	1.39	1 - 42	1.43	1.43	4000
1 - 10	1 - 15	1-19	1 . 2 3	1.26	1.29	1.30	1+31	1+32	4500
1. 3	L Z	1.11	1.15	1.17	1.19	1.21	1.11	1-13	5000
0.57	14 1	1- 5	.a. 8	1.10	1.12	1-14	1.15	1-15	5500
0. [3]	0.56	0.59	L 3	L S	1. 6	L 8		L 9	6000
0.46	0.48	0.51	0.54	0.55	<u>0. 57</u>	0.58	0.59	0.59	7000
0.40	0.43 0.38	0.45	o. 47	o. 49	0.50	0.51	0.51	0.51	8000
0.36	0.38	0.40	0.42	0.43	0.45	0.46	0.46	0.46	9000
0.32	0.34	0.36	0.37	0.39	0.40	0.41	0.41	9741	10000

208 TRIGONOMÉTRIE

A treize pieds de

		8				A	NG	L E	s à
	5 d	I od	1 5 ^d	2 0 ^d	2 5 d	3 od	35 ^d	4ºd	45 ^d
	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. 5.	M. S.	M. S.	M. S.
100 200 900	6.30 3.15	12.56 6.28 4-19	19.16 9.38 6.25	25. 28 12. 44 8. 29	31. 4 15.44 10.29	37.14 18.37	43.15	47.52 23.56	\$2.40 26.20 17.33
400 500 600	1.37	3·14 2·35 2·9	4·49 3·51 3·13	6. 22 5. 5 4. 15	7. 52 6. 17 5. 15	9. 18 7. 27 6. 12	10.48 8.39 7.12	9.34 7.59	13.10 19.32 8.47
700 800 900	0.56	1.51	2·45 2·24 2·12	3.38 3.11 2.49	4·30 3·56 3·30	5 · 19 4 · 39 4 · 8	6. 11 5. 24 4. 48	6. 51 5. 59 5. 19	7· 3² 6· 35 5· 51
1000	0.39	1.18	1.56	2.31 2.7 1.49	3. 8 2.37 2.15	3·43 3. 6 2·39	4·19 3·36 3·5	4·47 3·59 3·25	5. 16 4. 23 3. 46
1600 1800 2000	0.25	0.48	1.12	1.35 1.25 1.16	1.58	2.20 2.4 1.51	2.42 2.24 2.9	3. 0 2.39 2.23	3·17 2·56 2·38
2500 3000 3500	0.16	0, 31 0, 26 0, 23	0.46 0.39 0.33	1. 1 0.51 0.44	1.16 1.3 0.54	1.29 1.14 1.4	1.44	1.55	2. 6 1.44 1.30
4000 4500 5000	o. 9 o. 9 o. 7	0. 19 0. 18 0. 16	0. 29 0. 26 0. 23	0.38 0.34 0.30	0.47 0.42 0.38	0. 56 0. 50 0. 45	1. 5 0. 57 0. 52	1. 12 1. 4 0. 58	1.19
5500 6000 7000	0. 7 0. 6 0. 6	0. 15 0. 13 0. 11	0. 21 0. 19 0. 17	0. 28 0. 26 0. 22	0.34 0.32 0.27	0.40 0.37 0.32	0.47 0.43 0.37	0.52	0.57 0.53 0.46
1 0000 9000 8000	0. 5 0. 5 0. 4	o. 9 o. 9 o. 7	0.15 0.13 0.12	9. 19 9. 18 9. 16	0. 24	0. 28	0. 32 0. 29 0. 26	0.36	0.40

distance

RECTILIGNE. 209.

distance du centre.

	90d	854	8od	75 ^d	70 ^d	65ª	60d	55ª	204
	M. 5.	M. S.	M. S.	м. s.	M. S.	м. s	м. s.	M. S.	M. S.
.10	74- 29	74-12	73.21	71.57	69.59	67.30	64.30	61. I	6. 3
20	37-14		36.40				32.15	30.30	8. 32
30	24-49	24.44	24.27	23.59	23. 19	22.30	21.30	20.20	19. 1
40	18.37	18.33	18.20	17.59	17.30	16752	16. 8	15.14	4.15
50	14-54		14-40	14-23			12.54	12.12	11.25
60	12-25	12.21	12.13	11.59	11.40	11.15	10.45	10.10	9.30
70	10.38	10.36	10.29	10.16	10. 0	9.38	9.13	8.43	8. 9
80	9.18	9.17	9.10	8. 59	8.45		8. 4	7.38	8. 9 7. 8
90	8.16	8. 14	8. 9	8. 0	7-47	7-30	7.10	6.46	6. 20
100		7.26	7.20	7.11	7. 0	6.45	6. 27	6. 6	5-44
120	6. 12	6. 11	6. 6	6, 0	5.50	5 - 37	5.23	5. 5	4-45
140	5-19	5.18	5. 15	5. 8	5. 0	4-49	4.37	4.21	4. 4
160	4.39	4.38	4-35	4.30	4.11	4-13	4. 2	3 - 49	3 - 34
180	4. 8	4. 7	4- 4	4. 0	3.50	3-45	3-35	3.13	3.10
200	3 • 43	3 • 43	3.40	3.36	3- 30	3.23	3- 14	3. 3	2.51
250	2.58	2.58	2.56	2. 52	2.48	2.42	2.35	2.27	2.17
300		2.28	2. 27	2. 34	2.20	2. 15	1. 9	2. 2	1.54
350	2. 8	2. 7	2. 6	2. 3	2. 0	1.56	1.50	1.44	1.38
400	1.52	1.51	1.50	1.48	1-45	1.41	1.37	1.31	1.25
450		1.39	1.38	1.36	1 - 33	1.30	1.26	1.21	1. 16
500	1.29	1.29	1. 28	1.26	1.24	1.21	1.17	1.13	1. 8
550	1.94	1 - 21	1.20	1.18	1.16	1.14	1.10	1. 6	1. 2
600	1-14	1.14	1.13	1.12	1.10	1. 7	1. 4	1. 1	0. 57
700	1. 4	1. 3	f. 3	1. 2	1. 0	0.58	0.55	0.52	0.49
800			0. 55	0.54	0. 52	0. 50	0.48	0.46	0.43
1000	0.50	0.49	0.49	0.48		0.45	0.43		0.38

210 TRIGONOMÉTRIE

A quatorze pieds de

	_					_		_	
						A	N G	L E	s A
	5ª	1 0d	154	10d	2 5 d	3 od	35 ^d	4ºd	45 ^d
	M.S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
100	7. 0	13.56	20.45	27. 26	33-54		46.35	51.33	56.43
200	3.30	6.58	10.11	13.43	16.57	20. 3	23.24	25-47	28.21
300	2.20	4-39	6.55	9. 8	11.17	13.22	15.31	17.11	18.54
400	1.45	3.19	5-11	6.51	8.28	10. 1	11.38	12.53	14-11
500	1.24	2.47	4. 9	5.29	6.46	8. 1	9.19	10.19	11.20
600	1.10	2.19	3. 27	4-34	5-39	6.41	7.45	8.35	9.29
700	1. 0	1.59	2.58	3 - 55	4.50	5-43	6.39	7.22	8. 6
800	0. 52	1.44	2.35	3.25	4-14	5. 0	5.48	6. 26	7. 6
900	0.47	1.33	2.18	3. 3	3.46	4- 17	5.10	5-44	6. 18
1000	0.42	1.13	2. 4	2.45	3-13	4. 6	4-39	5.10	5.40
1200	0.35	1. 9	1.44	2.17	2.49	3.20	3.52	4.17	4.44
1400	0.30	1. 0	1.19	1.57	1. 15	2.52	3.19	3.41	4. 3
1600	0.19	0. 53	1.18	1.43	1. 7	2.30	2. 54	3 - 13	3+33
1800	0.24	0.47	1. 9	1.31	1.53	2.14	2.35	2.48	3. 9
2000	0. 11	0.42	1. 2	1.22	1.42	2. 0	2. 22	2.35	2.50
2500	0.17	0.33	0.50	1. 6	1.21	1.36	1 - 52	2. 4	2. 16
3000	0.15	0.28	0.42	0.55	1. 8	1.20	1.33	1.43	1. 54
3500	0.12	0.24	0.36	0.47	0.58	1. 9	1.20	1.28	1. 37
4000	0.11	0.21	0,31	0.41	0.51	1. 0	1. 9	1.17	1.25
4500	0. 9	0.19	0.28	0.37	0.45	0.54	1. 2	1. 9	1. 16
5000	0. 8	0.17	0.25	0.33	0.41	0.48	0.56	1. 2	1. 8
5500	07	0.16	0.23	0.30	0.37	0.44	0.51	0.56	I. 2
6000	0. 7	0.14	0.11	0.18	0.34	0.40	0.46	0.51	0.57
7000	0. 6	0.13	0.18	0.14	0. 29	0.35	0,40	0.45	0.49
8000	0. 6	0.11	0.16	0.10	0. 26	0.30	0.35	0.39	0.43
9000	0. 5	0. 9	0.15	0.19	0.23	0. 27	0.31	€0.35	0.38
10000	0. 4	0. 8	0.13	0.17	0.20	0.24	0.28	0.31	0.34
	'					- 1		- 1	

RECTILIGNE. 211

distance du centre.

L A	D	R E	СТ	10	м.				
20q	55 ^d	60d	65ª	70 ^d	75 ^d	8od	82ª	904	
M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. 5	M. S.	M. S.	M. S.	
61.31 30.43 10.19	65.42	69. 28 34. 44 23. 9	72.42 36.21 24.14	37.41	77· 19 38· 44 25· 49	79. 0 39.30 26.10	79· 54 39· 57 26. 38	80. 13 40. 6 16. 44	100 200 300
15. 22	16.25	17.12	18. 10 14. 31 12. 7	18.50	19.22	19.45	19.58	20. 3 16. 3	400 500 600
8. 47 7. 40 6. 49	9.13	9·55 8·41 7·43	9. 6	10. 46 9. 15 8. 21	9. 41 8. 36	9·53 8.47	11.25		700
6. 9 5. 7 4.13	6. 34 5. 29 4. 42	6. 57 5. 47 4. 58	7·16 6·4 5·12	7· 32 6· 17 5· 23	7· 44 6. 27 5· 32	7· 54 6. 35 5· 39	8. o 6. 40 5. 43	8. 1 6.41 5.44	1000 1200 1400
3·50 3·24 3·4	4. 6 3.39 3.17	4. 20 3. 51 2. 28	4· 33 4· 2 3· 38	4·42 4·11 3·46	4·50 4·18 3·52	4.56 4.23 3.57	5. 0 4. 16 3. 59	5. 0 4. 27 4. 0	1 600 1 800 2000
2.27 2.3 1.45	2.37 2.11 1.53	1.46 2.18 1.59	1.54 1.25 2.4	3. I 2.30 2. 9	3. 6 2.35 2.12	3. 9 2. 38 2. 15	3.12 2.40 2.17	3.12 2.40 2.17	3000 3000 3500
1.33 1.12 1.14	1.38 1.18 1.19	1 · 44 1 · 33 1 · 23	1 · 49 1 · 37 1 · 27	1.53 1.40 1.30	1.56 1.43 1.33	1.58 1.45 1.35	2. 0 1.46 1.36	2. 0 1.47 1.36	4000 4500 5000
1. 7 0. 58 0. 53	1.11 1. 6 0.57	1.16 1.9 1.0	1 · 19 1 · 12 1 · 3	1. 22 1. 15 1. 5	1.24 1.17 1.6	1.16 1.19 1.8	1.17 1.10 1.9	1 · 27 1 · 20 1 · 9	5500 6000 7000
0.46 0.41 0.37	0.49 0.44 0.40	0. 52 0. 47 0. 42	o. 55 o. 49 o. 44	0.57 0.50 0.46	o. 58 o. 51 o. 47	o. 59 o. 53 o. 48	1. 0 0. 54 0. 48	1. 0 0. 54 0. 48	8000 9000 10000
			_		-				

212 TRIGONOMÉTRIE

A quinze pieds de

						A	N G	L E	s À
	5ª	t od	15d	20d	25d	30d	35 ^d	4od	45 ^d
-	M. 5.	M. S.	м. s.	M. S.	M. S.	M.S.	M. S.	м. s.	M. S.
100 200 300	7.30 3.45 2.30	7. 28 4. 58	22. 14 11. 7 7. 25	14-41	36. 19 18. 12 11. 33	42. 58 21. 29 14. 19	49. \$4 24. 57 16. 38	55-14 27-37 18-24	60.46 30.23 20.15
400 500 600	1.51	3·44 2·59 2·29	5.34 4.26 3.42	7·10 5·53 4·54	9· 4 7·15 6. 3	8.35 7. 9	9. 59 8. 19	13.48 11. 3 9.12	15.11
700 800 900	0.56	2. 8 1.52 1.39	2.47	4-12 3-40 3-11	5-11 4-32 4-2	6. 8 5.22 4.46	7. 8 6. 14 5. 33	7·53 6·54 6·8	8.41 7.36 6.45
1000 1200 1400	0·45 0·37 0·32	1. 19		2.56 2.27 2. 6	3.38 3.1 2.35	4· 17 3· 35 3: 4	4·59 4·9 3·34	5.32 4.36 3.56	6. 5 5. 4 4. 21
1600 1800 2000	0.28	0.56 0.50 0.45	1.23 1.14 1. 6	1.38	2.16 2.1 1.49	2.41 2.13 2.9	3· 7 2·46 2·30	3·27 3·4 2·45	3.48 3.23 3.2
3000 3000 3500	0.18 0.16 0.13	0.36 0.30 0.26	0.45	0.59 0.50	1.12	1 · 43 1 · 26 1 · 14	1.40 1.25	2.12 1.50 1.35	2.26 2.1 1.44
4000 4500 5000	0.12 0.10 0.9	0.13 0.10 0.18	0.29	0.44 0.39 0.36	0.55 0.48 0.44	1. 4 0. <u>5</u> 8 0. <u>5</u> 1	1.15	1.23 1.14 1. 6	1.31
5500 6000 7000	o. 8 o. 7 o. 6	0. 17 0. 15 0. 13	0.25 0.12 0.19	0.32 0.29 0.25	0.40 0.36 0.31		0.55 0.50 0.43	0.55	1. 6 1. 1 0. 52
9000 8000	0. 6 0. 5 0. 5	0. 12 0. 10 0. 9	0. 16	0.21 0.20 0.18	0. 28 0. 25 0. 12	0.32 0.29 0.26		0·42 0·37 0·33	0.46 0.41 0.37

RECTILIGNE. 213

distance du centre.

LA	DI	R E	СТ	10	N.		5		
50d.	55 ^d	60d	65ª	7º ^d	75 ^d	8od	854	90d	- 1
M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	
65.43 32.55 21.27	70. 24 35. 12 23. 25	74- 26 37- 13 24- 48	77. 53 38. 56 25. 58	80.48 40.13 26.55	41.30		85.37 42.48 28.32	85.56 42.58 28.39	100 200 300
16.18 13.10 10.59		18.36 14.53 12.24		20. 11 16. 9 13. 27	16. 36		21. 24 17. 7 14. 16	21.29 17.11 14.19	400 500 600
9. 25 8. 14 7. 18	8.48 7.50	9. 18 8. 16	9·45 8·39	11.32 10. 5 8.58	11.53 10.22 9.13	12. 6 10.35 9.25	12.14 10.42 9.31	9.33	700 800 900
6.35 5.29 4.42	7. 3 5.52 5. a	7. 27 6. 12 5. 19	7.48 6.30 5.34	8. 4 6.44 5.46	8. 19 6. 55 5. 56	8. 18 7. 4 6. 3	8.34 7.8 6.7	8.35 7. 9 6. 8	1000 1200 1400
4· 7 3·40 3·17		4·39 4·8 3·43	4. 52 4. 19 3. 53	5. 3 4.29 4. 2	5.11 4.37 4.9	5.18 4.42 4.14	5.19 4.46 4.17		1600 1800 2000
2.38 2.12 1.53		2.58 2.29 2.8	3. 7 2.36 2.14	3·14 2·41 2·18	3. 19 2. 46 2. 22	2.49	3 · 2 5 2 · 5 1 2 · 2 7	3.26 2.52 2.27	3000 3000
1.39 1.28 1.19	1.34	1.39	1.57 1.44 1.33	2. I 1.48 1.37	2. 4 1.50 1.39		2. 8 1.54 1.43	2. 9 2. 55 1. 43	4000 4500 5000
1.12 1.6 0.56	1.10	1.14		1.28 1.21 1. 9	1.31 1.23 1.11	1.32 1.24 1.13	1.33 1.25 1.14	1.34 1.26 1.14	5500 6000 7000
0.49 0.44 0.40	0.47		0.52			0.57	0.58	0.58	9000 9000

214 TRIGONOMETRIE

De la correction des Angles.

- 162. Quoiqu'on ait observé avec attention des ouvertures d'angles & qu'on les ait réduit au centre du lieu d'observation, si on a opéré à l'extérieur de ce lieu, il arrive affez communément que faisant une somme de la valeur des trois angles d'un triangle, on trouve un deficit ou un excès sur 180 degrés que valent ensemble les trois angles de tous triangles rectilignes; foit que cette différence vienne de l'instrument ou qu'elle ait quelqu'autre cause, on ne la néglige pas dans un travail où on ne peut être trop précis; c'est pourquoi on va expliquer ici comment on fait évanouir cette différence qui est toujours plus considérable dans les triangles qui ont leurs côtés courts, que dans les triangles qui les ont fort longs.
 - 163. Dès que l'on a choifi les objets dont on juge à propos de faire les points angulaires d'une chaîne de triangles, il convient de faire une somme des trois angles de chaque

triangle, pour connoître si cette somme est moindre ou plus grande que 180 degrés, & dans l'un ou l'autre de ces deux cas, la dissérence que l'on trouve, se dissribue en plus ou en moins sur chacun des angles du triangle; à proportion de son ouverture où du nombre de degrés qu'il contient: voici la règle.

Règle de répartition.

'164. On établit une règle de trois, dont le premier terme est la somme des degrés, minutes, &c. contenus dans les trois angles du triangle.

Le second terme est le desicit ou s'excès fur 180 degrés.

Le troisième terme est un des angles du triangle, ou sa valeur.

La règle étant faite, on trouve pour quatrième terme ce qu'il faut ajouter à cet angle, ou en retrancher, à proportion de son ouverture.

216 TRIGONOMETRIE

Exemple.

165.	Supposons	que	l'un	des	angles	ďun
triangle						
4 1 -						

est de	
l'autre de	
& l'autre de	78. 0,

on aura au total..... 179ª 55'.

Ce qu'il faut répartir sur ces trois angles est donc 5 minutes qui manquent à... 179^d 55^h, pour faire 180 degrés;

ainsi on dira 1794 55',

est à... o. 5, qui manquent,

Ces additions particulières étant faites,

dont la fomme est..... 180^d o' o', & ainsi le desseit, 5 minutes, est distribué en proportion de la valeur de chacun des angles du triangle supposé.

Autre Exemple.

166. Imaginons que pour l'ouverture particulière des angles d'un triangle,

Et en total... 1804 8'; il y a donc un excédant de 8 minutes qu'il faut anéantir; pour cet effet en établira cette règle de proportion,

Et ces soustractions particulières étant faites,

on aura... 180d o' o" o", en place de 180d 8', & conséquemment l'excès 8 minutes est réduit à zéro.

167. Lorsqu'il est question de répartir l'excès ou le deficit que l'on trouve après avoir fait une somme de trois angles d'un triangle.

218 TRIGONOMÉTRIE

pour qu'ils composent ensemble précisément 180 degrés; ce travail devient long, si on a un grand nombre de triangles dont les angles soient dans le cas d'être ou diminués ou augmentés, ce qui a fait prendre le parti d'avoir une Table où ces diminutions ou ces augmentations se trouvassent indiquées en proportion des degrés contenus dans un angle; & voici l'ordre qu'on y a observé.

Explication d'une troisième Table.

'168. Cette Table a été calculée depuis 5 fecondes, & de 5 en 5 fecondes jusqu'à 10 minutes pour des ouvertures d'angles croissans de 5 en 5 degrés depuis 5 jusqu'à 180 degrés & qui sont contenus dans les colonnes latérales: outre ces deux colonnes, cette Table, à livre ouvert, est composée de douze autres colonnes, aussi verticales, qui contiennent ensemble une minute entière diftribuée en parties, qui vont en augmentant de 5 secondes & qui sont indiquées en haut de ces colonnes, & ces douze colonnes rensemment

fur l'alignement horizontal de chaque nombre de degré, ce qu'il faut y ajouter ou en retrancher à proportion du moins ou du plus fur 180 degrés, & qui est en tête de la . colonne.

Usage ordinaire de cette troisième Table.

169 Supposons qu'ayant fait un total de la valeur des trois angles d'un triangle, on ait trouvé 3 minutes 20 secondes de plus ou de moins que 180 degrés; pour répartir cette différence on cherchera l'endroit de cette troiseme Table, qui contient depuis 3 minutes jusqu'à 4; on se servira de la colonne marquée en tête pour 3' 20", on descendra cette colonne jusqu'à ce que l'on se trouve dans l'alignement horizontal du nombre de degrés que contiendra chaque angle du triangle, & là on trouvera ce qu'il faut ajouter ou retrancher de ces angles à proportion de 3' 20", de plus ou de moins.

Par exemple, si pour la somme des trois angles d'un triangle, on a 180^d 3' 20",

220 TRICONOMETRIE
l'un des angles étant de 45d 2' 20",
l'autre de
& l'autre de 70. 0. 0,
on a donc 3' 20" à ôter sur ces trois angles.
Consultant la Table & dans la colonne
titrée pour 3' 20",
Sur l'alignement de 45 don voit o' 50" o",
qu'il faut ôter de 45d 2'20" o",
il restera pour cet angle 45d 1'30" 0";
Sur l'alignement de 654 on voit 1' 12" 13"1,
qu'il faut ôter de 65ª 1' o" o",
il restera pour cet angle 644 59' 47" 46" 35
Et sur l'align. de 70d on voit 1' 17" 46" 3,
qu'il faut ôter de 70d o' o" o",
il restera pour cet angle 694 58' 42" 13" ;
aura $\begin{cases} 45^d & \text{i' } 30'' & \text{o'',} \\ 64 & 59 & 47 & 46\frac{3}{3}, \end{cases}$ au lieu de $\begin{cases} 45^d & 2' & 20'', \\ 65 & 1. & 0, \end{cases}$
aura 64. 59. 47. 46 3/3, au lieu de 65. 1. 0,
100, 10, 42, 11+1

Et au total... 180d o'. o" o", & non pas 180d 3' 20".

Ainsi on

Avertissement.

170. Lorsque le nombre de degrés que contient un angle ne se trouve pas dans la colonne collatérale, on se sert de celui qui en disfère le moins, c'est-à-dire qu'au lieu de 36 degrés que contiendroit l'angle, on le considère comme n'en contenant que 35; que s'il en contient 88 ou 89, on s'arrête au nombre 20^d.

Pareillement lorsque l'on a à répartir un deficit ou un excès qui ne se trouve pas précissément dans la Table, on s'arrête à celui qui en diffère le moins, c'est-à-dire qu'en place de 4' 18", on imagine avoir 4' 20" à distribuer en proportion des angles; qu'au lieu de 5' 12", on suppose 5' 10" & on se sert de la colonne titrée de cette quantité; ce qui ne produit pas une différence qui mérite attention;

222 TRIGONOMETRIE

Par exemple, supposons un triangle dont

- a champio, inprotons an triangle doll
un angle
eft de 264 45' 15",
un autre de 68. 20. 12,
& le troisième de 84. 50. 17.
qui font un total de 1794 55' 44",
lequel étant ôté de 180. 0. 0,
refte 0d 4' 16",
qui manque sur ces trois angles ensemble;
& pour savoir de combien il faut les aug-
menter chacun à proportion du nombre de
degrés qu'il contient, on consultera l'endroit
de la Table, qui contient depuis 4 minutes
jusqu'à 5; on se servira de la colonne titrée
de 4' 15", puisque le deficit est de 4' 16".
(170); dans cette colonne.

thing (754 (au lieu de 264 5/1 5")) (0'35" 25".

Talignem. (704 (au lieu de 68.20.12)) on trouvel 1.39.10.

de (854 (au lieu de 84.50.17)) (2. 0.24,

alors ajoutant ces quantités où elles conviennent;

on aura 68. 21. 51. 10, au lieu de 68. 20. 12, 84. 52. 17. 25, 84. 50. 17, 20 total 1794 59 59 07, auquel il manque seu-

dement une tierce pour faire 1804.

REMARQUE à l'égard des nombres de degrés qui ne se trouvent pas dans les colonnes latérales.

171. Puisque les nombres de degrés contenus dans les colonnes latérales de cette troisième Table, augmentent successivement de 5, la dissérence entre deux quantités qui se suivent dans la même colonne verticale, est pour les cinq unités qu'il y a d'un nombre de degrés au nombre de degrés qui est après; & il est bon de faire remarquer que cette dissérence se trouve la première dans la colonne, c'est-à-dire sur l'alignement de 5 degrés; ainsi sorsqu'on aura un angle plus grand de 1, 2, 3 ou 4 degrés que dans la Table, on pourra facilement trouver la portion de la quantité à répartir qui y répondra; pour cet esset on opérera comme il suit.

224 TRICONOMÉTRIE

USAGE de cette Table pour réparir une quantité en proportion des diffèrens nombres de degrés qui n'y sont pas.

172. 1.º L'on verra dans la première rangée de la colonne titrée de la quantité à répartir, quelle est la différence entre les quantités qui se succèdent dans cette colonne; de cette différence on en prendra autant de fois la cinquième partie qu'il y aura d'unités de plus au nombre de degrés que l'on aura, qu'à celui qui en sera prochainement moindre dans la Table : 2.º on ajoutera la somme de ces cinquièmes parties à la quantité qui répondra dans la Table au nombre de degrés prochainement plus petit que celui dont il s'agira; alors on aura au total ce qu'il faudra ajouter qu ôter de la valeur de l'angle.

Exemple.

173. Imaginons que pour les trois angles d'un triangle,

qui font en total... 180⁴ 5' 45"; il y a donc un excès de 5' 45" à déduire sur ces angles, & on veut savoir ce qu'il saut ôter de chacun selon le nombre précis de ses degrés,

Consultant la Table à l'endroit qui contient entre 5 & 6 minutes; dans la colonne titrée pour 5' 45", & sur l'alignement horizontal de 45 degrés, on trouve... 1' 26" 15", laquelle quantité est trop petite pour 47 degrés; il faut donc l'augmenter de ce qui répondroit à 2 degrés de plus, ainsi on prendra la cinquième partie de la différence 9" 35" (172) qui est ... 1" 55", on la doublera

226 TRICONOMÉTRIE

ce qui répond à 47 degrés,

il restera.......... 47^d 20' 39" 55" pour la valeur effective de cet angle.

Dans la même colonne & sur l'alignement horizontal de 55 degrés,

on voit..... 1' 45" 25"; si à cette quantité on ajoute les \(\frac{1}{2}\) de cette différence 9" 35", ou qu'on y ajoute trois sois 1" 55",

ou 5" 45" a crois unités de plus que 55.

on aura.... I' 51" 10" { pour ce qui répond d 58 d gres. & fi de l'angle de 58 d 25' 20" of on ôte cette

quantité, il restera 584 23' 28" 50" pour la valeur effective de cet angle.

Enfin dans la même colonne & sur l'alignement horizontal de 70 degrés,

il reste..... 74d 15' 53" 10" pour sa valeur réelle.

Ces opérations étant faites,

on aura
$$\frac{47^{d} \cdot 20' \cdot 39'' \cdot 5'''}{58 \cdot 23 \cdot 28 \cdot 50} = \frac{47^{d} \cdot 22' \cdot 10^{8}}{58 \cdot 23 \cdot 20 \cdot 20}$$

$$\frac{74 \cdot 15 \cdot 53 \cdot 10}{180^{d} \cdot 0' \cdot 1'' \cdot 5'''} = \frac{47^{d} \cdot 22' \cdot 10^{8}}{180^{d} \cdot 5' \cdot 45'''}$$

Ce qui ne fait un excès d'une seconde & 55 tierces, que parce que les degrés des angles sont accompagnés de minutes que l'on a négligé, ne voulant pas aller jusqu'à prendre des parties aliquotes.

228 TRIGONOMÉTRIE

REMARQUES à l'égard des quantités à répartir qui ne se trouvent pas en tête des colonnes.

174. Comme les quantités qui sont en titre aux colonnes de cette Table, se succèdent de 5 en 5 secondes, la différence entre les portions qui font sur la même horizontale, c'est-à-dire vis-à-vis le même nombre de degrés, est pour les 5 secondes qu'il y a de la quantité en titre d'une colonne à la quantité aussi en titre de la colonne immédiatement à côté : sur quoi on fera observer en passant, que dans toutes les pages de cette Table, la différence est la même pour tout ce qui est dans l'alignement de 5 degrés ; la différence sur l'alignement de 1 o degrés est aussi constamment la même dans toute l'étendue de cette Table, & ainsi chaque tranche horizontale a une différence particulière & constante, de sorte que cette différence étant pour 5 secondes. sa cinquième partie, ses deux cinquièmes, ses trois cinquièmes & ses quatre cinquièmes,

font pour 1, 2, 3 & 4 secondes de plus qu'en titre de la colonne, que l'on auroit à répartir : cette remarque fait sentir que l'on pourra quand on voudra distribuer en proportion des nombres de degrés des angles, une quantité qui ne se trouve pas en titre d'une colonne de cette Table, & voici la règle.

Règle pour répariir sur des angles, une quaniité différence de celles qui sont en tête des colonnes de cette Table.

175. 1.º On cherchera dans la Table la colonne titrée de la quantité prochainement moindre que celle qu'il faudra distribuer; 2.º on verra dans cette colonne quelle est la portion qui répond au nombre de degrés que l'on aura, on ôtera cette portion de celle qui est immédiatement à sa droite, asim d'avoir leur différence; 3.º on cherchera la cinquième partie de cette différence que l'on ajoutera autant de sois à la moindre des deux portions que l'on aura de secondes de plus à répartir qu'en titre de la colonne, & 4.º on

230 TRIGONOMETRIE

ajoutera cette portion, ainsi augmentée, à l'ouverture de l'angle s'il y a un deficit, ou on l'en soustraira, s'il y a un excès.

Exemple.

176. Supposons que l'on a pour les trois angles d'un triangle

qui font en fomme. 179ª 53' 51", à laquelle pour faire 180 degrés, manque... 6' 9"

qui sont par conséquent à répartir en plus & en proportion fur ces ouvertures d'angles.

A l'endroit de la Table marquée entre 6 & 7 minutes. Dans la colonne titrée pour 6' 5" & fur l'alignement de 45^d pris pour 44^d (170), on voit 1' 31" 15"

& dans la colonne à côté.. 1.32.20 la première quantité reste pour leur différence.

dont la cinquième partie est qui étant multipliée par..

donne au produit..... Qd 0'52 Sequel étang

RECTILIGNE. à la moindre portion. 1' 32" 7" qui à caufe du deficit donne en fomme... valeur de ce premier angle. Dans la même colonne, fur l'alignement de 50d on trouve.... & dans la colonne à côté reste pour leur différence. dont la 5.º partie est... qui multiplié par. . . . produit..... à la petite portion . . . fait en somme étant jointe à 50d 2' 16" o'

donne au total 50d 3' 58" 30" pour fa

valeur du second angle.

Piv

232 TRIGONOMÉTRIE

Encore dans la même colonne sur l'alignement de 85d au lieu de 84d (170). on voit..... 2' 52"21" & à côté il y a.... reste pour seur différ. 0' 2" 21" dont la 5.º partie est .. 0. 0.28 5 dont le quadruple est à la moindre portion 2. 52. 21 3 2'54"15" aquelle donne en fomme. . étant jointe à 84d 56'20" 0 fait au total 844 59' 14" 15" pour la valeur du troisième angle,

de forte qu'on aura.
$$\begin{cases} 44^{\frac{1}{3}} 56' 47'' 7''' \\ 50 & 3 \cdot 58 \cdot 30 \\ 84 \cdot 59 \cdot 14 \cdot 15 \\ \hline 179^{\frac{1}{3}} 59' 59'' 52'' \\ \end{cases} du \begin{cases} 44^{\frac{1}{3}} 55' 15^{\frac{1}{3}} \\ 50 & 2 \cdot 16 \\ 84 \cdot 56 \cdot 20 \\ \hline 179^{\frac{1}{3}} 53' 51'' \\ \hline \end{cases}$$

qui ne diffère de . . . 1804 que de . . . 8 tierces.

Pour satissaire les personnes qui poussent l'exactitude jusqu'au scrupule, on leur donnera encore la remarque suivante.

REMARQUE sur les portions relatives aux nombres de degrés & tout-à-lafois aux quantités à répartir, qui ne se trouvent point dans cette Table.

177. Si felorr un certain nombre de degrés & tout-à-la-fois selon une certaine quantité à répartir, on veut avoir la portion de cette quantité, qu'il faudra ajouter ou retrancher de la valeur de chacun des angles d'un triangle, pour qu'ensemble ils équivalent 180 degrés; il faudra par rapport à l'ouverture de ces angles, faire ce qui est diftribuer, on suivra ce qui a été enseigné (175) où l'on se guidera comme il suit.

Règ Le pour avoir, par le moyen de cette Table, la portion d'une quantité qu'il faut ajouter ou retrancher de la valeur d'un angle qui ne se trouve pas dans la Table.

178. 1.º Dans la colonne titrée de la

234 TRICONOMETRIE

quantité prochainement moindre dans la Table, que la quantité qu'on aura à répartir; on prendra la portion qui répondra au nombre de degrés aussifi prochainement moindre dans la Table, que le nombre de degrés que comprendra l'angle & pour les degrés de plus, ainsi que pour les minutes & les secondes qui appartiendront à la valeur de l'angle, on les prendra par parties aliquotes; on fera un total du tout, qui sera la portion qui répondra à la valeur de l'angle, mais sous la quantité prochainement moindre dans la Table, que celle qu'il faudra distribuer.

2.º Dans la colonne titrée de la quantité prochainement plus grande dans la Table, que la quantité à répartir, c'est-à-dire dans la colonne à côté & aussi sur l'alignement du nombre de degrés prochainement moindre que celui que comprendra l'angle, on prendra la portion qu'on y verra, & pour les degrés de plus, de même que pour les minutes & les secondes qui entreront dans la valeur de l'angle, on les prendra par parties aliquotes;

on fera une somme du tout, qui sera la portion qui répondra à l'ouverture de l'angle, mais sous la quantité prochainement plus grande dans lu Table que celle qu'on aura à répartir.

3.° De cette seconde portion qui sera trop grande, on en ôtera la première portion qui sera trop petite, afin d'avoir leur différence.

4.º A la trop petite portion on ajoutera autant de fois la cinquième partie de cette différence, qu'on aura de secondes de plus à répartir, qu'en titre de la colonne pour la quantité prochainement moindre; cette addition étant faite, on aura au total la portion qui répondra tout-à-la-fois à la valeur de l'angle & à la quantité à répartir.

Et 5.º Si la quantité à répartir est en excès, on retranchera cette portion de la valeur de l'angle, mais si c'est un deficit, il faudra au contraire l'ajouter à sa valeur.

Pour bien faire concevoir cette règle on en va faire une application complète fur chacun des angles d'un triangle, afin qu'on n'ait point à desirer sur l'usage que l'on peut saire de cette prossente Table.

236 TRICONOMÉTRIE

Exemple.

qui donnent au total...... 1804 8' 17", où l'on voit un excédant de 8 minutes & 17 fecondes que l'on veut réduire autant qu'il est possible.

Pour cela on fera ufage de l'endroit de la Table, marqué entre 8 & 9 minutes: on se fervira de la colonne titrée pour 8' 15", qui est la quantité prochainement moindre dans cette Table, que la quantité 8' 17" à répartir, on se servira aussi & après, de la colonne titrée pour 8' 20" qui est la quantité prochainement plus grande dans la Table que la quantité 8' 17" dont il s'agit.

Pour l'angle de 4d 25' 12".

180. Comme les portions qui composent les colonnes de cette Table ne sont pas pour les nombres de degrés moindres que 5, on fera ce qu'on a dit (171) c'est-à-dire que

pour 4 degrés on prendra les \$ de la quantité... o' 13" 45" qui est la première en rang dans la colonne titrée pour 8' 15". Ainsi pour 4 degrés on aura... o' 11" o'', \$ & ayant égard aux 25' 12" qui accompagnent ces 4 degrés.

Spour 20 minutes, on aura... o' o" 55",
Spour 5 minutes, on aura... o. o. 13.45",
pour o'12 secondes, on aura... o. o. 0.33",

joignant ensemble ces quatre quantités

on aura..... 0' 12" 9" 18"" pour la portion qui répond à 4d 25' 12"

fous la quantité 8' 15",

laquelle portion est conséquemment

trop petite, n'étant pas sous 8' 17".

Dans la colonne titrée pour 8' 20", on prendra pareillement les $\frac{4}{5}$ de

la quantité...... o' 1 3" 5 3" 2 0", qui est première en rang dans cette colonne,

alors on aura pour 4 degrés o' 11" 6" 40"

Spour 20 minutes, on aura o. o. 55. 33""20"" 20 "" 20

pour o' 12", on aura.... o. o. o. o. 33""20"

Et au total on aura.... o' 12" 16"' 40"" o"

pour la portion qui

répond à 4425' 12" fous la quantité 8'20",

238 TRICONOMETRIE

laquelle portion est par conséquent trop grande, n'étant pas sous la quantité à répartir 8' 17".

Ges portions, l'une trop petite & l'autre trop grande, vont servir à trouver celle que l'on cherche pour cet effet;

fi de la trop grande

portion..... 0' 12" 16" 40" fous 8'20" on ôte la trop petite

portion o' 12" 9" 18" fous 8' 15"

il resterapour leur dissér. o' o" 7" 22", dont (à cause de 2" de

plus) les \frac{2}{3} font....

2" 56" 48"",

présentement si à la trop

petite portion o' 12" 9" 18" o""
on ajoute 2" 56" 48"" que

Fon vient de trouver pour 2" de plus (172), on aura au total.... o' 12" 12" 14" 48"", qui répond précifément & à 4 degrés 25 minutes 12 fecondes & à 8 minutes 17 fecondes.

De sorte & à cause que 8' 17" sont en excès.

Si de... 4^d 25' 12" on ôte.. 12" 12" 14" 48"",

il reftera.. 4d 24' 59" 47" 45" 12" pour l'ou-

Pour l'angle de 77d 30' 50".

'181. Dans la colonne titrée pour 8' 15", moindre que 8' 17", & fur l'alignement de 75 degrés au lieu de 77, ontrouve pour 5's dephu 1721 \$ 3'26" 15" o"

on trouve pour 75^4 dephu $\{172\}$ $\left\{3^226^*15^{**}\right\}$ on aura pour 24^4 dephu $\left\{172\right\}$ $\left\{0.5,30.0,$ pour 30 minutes, on aura... o. 1.22.30, pour 30 fecondes, on aura... o. o. 1.22.30^{***}. & pour 0'20 fecondes, on aura o. o. 0.55.0, enfin on aura en total ... $\frac{3}{3}$ $\frac{3}{3}$ $\frac{9}{4}$ $\frac{7}{4}$ $\frac{7}{3}$ $\frac{3}{2}$ o''' pour la portion qui répond à 77^4 $\frac{3}{3}$ $\frac{3}{3}$ $\frac{9}{4}$ $\frac{7}{4}$ $\frac{7}{3}$ $\frac{3}{4}$ $\frac{9}{4}$ $\frac{7}{4}$ $\frac{3}{4}$ $\frac{1}{4}$ Dans la colonne titrée pour 8' 20", plus grand que 8' 17" & fur l'alignement de 75 degrés, on trouve

75 degres, on trouve
pour ... 75^d 3' 28" 20"
on aura pour 2^d de plus 0. 5.33.20",
pour 30 minutes, on aura 0. 1.23.20,
pour 30 fecondes, on aura 0. 0. 1.23.20"
& en total on aura ... 3' 35" 18" 58" 53" 55
pour la portion qui
répond à ... 77^d 30' 50", mais qui est trop
grande, parce qu'elle est fous 8' 20" & qu'elle
devroit être fous 8' 17".

240 TRICONOMETRIE

Ces quantités, l'une trop petite & l'autre trop grande, vont servir à trouver la véritable portion que l'on desire, & pour cela si de la trop grande portion . 3' 35" 18" 58 " 53 " 53 " 55 on ôte la trop petite portion 3. 33. 9. 47. 30, il restera pour leur différence o' 2" 9" 11" 2 3 " 53, dont (à cause de 2" de plus)

Pour l'angle de 98d 12' 15".

182. Dans la colonne titrée pour 8' 15" moindre que 8' 17" & fur l'alignement de 95 degrés,

on trouve pour 95⁴ 4'21" 15" o"" o"", & pour... 3^d de plus on aura o. o. 15. o. o., pour 12 minutes on aura... o. 0.33. o. o., pour 15 fecondes on aura... o. 0. 33. o. 0.

& après l'addition on aura... 4' 30" 3" 41"" 15"", pour la portion qui répond à 984 12' 15" fous 8' 15", laquelle est trop petite, puisque c'est sous 8' 17".

Dans la colonne titrée pour 8' 20" prochainement plus confidérable dans la Table, que, la quantité 8' 17" qu'il s'agit de répartir.

Dans cette colonne, sur l'alignement de

95 degrés, on voit pour 95⁴ 4' 23" 53" 20",

qu'elle doit se trouver.

on aura pour 3^d de plus (172) 0. 8.20. 0, pour 12 minutes 0n aura. 0. 0.33.20, pour 15 fecondes on aura. 0. 0. 0.41.40°

ce qui fait en total 4' 32" 47" 21" 40""

L'une de ces portions étant trop petite, répondant à la valeur de l'angle, mais sous

8' 15" feulement, & l'autre trop grande répondant à la même valeur de l'angle, mais fous 8' 20" au lieu d'être fous 8' 17":
Si de la plus grande portion 4' 32" 47" 21" 40"", on ôte la plus petite portion 4: 30. 3. 41. 15; ", il reflera pour feur différence o' 2" 43" 40"" 25".

Or cette différence est pour cinq unités . (172), ainsi à cause de 2 secondes de plus prenant les $\frac{2}{3}$ de cette différence,

on aura...... 1" 5" 28"" 10"", ce qui étant joint à la trop

petite portion 4' 30. 3. 4 t. 15, donne au total 4' 3 t" 5" 9"" 2 5"" pour la portion qui répond

à..... 984 12' 15", précisément sous la quantité à répartir 8" 17".

Parce que 8' 17" sont un excès, si de. . 984 12' 15" on ôte. 4' 31" 9" 9" 25"",

il restera 984 7'43" 50" 50" 35"" pour l'ouvefture de l'angle.

Ayant trouvé qu'il falloit retrancher du premier angle.... o' 12" 12" 14" 48", 4 "14" 48", & du fecond angle... 4. 31. 9. 9. 25, & du troifième angle... 4. 31. 9. 9. 25, te retranchement total fait 8' 17" 22" 52" 16" 5

qui excède de 22 tierces 52 quartes 16 quintes & un tiers la quantité 8 minutes 17 fecondes qu'il falloit répartir, cet excédent pouvant se négliger sans scrupule,

On aura done

au lieu de l'angle 44 35 1 2", un angle de 44 24 59" 47" 45" 12", au lieu de l'angle 77, 50, 50, un angle de 77, 27, 15, 58, 31, 56 3, au lieu de l'angle 98, 12, 15, un angle de 98, 7, 43, 50, 50, 35.

& au lieu du total 180 6 8' 17", le total de 1794 59' 59" 37" 7" 7" 45" 5

auquel pour faire 180 degrés, il ne manque pas une demi-feconde.

Remarque.

183. On a retranché de chacun des angles la portion que l'on a trouvée relative à leur grandeur & à 8' 17", parce que cette quantité est un excès sur 180 degrés; mais si ç'eut été un desceit, il auroit fallu l'ajouter à leur valeur.

L'exemple que l'on vient de donner en comprend trois, & fait connoître que l'on peut faire usage de cette troisième Table comme fi elle eût été détaillée pour toutes les quantités depuis 5 secondes jusqu'à 10 minutes

à répartir en moins, & pour tous les nombres de degrés accompagnés de minutes & de fecondes qui feront contenus dans un angle, en forte qu'il femble qu'il feroit fuperflu d'entrer dans plus de détail.



TROISIÈME TABLE,

Servant à distribuer sur les Angles d'un triangle, ce que l'on trouve de plus ou de moins que 180 degrés pour leur somme; dans laquelle des quantités croissantes de 5 en 5 secondes sont réparties de manière qu'on en voit les portions qui répondent à des nombres de degrés qui augmentent aussi de 5 en 5 jusqu'à 180.

TABLE DE RÉPARTITION

A			QUAN	TITĖS A	livisées en	proportion
611	0′ 5″	0' 10"	0' 15"	0' 20"	0' 25"	0' 30"
ES	M. S T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.
5	0. 0. 8;	0. 0. 164		0. 0.33+		0. 0.50
10	0. 0.16	0. 0.337		0. 1. 6	0. 1.237	0. 1.40
15	0. 0.25	0. 0.50	0. 1.15	0. 1.40	0. 2. 5	0. 2.30
25	0. 0.41	0. 1.27		0. 2.46	0. 3.387	9. 4.10
30	0. 0.50	0, 1.40	0. 2.30	0. 3.20	0. 4.10	0. 5. 0
35	0. 0.587	0. 1.567	0. 2.55	0. 3.53+	0. 4.517	0. 5.50
40		0. 2.13	0. 3.20	0. 4. 267	0. 5.337	
45	0. 1.15	0. 2.30	0. 3.45	0. 5. 33	0. 6.15	0. 7.30
	-					
55	0. 1.317	0. 3. 37	0. 4.35	0. 6. 6.		0. 9. 10
65	0. 1.48+		0. 5.25	0. 7. 137	0. 9. 17	0. 10. 50
70	0. 1.567	0. 3.53+	0. 5.50	0. 7.467		0.11.40
75	0. 2., 5	0. 4. 10	0. 6.15	0. 8. 20	0. 10. 25	0. 12. 30
80	0. 2.13	0. 4. 267	0. 6.40		0.11. 67	0. 13. 20
85	0. 2.21	0. 4.437	0. 7. 5		0.11.48-	
90	0. 2.30	0. 5. 16	0. 7.30	0. 10. 0	0. 12. 30	
100	0. 2.46	0. 5.33	0. 8. 20	0. 11. 6	0. 13. 53	0. 16.40
105	0. 2.55	0. 5.50	0. 8.45	0.11.40	0.14.35	0. 17. 30
110	0. 3. 37	o. 6. 67	0. 9.10		0. 15. 167	0, 18, 20
115	0. 3.117		0. 9.35	0.12.46	0. 15. 587	
120	0. 3.20	0. 6.40 0. 6.56†	0.10.0	0.13.20 0.13.53†	0. 16. 40	0. 20. 0
130				0. 14. 26	0. 18, 3+	
	0. 3.307	0. 7. 37	0. 10. 50	0. 15. 0		0. 21. 40,
140		0. 7.46	0. 11.40	0. 15. 33+	0. 19. 26-	0. 13. 10
145	0. 4. 17		0. 12. 5	0. 16. 67		0. 24. 10
150		0. 8. 20	0, 12, 30	0. 16.40	0. 20. 50	0.25. 0
155			0. 12. 55		0.21.317	
160	0. 4.267	0. 8. 537	0.13.20	0. 17. 467	0. 22. 13	0. 26. 40
170	0. 4.43†			0. 18. 53+		0. 28. 20
175	0. 4.517	0. 9.43+	0. 14. 35	0. 19. 26	0. 24. 18-	0. 29. 10
180	0. 5. 0	0.10. 0	0.15. 0	0. 20. 0	0.25. 0	0.30. 0

Entre y Secondes & une minute.

des n	ombr	es de	Degrés colla	téraux.		1.0	N
	35"	0' 40			0' 55"	1' o"	GLES
M. S	T.	M. S.	T. M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	ès
0. 0	. 58:	o. 1.	6- 0. 1.19	0. 1.23	0. 1.317	0. 1.40	5
0, 1	. 56+	0. 2.	3 0. 2. 30		0. 3. 3		10
	- 55	0. 3. :		0. 4.10	0. 4.35	0. 5. 0	15
	· 53†	O. A.			0. 6. 67	0. 6.40	20
	· 517	0. 5.			0. 7.385	0. 8.20	25
0. 5	.50	0. 6.	0. 7.30	0. 8. 20	0. 9.10	0.10, 0	30
0. 6	- 48-	0. 7.4	61 0. 8.4	0. 9.43	0. 10. 415	0.11.40	35
0. 7	. 46	0. 8.	37 0. 10.	0. 11. 6	0. 12. 13		40
0. 8	.45	0. 10.		0, 12, 30	0.13.45	0,15. 0	45
	· 43†	0.114			0. 15. 167	0. 16.40	50
	41;		31 0. 13. 45		0. 16.484	0.18.20	55
0. 11	+0	0. 1 3.	10 0.15.	0. 16.40	0.48.20	0.20. 0	60
ó. 12	. 38÷	0.14.	62 0, 16, 19	0. 18. 37	0. 19. 515	0.21.40	65
0. 13	. 362	0, 15.			0. 21. 23		70
0. 14	- 35	0. 16.	0 0. 18.4		0. 22. 55	0.25. 0	75
	. 334		67 0. 20.		0. 24. 267	0, 26.40	80
0. 16	- 317	0, 18,					85
0. 17	. 30	0. 20.	0 0, 22, 30	0.25. 0	0. 27. 30	0.30. 0	90
ó. 18	. 28÷	0, 21,	61 0. 23. 4	0. 26: 234	0. 20. 12	0.31.40	95
	. 26	0, 22,			0. 30. 33	0. 33. 20	100
0. 20		0. 2 3.			0. 32. 5	0.35. 0	109
0. 21	· 23+	0. 24.				0. 36.40	110
	. 21 1	0. 25.		0.31.56	0.35. 8-	0.38.20	115
0, 23	. 20	0. 26.	0.30.		0. 36. 40	0.40. 0	120
0. 24	. 18+	0.27	62 0. 31. 1	Ø. 34 43	0. 38. 115	d: 41.40	125
			3- 0. 31. 30		0.39.43		130
0. 26	. 15	0. 30.	0 0.33.4		0.41.15	0.45. 0	135
0. 27	. 13+	0.31.	67 0.35.		0. 42. 46-		1140
0. 28	. 117	0. 32.	3- 0. 36. 19			0.48.20	11:45
0. 29		0. 33. :	0 0. 37. 3		0, 45. 50	0.50. 0	150
0. 30	. 8÷	0. 24.	67 0. 38. 45	0.43- 37	0. 47. 21-	0.51.40.	155
0.31		0.35.		0.44.26	10,48.53		146
0. 32		0, 36.		0.45.50	0. 50. 25.	0. 55. 0.	165
0. 33		0. 37.	67 0. 42. 30	0.47(13+	0.51.56	0.56.40	1.70
0. 34		0. 38.	3+ 0. 43. 4	0. 48. 36	0. 53. 287	0. 58. 20	1175
0. 35			0 0.45.	10 00 0	0.550.	1. 0. 0	180

248 TRIGONOMÉTRIE : TABLE DE RÉPARTITION

> z	,		QUANT	ITÉS div	isées en p	proportion
GLES.	1' 5" M. S. T.	1' 10" M. S. T.	1' 15" M. S T.	M S. T.	1' .25" M. S. T.	1' 30" M. S. T.
5 10 15 20 25	0. 1.48; 0. 3.36; 0. 5.15 0. 7.13; 0. 9. 1;	0. 1.56 ¹ / ₁ 0. 2.53 ¹ / ₁ 0. 4.50 0. 6.46 ¹ / ₁ 0. 8.43 ¹ / ₁	0. 4.10	0. 2.13 † 0. 4.26 † 0. 6.40 0. 8.53 † 0.11. 6 †	0. 4.43 1 0. 7. 5 0. 9. 167	0. 5. 0
30 35 40 45 50	0. 14. 38+	0.11.40 0.12.367 0.14.337 0.17.30 0.19.267	0. 16.40	0.13.20 0.15.337 0.17.467 0.20.0		0.20. 0
55 60 65 70 75	0.25.163	0.21.23 t 0.23.20 0.25.16 t 0.27.13 t 0.29.10	0.15. 0	0. 24. 26 7 0. 26. 40 0. 28. 53 7 0. 31. 6 7 0. 33. 20	0.25.58; 0.28.20 0.30.41; 0.33.3; 0.35.25	0.30.0
80 85 90 95		0.31. 67 0.33. 37 0.35. 0 0.36.567 0.38.537	0. 35. 25	0. 35. 33 1 0. 37. 46 7 0. 40. 0 0. 42. 13 1 0. 44. 26 7	0.40. 8	0.42.30
105 110 115 120 125	0.37.55 0.39.43+ 0.41.31+ 0.43.10 0.45.8+	0.40.50 0.41.46 0.44.43 0.46.40 0.48.36		0.46,40 0.48.53 0.51.6 0.53.20 0.55.33	0. 54. 187	0.52.30 0.55.0 0.57.30 1.0.0
130 135 140 145 150	0.46.567 0.48.45 0.50.337 0.52.217 0.54.10	0. 50. 33† 0. 52. 30 0. 54. 26† 0. 56. 13† 0. 58. 20	0. 56. 15	0.57.46 1. 0. 0 1. 2.13 1. 4.26 1. 6.40	1. 1.23† 1. 3.45 1. 6. 6† 1. 8.28† 1. 10.50	1. 5. 0 1. 7.30 1.10. 0 1.12.30 1.15. 0
155 160 165 170 175 180	0. 55: 58: 0. 57: 463 0. 59: 35 1. 1. 23: 1. 3. 11: 1. 5. 0	1. 2. 13 1 1. 4. 10 1. 6. 6 1 1. 8. 3 1	1. 6.40		1.15.337	1.20. 0 1.22.30 1.25. 0 1.27.30

Entre 1 & 2 minutes.

	2 1
1' 35" 1' 40" 1' 45" 1' 50" 1' 55" 2' 0"	ANGLE
M. S. T. M. S. T. M. S. T. M. S. T. M. S. T. M. S. T.	ES.
0. 2.38 0. 2.46 0. 2.55 0. 3. 3 0. 3.11 0. 3.20	5
0. 5.167 0. 5.337 0. 5.50 0. 6. 67 0. 6.237 0. 6.40	10
0. 7.55 0. 8.20 0. 8.45 0. 9.10 0. 9.35 0.10. 0 0. 10.33 0.10. 0 0. 10.33 0.11. 6 0.11. 40 0.12.13 0.12.46 0.13.20	15
0. 13. 11+ 0. 13. 53+ 0. 14. 35 0. 15. 16+ 0. 15. 58+ 0. 16. 40	25
0. 15. 50 0. 16. 40 0. 17. 30 0. 18. 20 0. 19. 10 0. 20. 0	_
0. 18. 28 7 0. 19. 26 7 0. 20. 25 0. 21. 23 7 0. 22. 21 7 0. 23. 20	3°
0.21. 6 0.22.13 0.23.20 0.24.26 0.25.33 0.26.40	40
0.23.45 0.25. 0 0.26.15 0.27.30 0.28.45 0.30. 0	45
0. 26. 23 1 0. 27. 46 1 0. 29. 10 0. 30. 33 1 0. 31. 56 0. 33. 20	50
0.29. 17 0.30.337 0.32. 5 0.33.367 0.35. 87 0.36.40	55
0.31.40 0.33.20 0.35. 0 0.36.40 0.38.20 0.40. 0	60
0-34-187 0-36- 67 0-37-55 0-39-437 0-41-317 0-43-20 0-36-567 0-38-537 0-40-50 0-42-467 0-44-437 0-46-40	65°
0.39.35 0.41.40 0.43.45 0.45.50 0.47.55 0.50. 0	75
0.42.13 0.44.26 0.46.40 0.48.53 0.51. 6 0.53.20	80
0.44.51 0.47.13 0.49.35 0.51.56 0.54.18 0.56.40	85
0.47.30 0.50. 0 0.52.30 0.55. 0 0.57.30 1. 0. 0	90
0.50. 8 1 0.52.46 0.55.25 0.58. 3 1 1. 0.41 1. 3.20	95
	100
	105
	110
	115
	125
	-
	130
13.53+ 1.17.46+ 1.21.40 1.25.33+ 1.29.26+ 1.33.20	140
	145
	150
	155
	160
	165
	175
	180

TABLE DE RÉPARTITION

-						
Z			QUANT	TITES di	visées en j	proportion
GLES	2' 5"	2' 10"	2' 15"	2' 20"	2' 25"	2' 30"
S	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M, S. T.	M. S. T.
5 10 15 20 25	0. 3.28+ 0. 6.56+ 0.10.25 0.13.53+ 0.17.21+	0. 3.367 0. 7.137 0.10.50 0.14.267 0.17. 37	0. 3.45 0. 7.30 0.11.15 0.15. 0	0. 3. 53† 0. 7.46† 0.11.40 0.15.33† 0.19.26‡	0. 4. 1 ¹ / ₇ 0. 8. 3 ¹ / ₇ 0. 12. 5 0. 16. 6 ¹ / ₇ 0. 20. 8 ¹ / ₇	0. 4.10 0. 8.20 0.12.30 0.16.40 0.20.50
35	0. 20. 50 0. 24. 18 ¹ / ₁ 0. 27. 46 ² / ₁ 0. 31. 15 0. 34. 43 ² / ₁	0. 22. 40 0. 26. 16 ⁴ / ₇ 0. 29. 53 ¹ / ₇ 0. 32. 30 0. 36. 6 ¹ / ₇	0. 22. 30 0. 26. 15 0. 30. 0 0. 33. 45 0. 37. 30	0, 23, 20 0, 27, 13† 0, 31, 6† 0, 35, 0 0, 38, 53†	0. 24. 10 0. 28. 11 ¹ / ₇ 0. 32. 13 ¹ / ₇ 0. 36. 15 0. 40. 16 ¹ / ₇	0.25.0
55 60 65 70 75	0. 38. 11 ³ 0. 41. 40 0. 45. 8 ¹ 0. 48. 36 ³ 0. 52. 5	0. 39. 43+ 0. 43. 20 0. 46. 56+ 0. 50. 33+ 0. 54. 10	0.41.15	0. 42. 46 ¹ ; 0. 46. 40 0. 50. 33 ¹ ; 0. 54. 26 ² ; 0. 58. 20	0. 44. 18; 0. 48. 20 0. 52. 21; 0. 56. 23; 1. 0. 25	0.45.50
80 85 90 95	0.55.33- 0.59.1- 1. 2.30 1. 5.58- 1. 9.26-	0. 57. 46; 1. 1.23; 1. 5. 0 1. 8. 36; 1. 12. 13;	1, 0, 0 1, 3, 45 1, 7, 30 1, 11, 15 1, 15, 0	1. 2. 13 ¹ / ₇ 1. 6. 6 ¹ / ₇ 1. 10. 0 1. 13. 53 ¹ / ₇ 1. 17. 46 ² / ₇	1. 4. 26 ² / ₇ 1. 8. 28 ² / ₇ 1. 12. 3° 1. 16. 31 ² / ₇ 1. 20. 33 ² / ₇	1. 6.40 1.10.50 1.15. 0 1.19.10 1.23.20
105 110 115 120 125	1. 12. 55 1. 16. 23† 1. 19. 51† 1. 23. 20 1. 26. 48†	1. 15. 50 1. 19. 26 1 1. 23. 3 1 1. 26. 40 1. 30. 16 1	1. 18.45 1.22.30 1.26.15 1.30. 0	1.21.40 1.25.337 1.29.267 1.33.20	1. 24. 35 1. 28. 36 ¹ ; 1. 32. 38 ¹ ; 1. 36. 40 1. 40. 41 ¹ ;	1.27.30
130 135 140 145	1.30.16 1 1.33.45 1.37.137	1.33.537 1.37.30 1.41. 63 1.44.437 1.48.20	1.37.30 1.41.15 1.45.0 1.48.45	1.41. 6 ¹ / ₁ 1.45. 0 1.48.53 ¹ / ₁ 1.52.46 ² / ₁ 1.56.40	1.44.437 1.48.45 1.52.467 1.56.487 2. 0.50	1. 52.30
160	2. 1.317	1. 51. 56 ¹ / ₁ 1. 55. 33 ¹ / ₁ 1. 59. 10 2. 2. 46 ¹ / ₂ 2. 6. 23 ¹ / ₂ 2. 10. 0	1.56.15 2. 0. 0 2. 3.45 2. 7.30 2.11.15 2.15. 0	2. 0.33† 2. 4.26† 2. 8.20 2.12.13† 2.16. 6† 1.20. 0		2. 9. 10 2. 13. 20 2. 17. 30 2. 21. 40 2. 25. 50 2. 30. 0

Entre 2 & 3 minutes.

des nomb	res de I	Degrés col	lateraux.			2
2 35".	2' 40"	2' 45"	2' 50"	2' 55"	3' o"	5
	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	ES.
0. 4.18+		0. 4.35	0. 4.417	0. 4.517		5
	0. 8.537	0. 9.10	0. 9. 267	0. 9.43† 0.14.35	0.10. 0	10
	0. 13: 20 0. 17:467	0.13.45	0. 18. 53+	0. 19. 16	0. 20. 0	20
	0. 22. 137	0. 22. 55	0. 23. 36	0. 24. 187	0.25. 0	25
-	0. 26. 40	0. 27. 30	0. 28. 20	0. 29. 10	0. 30. 0	30
	0. 31. 6	0. 32. 5	0.33. 3+	0.34. 17	0 35. 0	35
0. 34. 26		0. 36. 40	0.37.467	0. 38. 53+	0.40. 0	40
	0.40. 0	0.41.15	0.42.30		0.45. 0	45
0.43. 37	0.44.267	0.45.50	0.47.13+	0.48.367	0.50. 0	. 50
0.47.21	0.48.53	0. 50. 25	0.51.567	0. 53. 287		55
	0.53.20	0.55. 0	0.56.40		1. 0. 0	60
	0. 57. 467	0.59.35	1. 3. 237	1. 3.117	1. 5. 0	65
	1. 2.134	1. 4. 10	1. 6. 67	1. 8. 3+	1. 10. 0	70
	1. 6.40	1. 8.45				75
	1.11.64	1. 13. 20	1-15-33+	1-17-46	1. 20. 0	80
	1. 15. 337	1-17-55	1.20.137	1.22.38+	1.25. 0	20
	1.20. b	1.22.30		1.32.217		25
	1. 28. 537	1.31.40		1 - 37 - 13	1.40. 0	100
	1 . 3 3 . 20	1. 36. 15	1.39.10	1.42. 5	1.45. 0	105
	1.37.46	1.40.50	1 . 43 . 53+	1.46.56	1.50. 0	110
	1. 42. 13+	1.45.25	1.48.367	1.51.48+	1.55. 0	115
	1.46.40	1.50. 0	1.53.20	1.56.40	2. 0. 0	120
1-47-38+	1.51. 67	1.54.35	1.58. 3+	2. 1.317	2. 5. 0	125
1. 51. 567	1 · 55 · 33 ÷	1. 59. 10	2. 2.467	2. 6.23		130
1.56.15	2. 0. 0	2. 3.45	2. 7.30	2. 17. 15	2. 150	135
	2. 4.26	2. 8. 20	2. 12. 13	2. 16. 6	2. 20. 0	140
	2. 8.537	2.12.55	2. 16. 562	2.25.50	2.30. 0	145
	2.17.20	2. 17. 30	2. 21. 40	-		150
2. 13. 28-	2.17.46	2.32. 5		2. 30. 417		155
2 . 17 . 467				2.35.337	2.40. 0	160
2. 22. 5	2. 26. 40	2.35.50	2. 40. 334	2.45.16		165
2.30.41				2.50. 8		175
2.35. 0	2.40. 0	2.45. 0		2.55. 0		180
-				-	Marie Williams	-

TABLE DE RÉPARTITION

ī	A						
ı	NGL		-		TTÉS di	visées en p	proportion
L	E S.	3' 5" M. S. T.	3' 10" M. S. T.	3' 15" M. S. T.	M. S. T.	3' 25"	.3' 30"
I	5	0. 5. 8		0. 5.25	0. 5.33		M. S. T.
ı	15	0. 15. 25	0. 15. 50	0. 16. 15	0.11.63		0.17.30
L	25	0. 20. 33		0.21.40	0. 22. 13+	0. 22. 467	0. 23. 20
	30	0.30.50	0. 31.40	0.32.30	0. 33. 20	0.34.10	0.35. 0
L	40	0.41. 6-	0. 42. 13	0.41.20	0. 38. 53+	0. 39. 517 0. 45. 331	0.40.50
L	50	0.51.23-	0.52 467	0.48.45	0.50.0	0. 51. 15	0. 52. 30
1	55	0.56.31	1. 3. 20	0. 59. 35	1. 1. 67	1. 2. 384	1. 4. 10
ı.	65	1. 6.48	1. 8. 264	1.10.25	1. 6. 40		1. 15. 50
	-	1-17- 5	1. 19. 10	1. 15. 50	1. 17. 467		1.21.40
l :	85	1 • 22 • 13 +	1. 29. 43	1.26.40	1. 28. 531	1.31. 67	1.33.20
1	95	1. 32. 30	1.35. 0	1. 37. 30	1.40. 0	1 42 30	1.39.10
-		1 . 42 . 467	1 . 45 . 33+	1.48.20	1.51. 6	1. 48. 117	1.50.50
1	0 1	1.53. 37	1.50.50	1.53.45	1. 56. 40	1.59.35	1. 1.30
12	0	1 · 58 · 11 1	2. 1.23+ 2. 6.40	2. 4. 35	2. 7.46	2. 10. 58;	1.13.10
	0		2. 11. 567 2. 17. 137	2. 15. 25	2. 18. 53+	2 . 2 2 . 2 1 7 2	. 25. 50
. ,			2. 22. 30	2. 26. 15	2.24.263		31.40
14	5 :	1 29 15 1 34 10		2.31.40	2. 35. 33+	2. 39. 267 2	43. 20
15	5 2	32. 18-	2. 42 263	2 . 42 . 30	2. 46. 40	2.50.50 2	.55. 0
16	5 2	· 44· 367	2. 48. 537	2.53.20	2. 52. 13+ 2. 57. 46+	3. 2. 13+3	
17	0 2	· 54· 43+			3. 8. 53+1	3 . 13 . 36 2	18.10
τ 8	ó 3	. 5. 0	3. 10. 0		3.14.267	3. 19. 18+ 3 1. 25. 0 3	30. 0

Entre 3 & 4 minutes.

aes nome	res at D	egrés coll	ateraux.			z
3′ 35"	3' 40".	3' 45"	3' 50"	3' 55"	4' 0'	GLE
	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	٠
0. 5.58%	0. 6. 6	0. 6.15	0. 6. 23+	0. 6. 3 1 7	0. 6.40	5
0. 11. 563	0. 12. 137	0, 11, 30	0. 12.463	0.13. 37		10
0. 17. 55 0. 23. 53†	0. 18. 20	0.18.45	0. 19. 10	0.19.35	0. 26. 40	15
0.29.517	0.30.33	0.31.15	0.31.56+			25
0.35.50	0. 36. 40		0. 38. 20			
	0. 41. 46	0.37.30	0. 44. 43	0.39.10	0.40. 0	.30
	0. 48. 53+		0. 51. 67			35 40
0. 53. 45	0.55. 0	0.56.15	0. 57. 30	0. 58. 45	1. 0. 0	45
0. 59. 43+	1. 1. 63	1. 2.30	1. 3.53+	1. 5: 16;	1. 6.40	50
1. 5.417	1. 7.13	1. 8.45	1. 9. 16	1.11.48	1.13.20	55
1.11.40	1. 13. 20	1.15. 0	1. 16. 40	1. 18. 20	1.20. 0	60
1. 17. 38;			1.23. 3			65
1. 23. 367			1. 29. 26			70
1. 29. 35	1.31.40		1.35.50	1 - 37 - 55	1.40. 0	75
1. 35. 33			1.42.13			80
1.41.31			1.48.36			85
1 • 47 • 30 1 • 53 • 28 7	1.50. 0		1.55. 0	1. 57. 30	2. 6.40	90
1. 59. 26	2. 2.13		2. 7.46			95
		-				-
2. 5.25 2. 11.23	2. 8. 20	2. 17. 30	2.14.10	2.17. 5	2. 26. 40	105
1.17.21			2. 26. 56			115
2. 23. 20	2. 16.40	2.30. 0	2. 33. 20	2. 36.40	2.40. 0	120
2. 29. 18	2 . 32 . 46	2-36-15	2 - 39 - 43	2. 43. 117	2. 46. 40	125
2. 35. 16	2. 38. 53	1.41.30	2.46. 6	2-49-43	2.53.20	130
2.41.15	2.45. 0		2. 52.30	2. 56. 15	3. 0. 0	135
2 . 47 . 13		2.55. 0	2.58.53			140
2. 53. 11-			3. 5.16			145
2. 59. 10	3. 3. 20	3. 7.30	3-11-40	3-15-50	3. 20. 0	150
3. 5. 8-			3 . 18. 3			155
3. 11. 6			3. 24. 26			160
3 17 5	3-21-40		3. 30. 50	3.35.25	9.40. 0	165
3 - 2 3 - 3	3 - 3 3 - 53	3. 32. 30	3. 43. 36			170
3.29.1 - 3.35.0	12.40. 0	3.45. 0		3.55 0		180

254 TRIGONOMÉTRIE TABLE DE RÉPARTITION

> 2			QUANT	TTÉS d	ivisés en	proportion
GLES.	4' 5" M. S. T.	4' 10" M. S. T.	4' 15" M. S. T.	4' 20" M. S. T.	A' 25" M. S. T.	4' 30" M. S. T.
5 10 15 20 25		0.13.53	0.21.15	0. 7.13 † 0.14.26 † 0.21.40 0.28.53 † 0.36.6 †	0. 7.217 0.14.437 0.22. 5 0.29.267 0.36.487	0. 22. 30
30 35 40 45 50	0. 54. 26-	0.41.40 0.48.367 0.55.337 1. 2.30 1. 9.167	1. 3.45	0.43.20 0.50.33† 0.57.46† 1.5.0	0.44.10 0.51.31 0.58.53 1. 6.15 1. 13.36	1. 0. 0
55 60 65 70 75	1. 14. 513 1. 21. 40 1. 28. 28; 1. 35. 163 1. 42. 5	1. 16. 23 1 1. 23. 20 1. 30. 16 1 1. 37. 13 1 1. 44. 10	1.17.55 1.25. 0 1.32. 5 1.39.10 1.46.15	1.19.267 1.26.40 1.33.537 1.41.67 1.48.20	1. 20. 58 1 1. 28. 20 1. 35. 41 1 1. 43. 3 1 1. 50. 25	1, 22, 30 1, 30, 0 1, 37, 30 1, 45, 0 1, 52, 30
80 85 90 95	1.55.417 2. 2.30 2. 9.187	1.51. 67 1.58. 37 2. 5. 0 2.11.567 2.18.537	1. 53. 20 2. 0. 25 2. 7. 30 2. 14. 35 2. 21. 40	1.55.33 2. 2.46 2.10. 0 2.17.13 2.24.26	1. \$7. 46 ² / ₁ 2. 5. 8 ¹ / ₂ 2. 12. 30 2. 19. 51 ² / ₁ 2. 27. 13 ¹ / ₂	2. 0. 0 2. 7.30 2.15. 0 2.22.30 2.30. 0
110	2. 22. 55 2. 29. 43 ¹ / ₁ 2. 36. 31 ³ / ₂ 2. 43. 20 2. 50. 8 ¹ / ₂		2. 28. 45 2. 35. 50 2. 42. 55 2. 49. 0 2. 56. 5	2.46. 67		2.37.30 2.45. 0 2.52.30 3. 0. 0 3. 7.30
135 140 145	2. 56. 563 3. 3. 45 3. 10. 335 3. 17. 213 3. 24. 10	3. 0.33 3. 7.30 3. 14. 26 3. 21. 23 3. 28. 20	3. 4. 10 3. 11. 15 3. 18. 20 3. 25. 25 3. 32. 30		3. 26. 67 3. 33. 287	3.15. 0 3.22.30 3.30. 0 3.37.30 3.45- 0
165	3. 37. 46+ 3. 44. 35 * 3. 51. 23+ 3. 58. 11+	3.56. 67 4. 3. 37	3. 46. 40 3. 53. 45 4. 0. 50	3.51. 6 ¹ / ₇ 3.58.20 4. 5.33 ¹ / ₇ 4.12.46 ¹ / ₇	3·55·33 ¹ / ₄ ·2·55 4·10·16 ¹ / ₇ ·38 ¹ / ₇	3.52.30 4. q. q 4. 7.30 4.15. 0 4.12.30 4.50. 0

Entre 4 & 5 minutes.

4' 35"	4' 40"	4' 45"	4' 50"	4' 55"	5' ."	1 5
Mr. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	1
7.38	o. 7.46†	0. 7.55	0. 8. 37	0. 8.117	0. 8. 20	-
· 15. 167	0. 15. 337	0.15.50	0. 16. 61	0. 16. 23+	0. 16.40	١,
12.55	0. 23. 20		0. 24. 10	0. 24. 35	0.25. 0	
· 30· 33 1 · 38· 11 1	0.38.53		0. 31. 137	0. 32. 467		1 3
						12
45.50	0. 46. 40	0.47.30	0.48.20	0.49.10		1 3
. 1. 6	1. 2.137	1. 3.20	1. 4. 26	1. 5.33+		3
. 8.45	1.10. 0	1.11.15	1.12.30	1.13.45	1.15. 0	1
. 16. 23+	1. 17.46	1. 19. 10	1. 20. 337	1.21.507	1.23.20	1 5
· 24 · 17	1.25.337	1.27. 5	1. 28. 367	1. 30. 84	1.31.40	5
. 31.40	1.33.20	1.35. 0	1.36.40	1.38.20	1.40. 0	1
	1.41. 67		1 - 44 - 43 +			6
• 46• 56 } • 54• 35	1.48.53+	1.58.45	1.52.467	1.54.43+		7
			2. 0.50	2. 2.55	2. 5. 0	7
	2. 4.26		2. 8.53+		2.13.20	8
· 9·517	2.12.13	2.14.35	2. 16. 567	2. 19. 184	2. 21. 40	8
. 25. 8t	2. 27. 467		2.33. 34	2.35.417	2.38.20	9
. 32.46}	2. 35. 337	2. 38. 20	2.41. 6	2-43-53	2.46.40	10
.40.25	2-43-20	2. 46. 15	2.49.10		2.55. 0	10
	2. 51. 64		2. 57. 13+		3. 3.20	1::
• \$5.417	2.58.53	3. 2. 5	3. 5. 16+	3. 8.28	3.11.40	11
3.20	3. 6.40	3.10. 0	3.13.20	3-16-40	3. 20. 0	12
10:58+	3-14-267	3- 17- 55	3.21.23+	3 - 24 - 517	3. 28. 20	1 2
. 18. 367	3. 22. 134	3 - 25 - 50	3.29.26+	3-33- 37	3. 36.40	13
	3.30. 0	3 - 33 - 45	3-37-30	3-41-15	3 · 45 · a	13
	3 · 37 · 46 ÷ 3 · 45 · 33 ÷	3-41-40	3 45 334	3. 49. 267	3 - 5 3 - 20	14
	3.53.20	3.57.30	4. 1.40	4. 5.50	4.10.0	14
	4. 1. 67				-	-
• 50• 40 ₇		4. 5. 25	4. 9.437	4.14. 17	4-18-20	15
		4. 11. 15	4. 25. 50	4.30.25	4-35- 0	10
19.435	4. 24. 267	4. 29. 10	4-33-53+	4. 38. 367	4.43.20	17
- 27. 217	4. 32. 13+	4-37- 5	4.41.56	4. 46. 48	4.51.40	17
-35- €	4-40- 0	4.45. 0	4.50. 0	4.55. 0	5. 0. 0	18

256 TRIGONOMÉTRIE TABLE DE RÉPARTITION

ANG		QUA	NTITÉS div	isées en p	proportion
GLE	5' 5"	5' 10" 5'	15" 5' 20"	5' 25"	5' 30"
ES.	M. S. T.	M. ST. M. S.	T. M. S. T.,	M. S. T.	M. S. T.
5		0. 8. 367 0. 8.			0. 9. 10
15	0. 25. 25	0. 25. 50 0. 26.		0.27. 5	0. 27. 30
20	0.33.53+	0. 34. 26 0. 35.		0.36. 64	0.36.40
25		0.43. 37 0.43			
30		0. 51. 40 0. 52.		0. 54. 10	0.55. 0
35	1. 7.46+	1. 8.53+ 1.10		1. 3.117	
45	1. 16. 15	15 17.30 1.18.	45 1.20. 0	1.21.15	1.22.30
50	1. 24. 437	1. 26. 67 1. 27	30 1.28.53+	1.30.167	
55		1. 34. 43+ 1. 36.		1.39.18+	1.40.50
65	1.41.40	1. 43. 20 1. 45.			
70	1. 58. 367	2. 0. 33 2. 2.		2. 6. 23	
.75	2. 7. 5	2. 9. 10 2. 11.		2. 15. 25	2 17 30
80		2. 17. 462 2. 20	0 2. 22. 13-	2.24.26	2. 26.40
85			45 2.31. 67		2.35.50
90	2.32.30	2. 35. 0 2. 37.		2. 42. 30	
100					3. 3.20
105	2.58.55	3. 0.50 3. 3.	45 3. 6.40	3- 9-35	3.12.30
110	3. 7.23+	3. 9. 26 3 3. 12	30 3.15.33		3.21.40
115		3. 26. 40 3. 30	15 3.24.267	3. 27. 38+ 3. 36. 40	
125	3.31.48+				3. 49. 10
-				3 - 54 - 43 +	
135	3.48.45	3. 52. 30 3. 56	15 4. 0. 0	4. 3.45	4. 7.30
				4- 12.46	
145		4. 18. 20 4- 22		4. 30. 50	4.35. 0
		4. 26. 56 4. 31			
		4. 35. 33+ 4. 40	· 0 4.44.267	4. 48. 53+	4. 53. 20
165	4-39-35	4.44.10 4.48	45 4.53.20	4-57-55	5. 2.30
	4.48. 3+	4. 52. 467 4. 57 5. 1. 237 5. 6		15. 6. 567	5. 11. 40
		5.10. 0 5.15	0 5.10. 0	5.25. 0	5, 30. 0

Entre 5 & 6 minutes.

des nom	bres de L	Degrés col	latér	aux.					P
5" 35"	5' 40"	5' 45"	5'	50"	5"	55"	6'	o"	1.0
M. S. T.		M. S. T.	м.	S. 7.	M.	S. T.	м	S. T.	Es.
0. 9. 187	0. 9. 26	0. 9.35		9-43		9.517	0.1		5
0. 18. 36 † 0. 27. 55	0. 18. 535	0.19.10		9.167		9·43÷	0. 2		10
0.37.135	0. 37. 467	0.38.20		8. 53+		9·33.	0. 3		15
0.46.317	0.47.137	0.47.55	0.4	8. 367		9.18;	0.5		25
. 55. 50	0.56.40	0.57.30		8. 20	0.5	9. 10	1.	0. 0	30
1. 5. 8 † 1.14.26 †	1. 6. 67	1. 7. 5	1.		1.		1, 1		35
1.23.45	1.15.337	1. 16. 40		7·46‡ 7·30	1.1	8. 53† 8. 45	1 - 2		40
1.33. 37		1.35.50		/• 3° 7• 13†		8. 367	1.3		1 45
1 . 42 . 21 7	1.43.537	1.45.25	-	6. 567	_	8. 28+			-
1.51.40	1.53.20	1.55. 0				8. 20	1. 5		55
	2. 2.463	2. 4.35	2.	6. 23÷	2.	8. 117	2. 1	0. 0	65
1. 10. 16		2. 14. 10		6. 6	2, 1	8. 3‡			70
19.35	2.21.40	2.23.45		5.50		7-55	2 . 3	0. 0	75
. 28. 537	2.31. 67	2. 33. 20	2.3	5 • 33 +	2.3	7.46}	2.4		80
47.30	2.40.33	2. 42. 55	2.4	4. 167			2.5		85
	2. 59. 16	3. 2. 5	2. 5			7.30	3.		90
6. 6	3. 8. 53+	3-11-40				7.13	3. 2		95
- 15-25	3. 18. 20	3-21-15	_	4-10	3 - 2		3 - 3		109
. 24. 43		3.30.50		3.535			3.4	0. 0	110
1.34. 1		3.40.25		3. 36 1	3 - 4	6.48-			1119
43.20	3-46-40	3.80. 0		3.20				0. 0	120
1.52.38			-	3. 3 ;		_	4.1		125
				2. 46					130
- 11. 15 - 20. 33	4- 15- 0	4-18-45		2.30 2.13		6. 15 6. 6 }	4.3		135
- 29. 51÷				1.567		5-58 -	4.4		145
- 39- 10	4.43.20	4- 47- 30		1.40		5. 50		0. 0	150
. 48. 28	4-52-467	4.57. 5	s.	1.23	5.	5.417	5. 1	0. 0	155
r 57·40i	5. 2.137	5. 6.40	5.1	1. 65	5. 1	5-337			160
5· 7· 5	5-11-40	5. 16. 15	5 . 2	0.50	5. 2	5-25	15.3	0, 0	169
5. 16. 23	5.30.337	5. 25. 50		0+33+					179
5 - 25 · · O	5.40. 0	5.45. 0	13.4	0. 167	5.4		15. 5		177

TABLE DE RÉPARTITION

AN			QUAN	TITÉS d	ivisćes en	proportion
CL1	6' 5"	6' 10"	6' 15"	6' 20"	6' 25"	6' 30"
ES.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.
5	0.10. 8	0. 10. 167	0. 10. 25	0. 10. 337	0. 10. 417	0. 10. 50
10	0, 20, 167	0. 20. 337	0. 20. 50	0. 31. 6	0. 21. 237	0. 32. 30
20		0.41. 67	0.41.40	0. 42. 13	0. 42. 467	0. 43. 20
25	0.50.417	0.51.23	0,52. 5	0.52.467	0.53.287	0. 54. 10
	1. 0.50	1. 1.40	1. 2.30	1. 3.20	1. 4.10	1. 5. 0
35	1. 10. 587	1. 11. 56		1.13.53+	1. 25. 33+	
	1.31.15	1. 32. 30	1. 33. 45	11.35. 0		1. 37. 30
				1.45.33+	1.46.563	1.48.20
55		1.53. 34	1 - 54 - 35	1.56. 67	1: 57. 387	1.59.10
60	2. 1.40	2. 3.20	2. 5. 0	2. 6.40	2. 8. 20	2.10. 0
70	2. 21. 567	2. 13. 367	2. 25. 50	2. 17. 13+	2.19.17	2. 30. 50
75	2. 32. 5	2. 34. 10	2. 36. 15		2. 40. 25	2. 42. 30
80	2. 42. 137	2. 44. 267	2.46.40	2.48.53	2.51. 67	2. 53. 20
85		2 - 54 - 43 +			3. 1.48-	
90	3. 12. 30	3. 15. 16 5	3. 7.30	3. 10. 0	3.12.30 3.23.11	3.15. 0
100	3. 22. 46+	3. 25. 33	3. 28. 20	3.31. 6	3-33-53+	3. 36. 40
105	3. 32. 55	3.35.50	3. 38. 45	3.41.40	3 • 44 • 35	3 • 47 • 30
	3 - 43 - 37			3 . 52 . 13+	3.55.167	3.58.20
115	4. 3.20	3, 56, 23+ 4, 6, 40	3. 59. 35 4. 10. 0	4. 13. 20	4. 5. 587	4. 20. 0
125		4. 16. 56;			4. 27. 217	
130	4. 23. 361	4- 27- 13+	4. 30. 50	4. 34. 26	4.38. 34	4-41-40
135			4.41.15	4.45. 0	4. 48. 45	4.52.30
140	4-43-53+	4.58. 3+	5. 2, 5	4.55.33+ 5. 6. 6+	4. 59. 207 5. 10. 81	5. 3.20 5.14.10
				5. 16. 40	5. 20. 50	5. 25. 0
155	5.14.18+	5. 18. 367	5. 22. 55		5.31.317	5.35.50
160	5. 24. 26	5. 28. 53+	5. 33. 20	5. 37. 467	5.42.13+	5.46.40
165	5 · 34 · 35 5 · 44 · 43 †	5.39.10	5-43-45		5. 52. 55	6. 8. 20
175	5. 54. 5 17	5-59-431	6. 4. 35 1	6. 9. 26	6. 14. 18	6. 19. 10
186	6. 5. 0	6. 10. 0			6.25. 0	

Entre 6 & 7 minutes.

$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	des nombres de Degrés collatéraux.								
$\begin{array}{c} 0,10,3\frac{37}{4},0,11,3\frac{37}{4},0,11,3\frac{37}{4},0,11,3\frac{37}{4},0,11,3\frac{37}{4},0,11,3\frac{37}{4},0,11,3\frac{37}{4},0,11,3\frac{37}{4},0,11,3\frac{37}{4},0,11,3\frac{37}{4},0,11,3\frac{37}{4},0,11,3\frac{37}{4},0,11,3\frac{37}{4},0,13,3\frac{37}{4}$	- //						GLES.		
$\begin{array}{c} 1, \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	0.21.56	0. 22. 13 ¹ / ₇ 0. 33. 20 1 0. 44. 26 ³ / ₇	0.22.30	0. 22. 46 1 0. 34. 10 0. 45. 33 1	0.23.37 0.34.35 0.46.67	0.23.20	5 10 15 20		
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1. 5. 50 1. 16. 48 1. 27. 46 1. 38. 45	1. 6. 40 1. 17. 46 ¹ / ₁ 1. 28. 53 ¹ / ₁ 1. 40. 0	1. 7.30 1.18.45 1.30. 0	1. 8.20 1. 19.43 1 1. 31. 61 1. 42. 30	1. 9. 10 1. 20. 41 1 1. 32. 13 1 1. 43. 45	1.10. 0 1.21.40 1.33.20 1.45. 0	30 35 40 45		
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2. 0.41 2.11.40 2.22.38 2.33.36	2. 2. 13 ½ 2. 13. 20 2. 24. 26 ½ 1 2. 35. 33 ½	2. 3. 45 2. 15. 0 2. 26. 15 2. 37. 30	2. 5. 16 ² / ₂ 2. 16. 40 2. 28. 3 ¹ / ₂ 2. 39. 26 ² / ₃	2. 6. 48 / 2. 18. 20 2. 29. 51 / 2. 41. 23 / 3	2. 8. 20 2. 20. 0 2. 31. 40 2. 43. 20	50 55 60 65 70 75		
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2. 55. 33; 3. 6. 31; 3. 17. 30 3. 28. 28;	2. 57. 46 ¹ / ₁ 3. 8. 53 ¹ / ₇ 3. 20. 0 3. 31. 6 ¹ / ₇	3. 0. 0 3.11.15 3.22.30 3.33.45	3. 2.13 ¹ / ₁ 3.13.36 ³ / ₁ 3.25. 0 3.36.23 ¹ / ₁	3. 4. 267 3. 15. 587 3. 27. 30 3. 39. 17	3. 6.40 3. 8.20 3.30. 0 3.41.40	80 85 90 95		
1. 56. 15 5. 0. 0 5. 3.45 5. 7. 30 5. 11. 15 5. 15. 0 13. 15. 15. 15. 15. 15. 15. 15. 15. 15. 15	4. 1.237 4.12.217 4.23.20	1 4. 4. 26 1 4. 15. 33 1 4. 26. 40	4. 7.30	4. 10. 337	4. 13. 367 4. 25. 87 4. 36. 40	4. 16. 40 4. 28. 20 4. 40. 0	105 110 115 120 125		
	- 56.15 - 7.13	5. 0. 0 5.11. 67 5.22.137	5. 3.45	5. 7. 30 5. 18. 53+	5. 11. 15 5. 22. 46 7 5. 34. 18 1	5.15. 0 5.26.40 5.38.20	130 135 140 145 150		
. 5 1 · 6 1 5 · 55 · 33 1 6 · 0 · 0 · 6 · 4 · 26 1 6 · 8 · 53 1 6 · 13 · 20 16 6 · 2 · 5 · 6 · 6 · 40 · 6 · 11 · 15 · 6 · 15 · 50 · 6 · 20 · 25 · 6 · 25 · 0 16 · 10 · 25 · 6 · 25 · 0 16 · 17 · 46 1 6 · 21 · 30 · 6 · 27 · 31 6 · 31 · 56 1 6 · 36 · 36 · 40 · 17 · 46 1 6 · 31 · 36 1 6 · 31	. 51. 6 5. 2. 5 6. 13. 3 6. 24. 1	1 6. 6.40 1 6. 17.467 1 6.28.537	6. 0. 0 6. 11. 15 6. 22. 30 6. 33. 45	6. 4. 26 1	6. 8. 537 6. 20. 25 6. 31. 567 6. 43. 287	6. 13. 20 6. 25. 0 6. 36. 40 6. 48. 20	155 160 165 170 175		

TABLE DE RÉPARTIFION

A		•	QUANT	ITÉS di	visés en p	propertion
GLES.	-	7' 10" M. S. T.	7' 15" M. S. T.	7 20" M. S. T.	7' 25" M. S. T.	7' 30" M. S. T.
15	0. 23. 34	0.35.50 0.47.46†	0. 12. 5 0. 24. 10 0. 36. 15 0. 48. 20 1. 0. 25	0.12.13† 0.24.26† 0.36.40 0.48.53† 1. 1. 6†	0. 24. 437	
35 40 45	1.46.15	1. 11. 40 1. 23. 36† 1. 35. 33† 1. 47. 30 1. 59. 26†	1. 36. 40	1.13.20 1.25.33† 1.37.46† 1.50. 0 2. 2.13†		1.40. 0
70	2.21.40	2.35.16%	2.25. 0	2. 14. 26 ¹ / ₇ 2. 26. 40 2. 38. 53 ¹ / ₇ 2. 51. 6 ¹ / ₇ 3. 3. 20	2. 28. 20	2.30. 0
95	3. 20. 417	3.23.37 3.35.0 3.46.567	3 - 37 - 3 9	3. 15. 43 ¹ / ₁ 3. 27. 56 ¹ / ₁ 3. 40. 0 3. 52. 13 ¹ / ₁ 4. 4. 26 ¹ / ₁	3. 42. 30	3. 32. 30 3. 45. 0 3. 57. 30
115		4. 34. 437	4. 37. 55		4. 31. 56	4. 47. 30 5. 0. 0
13:	5. 6. 56 5 5. 18. 45 6. 5. 30. 33 † 5. 42. 21 † 6. 5. 54. 10	5. 22. 30	5. 26. 15	5- 17- 46† 5- 30- 0 5- 42- 13† 5- 54- 26† 6- 6- 40	5. 58. 28	5.37.30
16	6. 5. 58 1 6. 17. 46 1 5. 6. 29. 35 6. 41. 23 1 6. 53. 11 2 7. 5. 0	6. 22. 137 6. 34. 10 6. 46. 67 6. 58. 37	6. 26.40	6. 18. 53+ 6. 31. 6+ 6. 43. 20 6. 55. 33+ 7. 7. 46+ 7. 20. 0	6.35.33	6. 52. 30 7. 5. 0 7. 17. 30

Entre 7 & 8 minutes.

des nombres de Degrés collatéraux. 7 35^{n} $\frac{7}{7}$ 45^{n} $\frac{7}{7}$ 55^{n} $\frac{8}{7}$ $\frac{87}{5}$ \frac
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
0.35, $16\frac{1}{9}$, 0.35, $\frac{1}{3}$, 0.35, $\frac{1}{9}$, 0.36, $\frac{1}{9}$, 0.36, $\frac{1}{3}$, 0.46, 0 0 0.37, 55 0.38, 32 0.38, 20 0.39, 10 0.39, 37 0.40, 0 0 0.39, 37 0.40, 0 0 0.39, 37 0.40, 0 0 0.39, 37 0.40, 0 0.39, 10 0.
0.37.5 $\left[\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
0. \hat{j} 0. \hat{j} 3. \hat{j} 7. \hat{j} 0. \hat{j} 1. \hat{j} 0. \hat{j} 3. \hat{j} 1. \hat{j} 1. \hat{j} 1. \hat{j} 1. \hat{j} 3. \hat{j} 4. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 4. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 4. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 4. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 4. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 4. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 4. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 4. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 4. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 4. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 3. \hat{j} 4. \hat{j} 3. \hat
1. 3. 117 1. 3. 537 1. 4. 35 1. 5. 167 1. 5. 587 1. 6. 40 25 1. 15. 50 1. 16. 40 1. 17. 30 1. 18. 20 1. 19. 10 1. 20. 0 31 1. 28. 287 1. 29. 267 1. 30. 25 1. 31. 237 1. 32. 217 1. 33. 20
1. 28. 28 1 1. 29. 26 1 1. 30. 25 1. 31. 23 1 1. 32. 21 1. 33. 20 3
1.41. 67 1.42.137 1.43.20 1.44.267 1.45.337 1.46.40 41
2. 6. 23+ 2. 7. 46- 2. 9. 10 2. 10. 33+ 2. 11. 56- 2. 13. 20 5
2.19. 1 2.20.33 2.22. 5 2.23.36 2.25. 8 2.26.40 5
2. 31. 40 2. 33. 20 2. 35. 0 2. 36. 40 2. 38. 20 2. 40. 0 6 2. 44. 18 2. 46. 6 2. 47. 55 2. 49. 43 2. 51. 31 2. 53. 20 6
2. 44. 18 1 2. 46. 6 2. 47. 55 2. 49. 43 2 2. 51. 31 2 2. 53. 20 6 2. 56. 56 2 2. 58. 53 2 3. 0. 50 3. 2. 46 2 3. 4. 43 2 3. 6. 40 7
3. 9.35 3. 11. 40 3. 13. 45 3. 15. 50 3. 17. 55 3. 20. 0 7
3. 22. 13 1 3. 24. 26 1 3. 26. 40 3. 28. 53 1 3. 31. 67 3. 33. 20 8
3. 34. 517 3. 37. 137 3. 39. 35 3. 41. 567 3. 44. 187 3. 46. 40 8
3.47.30 3.56. 0 3.52.30 3.55. 0 3.57.30 4. 0. 0 9 9 4. 0. 8 3 4. 10.41 4. 13.20 9
4. 12. 46 4. 15. 33 4 4. 18. 20 4. 21. 63 4. 23. 53 4. 26. 40 10
4. 25. 25 4. 28. 20 4. 31. 15 4. 34. 10 4. 37. 5 4. 40. 0 10
4. 38. 3+ 4.41. 6+ 4.54.10 4.47.13+ 4.50.16+ 4.53.20 11
4. 50. 417 4. 53. 537 5. 7. 5 5. 0. 167 5. 3. 287 5. 6. 40 11 5. 3. 20 5. 6. 40 5. 10. 0 5. 13. 20 5. 16. 40 5. 20. 0 12
5. 15. 58+ 5. 19. 26+ 5. 22. 55 5. 26. 23+ 5. 29. 51+ 5. 33. 20 12
5. 28. 36 5. 32. 13 5. 35. 50 5. 39. 26 5. 43. 3 5. 46. 40 13
5.41.15 5.45. 0 5.48.45 5.52.30 5.56.15 6. 0. 0 13
5. 53. 53. 5 57. 46. 6. 1. 40 6. 5. 33. 6. 9. 26. 6. 13. 20 14. 6. 6. 3. 1. 6. 10. 33. 6. 14. 35 6. 18. 36. 6. 22. 38. 6. 26. 40 14
6. 19. 10 6. 23. 20 6. 27. 30 6. 31. 40 6. 35. 50 6. 40. 0 11
6. 31. 48 6. 36. 6 6. 6. 40. 25 6. 44. 43 6. 49. 1 6. 53. 20
6. 44. 26 6. 48. 53 6. 53. 20 6. 57. 46 7. 2. 137 7. 6. 40
6.57. 5 7. 1.40 7. 6.15 7.10.50 7.15.25 7.20. 0 11 7. 9.437 7.14.267 7.19.10 7.23.537 7.28.367 7.33.20 13
17. 22. 21 17. 7. 27. 13 7. 32. 5 7. 36. 56 7. 41. 48 7. 46. 40 L
7-35. 0 7.40. 0 7.45. 0 7.50. 0 7.55. 0 8. 0. 0 11

TABLE DE RÉPARTITION

N N			QUANT	ITÉS div	risées en p	proportion
GLES	8' 3" M. S. T.	8' 10" M. S. T.	8' 15" M. S. T.	8' 20" M. S. T.	8' 25" M. S. T.	8' 30" M. S. T.
5 10 15 20 25	0. 16, 56; 0. 40. 15 0. 53. 53;	0.13.36 ¹ / ₁ 0.27.13 ¹ / ₃ 0.40.50 0.54.16 ¹ / ₃ 1.8.3 ¹ / ₃		0.13,53 1 0.27.46 1 0.41.40 0.55.33 1 1.9.26 1	0. 18. 37	
30 35 40 45 50	1. 34. 18+	1.21.40 1.35.16 ¹ / ₃ 1.48.53 ¹ / ₇ 2. 2.30 2.16. 6 ¹ / ₇	1, 22, 30 1, 36, 15 1, 50, 0 2, 3, 45 2, 17, 30	1.23.20 1.37.13 ¹ / ₁ 1.51.6 ¹ / ₂ 2.5.0 2.18.53 ¹ / ₁	1. 24. 10 1. 38. 117 1. 52. 137 2. 6. 15 2. 20. 167	2. 7.30
65 70 75	2.41.40 2.55. 8:1 3. 8.36:3 3.22. 5	2. 29. 43 ¹ / ₃ 2. 43. 20 2. 56. 56 ¹ / ₃ 3. 10. 33 ¹ / ₃ 3. 24. 10	2.45. 0	1.32.46; 1.46.40 3.0.33; 3.14.16; 3.28.20	3. 2.217	3. 4.10
90 95	3.35.33† 3.49. 1† 4. 2.30 4.15.58† 4.29.26†	3.51.23 5 4. 5. 0 4. 18.36 5	3.53.45 4.7.30 4.11.45	3.56. 67 4.10. 0 4.13.53	3. 44. 267 3. 58. 287 4. 12. 30 4. 26. 317 4. 40. 337	4.15. 0
110 115 120	4. 42. 55 4. 56. 23 1 5. 9. 51 1 5. 23. 10 5. 36. 48 1	5. 26.40	5. 2. 30	5. 5.33† 5.19.26† 5.33.20	4. 54. 35. 5. 8. 36. 5. 22. 38. 5. 36. 40. 5. 50. 41.	5.40. 0
135 140 145 150	5.50.161 6. 3.45 6.17.131 6.30.411 6.44.10	6. 7.30 6.21. 65 6.34.437 6.48,20	6. 11. 15 6. 25. 0 6. 38. 45 6. 52. 30		6. 18.45	
160	6. 57. 38† 7. 11. 6‡ 7. 24. 35 7. 38. 3† 7. 5 1. 31‡ 8. 5. 0	7. 15. 337	7. 33. 45	7. 14. 16 ¹ / ₇ . 38. 10 7. 52. 13 ¹ / ₇ 8. 6. 6 ¹ / ₇	7. 14. 517 7. 18. 537 7. 42. 55 7. 56. 567 8. 10. 587 8. 25. 0	7.33.20 7.47.30 8. 1.40 8.15.50

RECTILIGNE. 263

Entre 8 & 9 minutes.

des nombres de Degrés collatéraux.							
8' 35"	8' 40"	84 45"	8 50"	8' 55"	1 9' 0"	NGLE	
M. S. T.	M. S. T.	M. S T.	M. S. T.	M. S. T.	M. S. T.	S.	
	0. 14. 26		0.14.43	0. 14. 517	0.15. 0	5	
0. 28. 367		0. 29. 10	0. 29. 267	0.29.437	0.30. 0	10	
	0.43.20	0. 58. 20	0. 58. 53+	0. 44. 35	1. 0. 0	15	
1. 11. 31		1. 12.55	1. 13. 367	1. 14. 187	1-15- 0	25	
1, 25. 50	1. 26. 40	1.27.30	1. 28. 20	1.29.10	1.30. 0	30	
1.40. 8-	1.41. 63	1.42. 5	1-43- 3+	1-44- 17	1.45. 0	35	
1. 54. 267			1.57.467		2. 0. 0	40	
2. 8.45 2.23. 3+	2. 10. 0	2.11.15	2-12-30	2. 13. 45 2. 28. 36+	2. 15. 0	45	
2.37.217		2.55. 0	2.56.40	2. 43. 28;	3. 0. 0	55	
3. 5.58+	3. 7.46		3.11.23	3 - 13 - 11	3.15. 0	65	
3 - 20 - 167	3 - 22 - 13+		3. 26. 67		3.30. 0	70	
3 - 34 - 35	3.36.40	3. 38. 45	3.40.50	3-42-55	3.45. 0	75	
3.48.53+		3.53.20	3 - 55 - 33		4. 0. 0	80	
4. 3.117				4-12-38-		85	
	4. 34. 267	4. 37. 5	4-25-0	4-27-30	4.45. 0	90	
4.46. 6	4.48.53	4. 51. 40		4- 57- 13	5. 0. 0	100	
5. 0.25	5. 3.20	5. 6.15		5.12. 5	5.15. 0	105	
	5-17-463		5-23-53+		5.30. 0	110	
	5-32-13+			5.41.48		115	
5 · 43 · 20 5 · 57 · 38+	5-46-40	6. 4.35		5.56.40	6. 15. 0	120	
						125	
6. 21. 56}	6. 30. 0	6. 19. 10	6. 37. 30	6. 26. 237		130	
	6.44.267	6.48.20		6.56.6	6.45. o	135	
6. 54. 517	6. 58. 53+	7. 2.55		7. 10. 58	7-15- 0	145	
7. 9.10	7-13-20	7-17-30		7.25.50	7.30. 0	150	
7-23-28+		7-32- 5	7.36.23	7.40.41	7.45. 0	155	
7.37.467		7. 46. 40	7.51. 63	7-55-337	8. 0. 0	160	
7. 52. 5 8. 6. 23+	7.56.40 8.11. 6÷	8. 1. 15	8. 20. 33	8. 10. 25	8. 15. 0	165	
		8. 0.25	8.35.167	8. 40. 8	8.45. 0	170	
8.35. 0	8.40. 0	8.45. 0	8.50. 0		9. 0. 0	175	
	-	-	-	T .	-	-	

264 TRICONOMÉTRIE TABLE DE RÉPARTITION

ANG			QUANT	trés di	isées en	proportion
LES	9' 5" M. S. T.	9' 10" M. S. T.	9' 15" M. S. T.	9' 20" M. S. T.	9" 25" M. S. T.	9' 30" M. S. T.
5 10 15 20 25	0.15. 8 1 0.30.16 1 0.45.25 1. 0.33 1	0.15.16	0. 15. 25 0. 30. 50 0. 45. 15 1. 1. 40	0.15.33 † 0.31.6 † 0.46.40 1.2.13 † 1.17.46 †	0.15.417	0.15.50 0.31.40 0.47.30 1.3.20
30 35 40 45 50	1.30.50 1.45.58; 2. 1. 6; 2.16.15	2. 3.137 2.17.30	1.33.30 1.48.55 2. 4.20 2.18.45	1.33.20 1.48.537 2. 4.263 2.20. 0 2.35.337	1. 34. 10 1. 49. 51 7 2. 5. 33 7 2. 21. 15 2. 36. 56 7	2. 6.40
55 60 65 70 75	3. 1.40	2.48. 37 3. 3.20 3.18.367 3.33.537 3.49.10		2.51.6 ¹ / ₇ 3.6.40 3.22.13 ¹ / ₇ 3.37.46 ¹ / ₇ 3.53.20		2.54.10 3.10.0 3.25.50 3.41.40 3.57.30
80 85 90 95	4. 17. 217 4. 32. 30 4. 47. 387	4. 19. 43 + 4. 35. 0 4. 50. 16 +	4-22-5	4. 8. 53 † 4. 24. 26 † 4. 40. 0 4. 55. 33 † 5. 11. 6†	4.58.117	4.13.20 4.29.10 4.45. 0 5. 0.50 5. 16.40
105	5.33. 3+ 5.48.11+ 6. 3.20		5.23.45 5.39.10 5.54.35 6.10. 0 6.25,25	5. 26. 40 5.42. 13 ¹ / ₇ 5. 57. 46 ¹ / ₇ 6. 13. 20 6. 28. 53 ¹ / ₇	6. 16.40	5.32.30 5.48.20 6.4.10 6.20.0
135	7. 3. 53	7. 7.467	7.56.15	7. 0. 0	7. 19. 26	6.51.40 7.7.30 7.23.20 7.39.10 7.55. 0
169	8. 19. 35 8. 34. 43 8. 49. 51	8. 8. 537 8. 24. 10 8. 39. 267 8. 54. 437	8. 13. 20 8. 28. 45 8. 44. 10	8. 33. 20 8. 48. 537 9. 4. 267	8. 22. 137 8. 37. 55 8. 53. 367	8. 10. 50, 8. 26. 40 8. 42. 30 8. 58. 20 9. 14. 10

Entre 9 & 10 minutes.

0' 35" 0' 40" 0' 45" 0' 50" 0' 55" 10' 0'	5
71. 3. 1. M. 3. 1. M. 3. 1. M. 3. 1. M. 3. 1.	a .
	-
1. 15. 58 0. 16. 6 0. 16. 15 0. 16. 23 0. 16. 31 0. 16. 40 0. 15. 56 0. 13. 13. 0. 16. 40 0. 31. 56 0. 32. 13. 0. 32. 30 0. 32. 46 0. 33. 30 0. 33. 30 1	5
1. 47. 55 0. 48. 20 0. 48. 45 0. 49. 10 0. 49. 35 0. 50. 0 1	5
	io
	15
- 35-50 1.36.40 1.37-30 1.38.20 1.39.10 1.40. 0 3	0
	3 5
	-5
	o
	55
. 11.40 3.13.20 3.15. 0 3.16.40 3.18.20 3.20. 0 6	só
	55
	70
	75
	B o B ≤
	90
	25
	00
	05
[. 5 1 . 2 3 - 5 . 5 4 . 2 6 - 5 . 57 . 30 6 . 0 . 3 3 - 6 . 3 . 3 6 - 6 . 6 . 40 11	10
	15
	20
	3 O
7. 27. 13+ 7. 31. 6+ 7. 35. 0 7. 38. 53+ 7. 42. 46+ 7. 46. 40 1.	
7. 43. 117 7. 47. 137 7. 51. 15 7. 55. 167 7. 59. 187 8. 3. 20 14	45
	50
	55
	60
	70
	75
	80

266 TRICONOMETRIE

Des Registres de Calculs de Triangles.

184. C'est dans les endroits où l'on opère, que l'on recueille sur un Registre & à mesure, le détail des observations (9 & 10), c'est dans le cabinet que se fait le reste, c'est-à-dire, 1.º qu'avec le crayon, à l'aide du rapporteur & d'après les observations, on forme grofsièrement un petit canevas pour choisir une chaîne ou une suite de triangles dont les côtés foient communs à d'autres triangles, & dont l'objet est de déterminer la position des lieux interpolés entre les points angulaires des principaux triangles. 2.º Que l'on démêle dans le Registre & d'après les parties d'une observation, la valeur de chacun des angles de différens triangles (on s'est suffisamment étendu fur ce sujet dans l'Art de lever les Plans. 1." partie); la valeur de l'angle à la direction, par rapport à chacun des rayons, visuels, & que l'on voit à quelle distance du point de station fe trouve le centre du lieu d'observation. 3.º Que l'on cherche la longueur des côtés

de chacun des triangles par rapport à la mefure fondamentale ou à la basé. 4.º Que l'on réduit les angles au centre, que l'on répartit l'excès ou le deficit pour rendre la somme des angles d'un triangle égale à ce qu'elle doit être, c'est-à-dire à 180 degrés; & 5.º que l'on procède à trouver des distances précises.

185. S'il faut de l'ordre dans le Registre d'observations, il n'en faut pas moins dans le calcul des triangles.

On a communément deux Registres, l'un contient les angles observés de chaque triangle dont on forme une suite & des intermédiaires; avec leurs calculs, ayant égard au parallétisme que l'on retranche ou que l'on ajoute selon qu'il convient à certains angles, ainst qu'on en a prévenn à la suite du 10.5 article; ce Registre renserme ensin tout ce qui est nécessaire pour parvenir à connoître chacun des côtés des triangles, en négligeant les parties de minutes & les parties de toises qui augmenteroient ou qui diminueroient leur songueur, ainsi qu'on l'a dit (135); on a donné

268 TRICONOMETRIE

un Modèle de ce Registre (Art de lever les Plans, 1. se partie), c'est pourquoi on n'en sera pas ici une répétition, mais on dira qu'il est nécessaire à l'autre dont l'objet est de ne rien négliger ni sur l'ouverture des angles, ni sur les distances.

186. L'autre Registre contient les mêmes triangles, & d'ailleurs tout ce qui est nécessaire pour avoir au juste la valeur des angles & les côtés des triangles; pour arriver à cette précision, on a dit (41) qu'il falloit 1.º en opérant observer l'angle que le premier pointé faisoit avec la direction, & si elle se trouvoit à sa gauche ou à sa droite; examiner avant tout s'il y a du parallélisme ou s'il n'y en a pas, & 2.º mesurer la distance du point de station au centre de l'édistre, ensin faire mention de ces trois ehoses par écrit sur le Registre, & chacune à sa place.

On ne donnera pas de modèle du premier de ces deux Registres, on le trouve dans l'Art de lever les Flans, 1. Te partie; il ne sera question ici que du second, que chacun

peut d'ailleurs arranger à fon gré, n'en faifant même qu'un des deux; voici néanmoins l'ordre de celui que l'on propose.

Explication générale d'un Modèle de Registre d'appréciation.

I a première coloune, entièrement conforme à celle du premier Registre que l'on suppose, contient la valeur particulière, & telle qu'elle a été observée, de chaque angle des triangles distingués les uns des autres par une acolade.

La feconde renferme vis-à-vis chaque angle, la longueur du côté opposé à cet angle, & est extraite du premier Registre.

La troisième comprend les ouvertures d'angles à la direction.

La quatrième contient la longueur du côté commun à l'angle à la direction & à l'angle observé.

La cinquième renferme chaque distance du point de station au centre d'un édifice.

La fixième comprend les quantités qui, felon le figne — ou felon le figne — doivent

270 TRICONOMETRIE

être ajoutées ou retranchées de l'angle observé pour avoir sa valeur au centre de l'édifice.

La feptième contient la valeur des angles réduits au centre du lieu d'observation.

La huitième renferme ce que d'un excès ou d'un deficit à ce que valent les trois angles d'un triàngle, il faut ajouter ou retrancher d'un angle felon que l'indique le figne — ou —.

La neuvième comprend la valeur précise de chaque angle des triangles.

La dixième contient les logarithmes des finus de chacun de ces angles.

La ouzième est employée pour les règles de proportion, d'où résulte les logarithmes des côtés des triangles ou des distances.

Et dans la douzième on voit les nombres naturels répondans à ces logarithmes.

De forte que sur la même ligne on a l'angle observé, son côté opposé, l'angle à la direction, le rayon visuel qui forme cet angle, la distance au centre, l'augmentation ou la diminution à faire à l'angle observé, sa valeur

réduite au centre, la portion qui lui convient en cas qu'il y ait excès ou deficit à 180 degrés, la valeur précife de cet angle, le logarithme de son sinus, le logarithme de son côté opposé, & ensin l'exacte longueur de ce côté en mesures réelles ou usitées.

MODÈLE D'UN REGISTRE 3.° 2.* 5.0 6.° TRIANGLES, CÔTÉ QUANTITES DISTANCE côrés ANGLES Valcur qui forme à joindre des de leurs angles au l'angle observés. triangles. Direction. à la direction centre. fouffraire.

1	A. 59d 30' 10"	3440 toiles	3 od	3877 toiles	6 pieds	- 0' 26" 0"
TRIANGLE.	B. 44. 20. 15	2790	40	3440	8	o. 5 o. o
(C. 76. 12. 55 180d 3'20		55	2790	31 -2	-1. 4.0 3.20.0
- {	D. 43d 15' 20"	1050 tolles	45 ^d	2017 toiles	7 Picas	- 1'25"o"
TRIANGLE,	E. 48. 40. 15	2017.	50	2698	8	1.24.0
(F. 88. 10. 0	2698	60	1850	12	- 2, 18.0
=(G. 65d 25' 30"	3535 toiles	3°}	*49° }toif.	10	2' 20" 0""
TRIANGLE.	H. 39. 50. 20	1499	55	3 749	4	0.30.0
(1. 74.40.45 1794 56' 35"	3749	4°}	3535 2490 toif.	14	+ 3. 20. 0

D'APP	RECIAT.			273	
7.°	8.°	9.6	10.0	11.	12.
VALEUR des angles réduits au centre,	PORTIONS proportionnelles au nombre de degrés.	VALEUR précife de chaque angle des triangles,	des finus des angles,	RÈGLES de proportion.	PRÉCISE DISTANCE entre les objets.
59 ^d 29'44"	o' o" o"	59 ^d 29' 44"	99353005	35369584 98442970 133808554	3440 toi. o pi.
44-19-25	0. 0. 9	44-19-25	98441970	99353005 34455549 35365584 99872334	2789. 5
76. 10. 51	o. o. o	76. 10.51	99872435	99353005	3876. 5 °
180d of o"		180d o' o"			
43413'55"	-o' 6"30"	434 13' 48"	98356464	32671717 98754291	1850 toi.0 pi
				98356464	
48.38.51	-0. 7.20	48. 38. 43 7	98754291	33069544 32671717 99997672	
				132669389 98356464	
88. 7.41 180d o'18"		88. 7. 17 1 180d o' o"	99997072	34312925	2099
	+0'56"41"		99587007	98066205	
			98066209	133548870 99587007 33961863	
39-49-50	+ 0.34.53	39-50-25	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	35482665 99844374	
				99587007	
74-44- 5		74-45-10	99844374	35750032	3758. 2
1794 57 23	2' 36" 36"	180d o' o"			

EXPLICATION détaillée de ce MODÈLE d'appréciation.

Ce que l'on vient de dire en général, du contenu & de l'ordre du Registre d'appréciation, semble avoir besoin d'être détaillé, au moins par rapport à l'un des triangles ABC, DEF, GHI, supposés dans ce Registre, nous nous arrêtons au dernier, les autres ne renfermant point de cas extraordinaire comme on l'a imaginé dans celui-ci.

- 1.° On voit que les trois angles G, H, I, du triangle GHI, composent ensemble un total de 179^d 56' 35".
- 2.° Ayant supposé l'angle G observé en avant du centre & que la direction le partage, on voit dans sa troisième colonne, 30 degrés pour l'angle que la direction fait avec le côté de 2490 toises, placé dans la quatrième colonne, on voit encore dans la troisième, & aussi fur l'alignement de l'angle G, 35 degrés au lieu de 34ª 25′ 30″ (127) pour l'angle que cette direction fait avec le côté de...

3749 toifes, c'est-à-dire que d'une part on voit 30 degrés concourant avec... 2490 toises, & d'autre part 35 degrés concourant avec 3749 toises & aussi avec 10 pieds de distance au centre, qui sont dans la cinquième colonne, de sorte qu'avec le secours de la seconde Table, on a trouvé 2' 2" (72) que l'on voit dans la sixième colonne de ce Registre, & qui sont précédés du signe —, parce que l'angle G est supposé observé en avant du centre, & par conséquent trop grand.

3.º Sur l'alignement de l'angle H observé en avant du centre, ainsi qu'on l'a imaginé ici, on voit dans la troisième colonne 55 degrés pour l'angle à la direction fait avec le côté de... 3749 toises, qui est placé dans la quatrième colonne vis-à-vis 4 pieds de distance au centre, qui sont écrits dans la cinquième colonne, de manière que faisant usige de la seconde Table, on a trouvé... o' 30°. que l'on a possés dans la sixème colonne, & qui sont précédés du signe —, pussque l'angle H a été observé en avant du centre,

4.º On a supposé l'angle I observé en arrière du centre du lieu d'opération, & cet angle divilé par la direction, ce qui fait que dans la troisième colonne on voit... 40 degrés pour l'angle à la direction, tenant à un côté de 3535 toises, placé dans la quatrième colonne, & que l'on voit encore dans la troisième colonne... 35 degrés au lieu de 34d 40' 45" (127) pour l'angle à la direction, tenant au côté de... 2490 toiles qui sont dans la cinquième colonne, le tout à 14 pieds de distance au centre, qui se voient dans la fixième colonne, de façon qu'à l'aide de la seconde Table on a trouvé... 3' 20", qui sont dans la fixième colonne & précédés du figne ---, puisque l'angle 1, est observé en arrière du centre (77), & par conséquent trop petit.

5.° De l'angle G on en a ôté 2' 2" précédées du figne \longrightarrow & il est resté 6 5 d 2 3' 2 8° pour sa valeur au centre, qui se voit dans la septième colonne.

De l'angle H on a retranché o' 30". précédées du figne moins, & il est resté...

RECTILIGNE. 277

39^d 49' 50" pour son ouverture au centre que l'on a pareillement écrit dans la septième colonne.

Et à l'angle I on a ajouté... 3' 20" affectées du figne — & il est venu... 74^d 44' 5", que l'on trouve aussi dans la septième colonne pour la valeur de cet angle au centre, & dans laquelle on voit que les trois angles G, H, I, chacun réduit au milieu de l'édifice où il a été observé, composent un total de... 179^d 57' 23", de sorte qu'il manque... 2' 37". pour aller jusqu'à 180 degrés alors.

6.º Faisant usage de la troissème Table & suivant les articles (170 & 175) pour distribuer ce descrit... 2' 37" en proportion des nombres de degrés,

on a trouvé qu'à l'angle réduit

que l'on voit dans la huitième colonne, & il est venu.... 65d 24'24"41 " a mais pour éviter les tierces on

278 TRICONOMÉTRIE

alignement, & dans la neuvième colonne, & à côté dans la distème, on voit le logarithme finue de cette valeur d'angle que l'on a cherché felon la règle, article (12).

On a trouvé qu'à l'angle réduit au centre à ... 39⁴ 49' 50" il convenoit d'y joindre ... 34" 53"5, que l'on voit de même dans la huitième colonne, & ona eu 39⁴ 50' 24" 53"5;

la huitième colonne, & on a eu 39d 50'24"53" 3 & afin d'éviter les 53" on a

pris en place 394 50'25"& cette

grandeur ou cette appréciation de l'angle H se voit dans la neuvième colonne, & dans la dixième on a le logarithme sinus de cette ouverture d'angle (12).

On a trouvé qu'à l'angle réduit

que l'on voit aussi dans la huitième colonne,

Le total... 2' 36" 36" que l'on voit dans la huitième colonne, & qui diffère en moins

RECTILIENE. 279

de 24" la quantité 2' 37" qu'il falloit répartir, n'est moindre de ce qu'il devroit être, que parce que l'on n'a pas cherché la portion de ce descit qui répond précissement à chaque ouverture d'angles, mais qu'on y a suppléé en prenant 57" au lieu de 56" 41" \(\frac{3}{2}\) pour les ajouter à 65 d 23' 28", & en ajoutant 35" au lieu de 34" 53\(\frac{3}{2}\) \(\frac{3}{2}\) \(\frac{3}{2}\) 39 d 49' 50"; de manière que les trois angles G, H, I, appréciés dans la neuvième colonne, sont au total 180 degrés.

Quant aux deux dernières colonnes de ce Modèle, on a dit que la onzième contenoit les règles de proportion: en chacune de ces règles le nombre supérieur est le logarithme du côté connu & le second terme de la proportion, le suivant est le logarithme du sinus de l'angle qui entre en comparaison, & son troisième terme; sous ce second & ce troisième terme, se trouve leur somme, ensuite se voit le logarithme du sinus de l'angle opposé au côté connu, & auquel se fait la comparaison, & ce logarithme sinus est le S iiij

280 TRIGONOMÉTRIE, &c.

premier terme de la proportion, qui ôté de la fomme des moyens, donne pour reste & pour quatrième terme, se logarithme du côté opposé à l'angle, sur l'alignement duquel il est; ensin à côté de ce logarithme & dans la douzième colonne on voit le nombre réel qui y répond, accompagné de parties d'unité qu'on a trouvé selon que l'enseignent les articles (28 & 29).

On croit être entré dans tout le détail qu'on auroit pu fouhaiter fur l'explication de ce Modèle d'appréciation, nécessaire au calcul des distances à une méridienne & à sa perpendiculaire, parce qu'il contient des ouvertures d'angles & des longueurs de côtés exactes.

On a expliqué (Art de lever les Plans; L'e Partie, chapitres VI & VII) la manière de procéder à trouver les distances des objets d'un pays à ces deux ligues imaginaires, & d'en dresser une Table ou un Registre, ainse, on n'en parlera pas ici.

FIN.



T A B L E

De ce qui est contenu dans ce Volume

PREMIÈRE PARTIE:

DES premières opérations sur le terrain & de
l'usage des Tabies de logarithmes pour ne
rien négliger de la valeur des angles & de la
longueur des côtés d'un triangle.
De ee qu'il faut connoître d'un triangle pour en
faire le calcul trigonométrique page t
Précautions pour bien aligner & mesurer une base. 4
Des deux premières Observations 5
Des Observations qui suivent les deux premières. 6
Registre d'Observations 7
Modèle d'une Observation enregistrée 8.
Avertissement sur le Parallélisme 11
Usage des Tables de logarithmes, pour arriver
à la précision.
Remarque fur les logarithmes des ouvertures
d'angles qui comprennent des secondes 12
Trouver le logarithme d'une ouverture d'angle
aecompagnée de secondes 13
Règle générale 14
Premier Exemple ibid.

};	T			٠.	
11	1.	A	В	L	Ε

,	
Deuxième Exemple	16
Troisième Exemple	17
Quatrième Exemple	1.8
Remarque sur les logarithmes des sinus & des tangentes, différens de ceux d'une Table	19
Regle générale	ibid.
Premier Exemple	20
Deuxième Exemple	22
Troisieme Exemple	ibid.
Avertissement sur les logarithmes des nombres	A
naturels	24
Remarque sur les logarithmes des nombres	
naturels accompagnés de partie d'unités	ibid•
Trouver le logarithme d'un nombre accompagné	
d'une fraction	25
Regle générale	ibid.
Premier Exemple	26
Deuxième Exemple	27
Troisième Exemple	28
Trouver la partie d'une mesure qui accompagne	
un nombre indiqué par un logarithme réfultant.	29
Règle générale	30
Premier Exemple	31
Deuxième Exemple	33
Remarque fur les logarithmes des nombres	-
réels plus grands que le dernier nombre réel	
d'une Table de logarithmes	20

TABLE.	tij
Trouvet le logarithme d'un nombre naturet	
plus grand que le dernier d'une Table.	36
Règle générale	36
Premier Exemple	38
Deuxième Exemple	39
Troisième Exemple	40
Remarque sur les nombres artificiels plus	-
grands que le dernier d'une Table	41
Trouver le nombre réel qui répond à un	
logarithme plus grand que le dernier	
logarithme d'une Table. Règle générale	42
Premier Exemple	43
Deuxième Exemple	ibid.
SECONDE PARTIE,	
Du principe ae la réduction des angles au c	entre
dans tous les cas, de la règle qu'on en déa	uit,
& de son application.	
De ce qu'il faut connoître pour réduire des	
angles à un centre	46
Définitions	48
De la position du point de station à l'égard	
du centre du lieu d'observation & de la	
situation de la direction par rapport au	
premier pointé	50
Principe qui conduit à réduire au centre d'un	
lieu, les angles observés à sa circonférence.	< 2

łv	TABLE:	
Théorie &	r pratique de la réduction des angli	es
au cent	re d'un lieu d'observation	. 53
Premier co	as	- 54
Règle pou	ur ce premier cas	. 55
Application	on de ce premier cas	. 56
Deuxième	cas	. 61
Règle pou	ar ce deuxième cas	. 62
Application	on de ce deuxième cas	. 6
De la diff	Férence entre ces deux cas	. 66
Troifième	cas	. ibid
Règle pour	r ce troisième cas	. 68
Applicatio	on de ce troisième cas	. ibid
Quatrième	cas	. 71
	r ce quatrième cas	
	on de ce quatrième cas	
	fur les troisiente & quatrième cas.	
Cinquième	cas	
,	r ce cinquième cas	
	n de ce cinquième cas	
	15	
	r ce sixieme cas	
	on de ce sixième cas	

Remarque sur ces cinquième & sixième cas...

Règle pour ce septième cas.....

Septième cas.....

92

ibid,

TABLE	y
Application de ce septième cas	95
Huitième & dernier cas	98
Règle pour ce huitième cas	99
Application de ce huitième cas	100
Remarque sur ces huit cas	103
Récapitulation ou Règle générale pour réduire	
dans tous les cas & au centre d'un lieu,	
des angles observés à sa circonférence	104
Remarque	108
De l'ouverture de l'angle à la direction, 👉 de	
ce qu'il faut faire pour avoir, d'après une	
observation, ses différentes grandeurs	109
TROISIÈME PARTIE	
Des Tables pour apprécier la valeur des angle	5113
Explication d'une première Table	115
Usage de oette première Table	116
Première Table, qui contient les logarithmes-	
finus de seconde en seconde, depuis une	
seconde jusqu'à trente-deux minutes	119
Explication d'une seconde Table, dressée pour	
servir à la réduction des angles au centre	137
Avertissement par rapport à l'angle à la direction	. 1 39
Usage ordinaire de cette seconde Table	140
Observation supposée. Première Station	142
Deuxième Station	143
Troisième Station	ibid.
Quatrième Station	144

vi	TABLE
,	nent
	fur le contenu <mark>de</mark> cette feconde Tai
Usage de	cette Table pour avoir l'angle oppe
à la d	issance au centre, répondant à
nombre	qui soit entre 100 & 10000
Règle pou	r avoir par le moyen de cette Tabi
L'ouver	ure de l'angle opposé à la distance.
7.00	& répondant à une longueur résulta

TABLÉ

Seconde Table, calculée pour des ouvertures	
d'Angles à la direction, de 5 en 5 degrés	
jusqu'à 90, depuis un pied de distance au	
centre jusqu'à 15, & depuis 100 toises de	
longueur de rayon central jusqu'à 10000;	
& dans laquelle on trouve la valeur d'un	
angle opposé à la distance du point de	
station au centre de l'édifice d'observation,	
felon les trois mesures qui concourent à faire	
connoître l'ouverture de cet angle	183
De la correction des Angles	214
Règle de répartition	215
Exemple	216
Autre Exemple	217
Explication d'une troisième Table	218
Usage ordinaire de cette troisième Table	219
Avertissement	221
Remarque à l'égard des nombres de degrés qui	
ne se trouvent pas dans les colonnes latérales	223
Usage de cette Table pour répartir une quantité	
en proportion des différens nombres de	
degrés qui n'y sont pas	234
Exemple	225
Remarques à l'égard des quantités à répartir	
qui ne se trouvent pas en tête des colonnes	228
Règle pour répartir sur des angles, une quantité	
différente de celles qui sont en tête des	
différente de celles qui sont en tête des solonnes de cette Table	229

yiij I A B L E.	
Exemple	230.
Remarque sur les portions relatives aux nombres	
de degrés & tout-à-la-fois aux quantités	
à répartir, qui ne se trouvent point dans	
cette Table	233
Règle pour avoir, par le moyen de cette Table,	
la portion d'une quantité qu'il faut ajouter	
ou retrancher de la valeur d'un angle qui	
ne se trouve pas dans la Table	ibid.
Exemple	236
Remarque	243
Troisième Table, servant à distribuer sur les	
Angles d'un triangle, ce que l'on trouve de	
plus ou de moins que 180 degrés pour leur	
somme; dans laquelle des quantités croissantes	
de 5 en 5 secondes sont réparties de manière	
qu'on en voit les pertions qui répondent à des	
nombres de degrés qui augmentent aussi de	1
s en 5 ^d jufqu'à 180 ^d	24
Des Registres de calculs de triangles	260
Explication générale d'un Modèle de Registre	
d'appréciation	26
Modèle d'un Registre d'appréciation	27

Explication détaillée de ce Modèle d'appréciation....

F I N de la Table.







